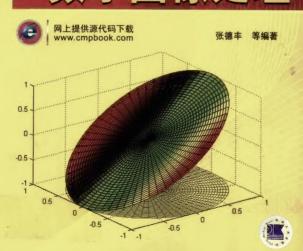
• 合理、完善的知识体系结构

- 内容丰富, 重点突出, 应用性强
 - 免费提供相关程序源代码下载
 - 深入、详细剖析 MATLAB 工程应用技术



MATLAB 数字图像处理

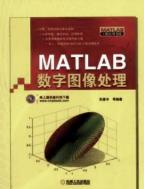


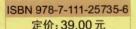
小板工业出版社 CHINA MACHINE PRESS ISBN 978-7-111-25735-6 策 划: 丁诚 吴鳴飞 封面设计: プログラ

本书利用MATLAB图像处理工具箱进行数字图像处理的设计与应用,紧密联系实际,以 具体的实例介绍了函数的使用方法。在实例中强调了如何用MATLAB图像处理工具箱解决图 像处理中的问题、难题、节省了图像处理的时间、提高了图像处理的效率。

本书详细介绍了数字图像处理技术及利用MATLAB进行图像处理的方法和技巧,强调了 图像外理物理诊利应用相结合的方法,并给出了大量数字图像处理技术的MATLAB实现程序。

本书可作为高等理工科院校电子信息、通信工程、信号与信息处理学科的本科生教材, 也可作为研究生以及从事图像研究的科研工作者的学习参考用书。







ISBN 978-7-111-25706-6 定价: 42.00元



(010) 88379753 88379739

地址,北京市百万庄大街22号 郵政業的

联系电话: (010)68326294 関 並: http://www.cmpbook.com/8 (010)68993821 E-mail:cmp@cmpbook.com/8 (010)68379643 (010)68379643 (010)68379643

定价:39.00元



ISBN 978-7-111-25613-7

定价: 41.00 元

MATLAB 工程应用书库

MATLAB 数字图像处理

张德丰 等编著



机械工业出版社

本书利用 MATLAB 图像处理工具稍进行数字图像处理的设计与应用,简 洁明了地指出了所介绍的函数与方法的理论背景。同时又紧密联系实际应用, 以具体的实例说明了函数的使用方法。在实例中强调了如何用 MATLAB 图像 处理工具箱槽决图像处理中的问题、难题,节省了图像处理的时间,提高了图 一般分理的效率。

本书详细介绍了數字图像处理技术及利用 MATLAB 进行图像处理的方法 和技巧, 强调了图像处理的理论和应用相结合的方法,并给出了大量数字图像 处理技术的 MATLAB 实现程序。

本书可作为高等理工科院校电子信息、通信工程、信号与信息处理学 科的本科生教材,也可作为研究生以及从事图像研究的科研工作者的学习 参考用书。

图书在版编目 (CIP) 数据

MATLAB 数字图像处理 / 张德丰等编著. 一北京: 机械工业出版社, 2009.1 (MATLAB 工程应用书库)

ISBN 978-7-111-25735-6

I. M··· II. 张··· III. 图像处理一计算机辅助计算一软件包,MATLAB IV. TP391.41

中国版本图书馆 CIP 数据核字 (2008) 第 192914 号

机械工业出版社(北京市百万庄大街22号 邮政编码100037)

策划编辑: 丁 诚 吴鸣飞

责任编辑, 丁 诚 吴超莉

责任印制: 杨 曦

三河市国英印务有限公司印刷

2009年1月第1版·第1次印刷

184mm×260mm · 22 印张 · 540 千字

0001-4000 册

标准书号: ISBN 978-7-111-25735-6

定价: 39.00 元

凡胸本图书,如有缺页、侧页、脱页。由本社发行部调换 销售服务热线电话。 (010) 68326294 68993821 助节热线电话 (010) 88379639 88379641 88379643 编辑热线电话 (010) 88379753 88379739

封而无防伪标均为资版

前

MATLAB 的英文全称是 Matrix Laboratory (矩阵实验室), 一开始它是一种专门用于矩 阵数值计算的软件。从这一点上也可以看出,它在矩阵运算方面有自己的特点。实际上, MATLAB 中的绝大多数运算都是通过矩阵这一形式完成的。正是这一特点决定了 MATLAB 在处理数字图像上的独特优势。从理论上讲,图像是一种二维的连续函数,然而在计算机上 对图像进行数字处理时,首先必须对其在空间和亮度上进行数字化,即图像的采样和量化过 程。通过对二维图像的均匀采样,就可以得到一幅离散化成 M×N 样本的数字图像。该数字 图像是一个整数阵列,因而用矩阵来描述是最直观和最简便的了。而 MATLAB 的长处就是 处理矩阵运算,因此用 MATLAB 处理数字图像非常方便。

MATLAB 支持索引色图像、灰度图像、二值图像、RGB 图像和多帧图像阵列五种图像 类型,支持 BMP、GIF、HDF、JPEG、PCX、PNG、TIFF、XWD、CUR、ICO 等图像文件 格式的读、写和显示。MATLAB 对图像的处理功能主要集中在它的图像处理工具箱(Image Processing Toolbox)中。图像处理工具箱由一系列支持图像处理操作的函数组成,可以进行 诸如几何操作、线性滤波和滤波器设计、图像变换、图像分析与图像增强、二值图像操作以 及形态学处理等图像处理操作。

在数字图像处理领域对问题的求解通常需要宽泛的实验工作,包括软件模拟和大量样本 图像的测试。虽然典型算法的开发是基于理论支持的,但这些算法的实现几乎总是要求参数 估计,并常常进行算法修正与候选求解方案的比较。这样,灵活的、综合的以及由许多资料 证明的软件开发环境就是一个关键因素。这些因素在开销、开发时间和图像处理求解方法上 都且有重要意义。

尽管它很重要,但却很少有以教材形式编写的涉及数字图像处理原理和软件实现方面的 文献。而本书恰好是以概要形式讲述基本理论并紧密结合实际应用研究为目的而编写的。

全书共分 11 章, 第 1 章介绍图像处理与 MATLAB 2007a 简介; 第 2 章介绍图像的编码 和解码;第3章介绍图像复原;第4章介绍图像处理的相关操作;第5章介绍图像频域变 换;第6章介绍图像处理中的代数运算及几何变换,并重点介绍图像几何的变换:第7章介 绍图像增强; 第 8 章介绍图像分割与边缘检测; 第 9 章介绍小波分析及其在 MATLAB 中的 应用,主要讲述小波技术在图像处理中的应用,并详细展开小波分析在图像增强中的应用, 如基于小波的图像降噪和压缩、小波的融合技术、小波包在图像边缘检测中的应用,第 10 章介绍图像特征的描述;第 11 章介绍 MATLAB 图像处理的应用,主要介绍 MATLAB 在医 学和遥感图像处理方面的应用。

本书结合了作者多年来的教学实践和研究经验,并力图体现以下三个特点。第一,将图 像处理理论和应用举例相结合,系统介绍了数字图像处理技术的相关知识和内容,每介绍一 个知识点的理论都有相应的应用举例,使读者对数字图像处理学科有一个全面的了解:第 二,根据国内有关专业本科生和研究生的培养规划,介绍了图像处理技术方面的新理论、新 技术、新标准和新应用, 使读者充分了解图像处理技术的新发展和新应用; 第三, 注重



MATLAB 图像处理功能在实际生活中的应用举例, 使读者学以致用。

本书力求内容丰富、图文并茂、文字流畅,将会成为一本学习和使用 MATLAB 数字图 像处理方面有价值的参考书。

参加本书编写的有张德丰、许华兴、王旭宝、王孟群、邓恒奋、卢国伟、卢焕斌、伍志聪、庄文华、庄浩杰、许业成、何沛彬、何佩贤、张水兰、张坚、李勇杰、李秋兰、李美 妍、陈运英、陈贵棠、梁家科、黄达中、陈楚明、林健锋、梁劲强、林振繍、周品。

由于时间仓促,加上作者水平所限,错误或疏漏之处在所难免,敬请读者批评指正。

* *



目 录

前言			
第1	章	图像处理与 MATLAB 2007a 简介	
	1.1	概述	
		1.1.1 MATLAB 概述	
		1.1.2 数字图像处理技术的内容与发展现状	
	1.2	相关学科和领域	
		1.2.1 数字信号处理学	
		1.2.2 计算机图形学	
		1.2.3 计算机视觉	
	1.3	MATLAB 2007a 的新功能	
		1.3.1 MATLAB 2007a 的新特性	
		1.3.2 Simulink6 的新特性	
	1.4		7
		1.4.1 MATLAB 图像处理应用举例	
		1.4.2 图像处理基本操作	
		1.4.3 图像处理的高级应用	
第2	章	图像的编码和解码	
	2.1	概述	
		2.1.1 图像压缩编码的必要性	
		2.1.2 图像压缩编码的可能性	
		2.1.3 图像压缩编码的评价准则	
	2.2	统计编码	
		2.2.1 信息熵	
		2.2.2 Shannon Fano 编码 ·····	
		2.2.3 哈夫曼编码	
		2.2.4 算术编码	
		2.2.5 行程编码	
	2.3	预测编码	2
	2.4	图像的变换编码	3
	2.5	数据压缩编码的国际标准	3.
		2.5.1 JPEG 标准	3
		2.5.2 MPEG 视频编码压缩标准 · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	3
	2.6	小结	3
	习题		3





第3章	图像	夏原
3.1		复原的基本概念
3.2		退化模型
	3.2.1	连续的退化模型
	3.2.2	离散的退化模型
3.3		束复原
	3.3.1	非约束复原的代数方法
	3.3.2	逆滤波复原法
3.4	有约	束复原 50
	3.4.1	最小二乘类约束复原
	3.4.2	维纳滤波
	3.4.3	Lucy Richardson 滤波复原
	3.4.4	盲解卷积复原
3.5	几种	其他图像复原技术61
	3.5.1	几何畸变校正
	3.5.2	盲目图像复原
3.6	运动	模糊图像的复原63
	3.6.1	模糊模型63
	3.6.2	水平匀速直线运动引起模糊的复原
3.7	小结	67
习是	į	
第4章		心理的相关操作 69
4.1		类型转换
4.2		数据结构
	4.2.1	图像模式73
	4.2.2	颜色空间74
	4.2.3	数据存储的数据结构 ************************************
4.3	线性	系统和移不变系统77
	4.3.1	线性系统
	4.3.2	移不变系统
4.4		信号分析
	4.4.1	測造信号
	4.4.2	对调谐信号的响应 78
	4.4.3	系结传递函数
4.5		图像的显示特性
	4.5.1	图像的屏幕显示 79
	4.5.2	显示特性
	4.5.3	数字图像的暂时显示 83
	4.5.4	数字图像的永久显示

5.5.3 逆 Radon 变换及其应用 ------



119

MATLAB 数字图像处理

	5.6			22
		5.6.1		22
		5.6.2	小波变换的基本知识 1	23
			小波变换在图像处理方面的应用及实现	26
	5.7			29
				30
				30
	习题	-		33
6	章			34
	6.1			34
	6.2		T	34
		6.2.1		34
		6.2.2		36
		6.2.3		37
	6.3	图像		38
		6.3.1		38
				39
	6.4	几何		43
		6.4.1	齐次坐标	43
		6.4.2		44
		6.4.3		45
	6.5	各种		47
		6.5.1		47
		6.5.2	图像比例变换	48
		6.5.3	图像旋转变换	53
		6.5.4		57
		6.5.5	图像剪切变换	59
		6.5.6		60
		6.5.7	透视投影1	61
		6.5.8		63
	6.6	灰度	级插值	68
		6.6.1		68
		6.6.2	双线性插值法	68
		6.6.3	三次内插值法 1	69
		6.6.4		70
	习是			71
第 7	章			73
	7.1	灰度	变换增强	173
			像来 TI 计体工体操	72

策

	7.1.2	直接失度变换 ************************************	177
	7.1.3	直方图灰度变换	179
	714	直方图均衡化 ************************************	182
	7.1.5		184
	7.16	去相关拉伸	184
7.2	空间	域滤波	186
	7.2.1	基本原理	186
	722	平者建核	187
	723	锐化滤波	192
7.3	频域	滤波增强	194
	7.3.1	低速滤波	195
	7.3.2	高通滤波	199
	7.3.3	带通和带阻滤波器 ·····	201
	7.3 4	频域滤波的 MATLAB 实现 ·····	202
7.4	同态		203
7.5	彩色	图像增强	204
	7.5.1	伪彩色增强	205
	7.5.2	假彩色增強	207
	7.5.3	真彩色增强	207
刈是			208
8章	图像	分割与边缘检测	209
8.1	灰度	阈值法	209
	8 1.1	图像分割基本原理 ************************************	209
	8.1.2	灰度阈值法分割	210
8.2	边缘	检测	216
	8.2.1	微分算子	218
	8.2.2	拉普拉斯高斯算子 (LOG)	220
	8.2.3	Canny 算子 ·····	223
8.3	区均	《分割	224
	8.3.1	区城生长	224
	8.3.2	分裂合并	227
	8.3.3	水域分割	229
8.4	边外	科跟踪与直线检查	230
	8.4.1	基本原理	231
	8.4.2	直线提取算法	234
8.5	基于	- 图像分割的图像分析	238
	8.5.1	通过图像分割检测细胞	238
	8.5.2	图像粒度测定	240

	8.6	彩色图像分割	243
			243
		8.6.2 彩色分割方法	244
	刈題		246
第9	章	小波分析及其在 MATLAB 中的应用	248
	9.1		248
		9.11 连续小波变换	248
		9.12 离散小波	250
			256
		914 MATLAB 中的小波函数 L具箱 ***********************************	257
	9.2	小波分析在图像增强中的应用	258
	9.3	基于小波的图像降噪和压缩	259
		9.3.1 小坡的图像压缩技术 ************************************	261
		9.3.2 小波的图像降噪技术	265
	9.4		267
	9.5		270
	9.6		272
	9.7		275
第 1	10章		276
	10.1	灰度描述	276
			276
			276
		10.1.3 变换系数的特征	278
	10.2	纹理分析	279
		10.2.1 纹理特征	279
		10 2.2 统计法	280
		10.2.3 自相关函数法	281
		10.2.4 頻谱法	281
		10.2.5 纹理的句法结构分析法	282
		10.2.6 联合概率矩阵法	283
	10.3	形状描述	285
		10 3 1 链码	285
		10.3.2 傅里叶描述子	286
		10.3.3 形状特征的描述	287
	10.4	区域描述	291
		10 4 1 几何特征	291
		10.4.2 不变矩	293
	10.5		296
	10 6	区域、对象及特性度量	301

	10.61	连遭区域标记	301
	10 6.2	选择对象	303
	10.6.3	图像面积	303
	10.6.4	欧拉数	304
	10.6.5	基于分水岭的图像分割示例 ************************************	305
2月是	g		308
第 11 章	MATI	AB 图像处理的应用	310
11.	MAT	LAB 在遥感图像处理中的应用	310
	11,1.1	遥 感简介	310
	11.1.2	利用 MATLAB 对遥感图像进行直方图匹配	311
	11.1.3	对遥感图像进行滤波增强 ************************************	314
	11.1.4	对递感图像进行融合	315
11.3	2 MAT	LAB 在医学图像处理中的应用	317
	11.2.1	医学成像简介	318
	11.2.2	医学图像的灰度变换	318
	11.23	基于高频强调滤波和直方图均衡化的医学图像增强	323
2] [黄		326
			327
		IATLAB 6.X 图像处理 L具箱函数	327
		IATLAB 7.0 图像处理 [具箱新增函数	334
			336



第1章 图像处理与 MATLAB 2007a 简介



1.1 概述

MATLAB 概述

MATLAB 是一种面向科学与工程计算的高级语言,允许用数学形式的语言来编写程 序, 比 BASIC、FORTRAN 和 C 语言更加接近书写计算公式的思维方式, 用 MATLAB 编写 程序犹如在演算纸上排列出公式与求解问题一样。因此、MATLAB 语言也可以通俗地称为 "演算纸"式科学算法语言。它编写简单、编程效率高、易学易懂。

MATLAB 诞生于 20 世纪 70 年代,它的编写者是 Cleve Moler 博士和他的同事。当时 Cleve Moler 博士和他的同事开发了 EISPACK 和 LINPACK 的 FORTRAN 了程序库,这两个 程序主要是求解线性方程的程序库。但是 Cleve Moler 发现, 学生使用这两个程序库时有闲 难,主要原因是接口程序不好写,很费时间。于是,Cleve Moler 自己动手,在业余时间里编 写了 EISPACK 和 LINPACK 的接口程序, Cleve Moler 给这个接口程序取名为 MATLAB, 章 为矩阵 (Matrix) 和实验室 (Laboratory) 的组合。

1984 年, Cleve Moler 和 John Little 成立了 MathWorks 公司, 止式把 MATLAB 推向市 场, 并继续进行 MATLAB 的开发。1993 年 MathWorks 公司发布了 MATLAB 4.0, 1995 年发 布了MATLAB 4.2C 版 (For Windows 3.x), 1997 年发布了MATLAB 5.0, 2000 年 10 月发布 了 MATLAB 6.0, 2002 年 8 月发布了 MATLAB 6.5, 2004 年 9 月发布了 MATLAB 7.0, 2006 年 3 月发布了 MATLAB 2006a, 2006 年 9 月发布了 MATLAB 2006b, 2007 年 3 月发布了最 新的 MATLAB 2007a。每 新版本的推出都使 MATLAB 有了很大的改进 界面越来越友 好,内容越来越丰富,功能越来越强大,帮助系统越来越完善。MATLAB 2007a 增强了 2 个 新产品模块,同时还升级和修正了82个产品模块。

MATLAB 擅长数值计算,能处理大量的数据,而目效率比较高。MathWorks 公司在此 基础上加强了 MATLAB 的符号计算、文字处理、可视化建模和实时控制能力,增强了 MATLAB 的市场竞争力。使 MATLAB 成为市场上丰流的数估计算软件。

MATLAB 产品族支持从概念设计、算法开发、建模仿真到实时实现的理想的集成环 境、无论是讲行科学研究还是产品开发、MATLAB 产品裤都是必不可少的工具。MATLAB 产品族具有如下主要产品。

1) MATLAB: MathWorks 公司所有产品的数值分析和图形基础环境。MATLAB 将 2D

MATLAB 数字图像处理

和 3D 图形、MATLAB 语言编程集成到 · 个单 · 的、易学易用的环境中。

- 2) MATLAB 工具箱: ·系列专用的 MATLAB 函数库,用于解决特定领域的问题。L 具箱是开放的、可扩展的,可以查看其中的算法或开发用户需要的算法。
- 3) MATLAB 编译器: 将 MATLAB 语言编写的 M 文件自动转换成 C 或 C→ 文件, 支持用户进行独立的应用开发。结合 MatWorks 公司提供的 C/C→数学库和图形库, 用户可以利用 MATLAB 种途由 形學址 phibes 4 的遗址 E 按
- 用 MATLAB 快速地开发出功能强大的独立应用系统。
 4) Simulink: 是结合了框图界面和交互仿真能力的非线性动态系统仿真工具。它以 MATLAB 的数学、图形和语言为基础。
- 5) Stateflow: 写 Simulink 框图模型相结合,描述复杂事件驱动系统的逻辑行为,驱动系统可以在无同的数点之间进行机论
- 系统可以在不同的模式之间进行切换。 6) Real-Time Workshop: 直接从 Simulink 框图自动生成 C 或 Ada 代码,用于实现快速
- 原型和硬件的仿真,零个代码的生成可以根据需要完全定制。 > Simulink Blockset: 专门为特定领域设计的 Simulink 功能模块集合,用户也可以利用 已有的模块或自行编写的C R MATLAB 程序建立自己的模块。

1.1.2 数字图像处理技术的内容与发展现状

数字图像处理是采用一定的算法对数字图像进行处理,以获得人眼视觉或者某种接收系统 所需要的图像过程。数字图像处理的基础是数学、上要任务是进行各种算法设计和算法实现。

目前,数字图像处理技术已经在许多不同的应用领域得到重视,并取得了巨大成就。根据应用领域要求的不同,数字图像处理技术可以分为许多分支技术,重要的分支技术有:

(1) 图像变换

图像阵列很人时, 者直接在空城中处理, 计智量将很大, 为此, 通常采用各种图像变换 方法, 如傅里叶变换、沃尔什变换、离散余弦变换、小波变换等间接处理技术, 将空域处理 转编刊牵减对处理, 这样可以有效加速少计算量, 根高处理性能。

(2) 图像增强与复原

它的主要目的是增强图像中的有用信息,削弱于扰和噪声,使图像更加清晰,成者将其 接为更适合人或机器分析的形式,图像增强并不要求真实地反映原始铝像,而图像复原则要 求尽量消除运减少林取阳像过程中所产生的复态温化,使图像能够反映废始图像的真实面貌。

(3) 图像压缩编码

在满足一定保真度的条件下,对图像信息进行编码,可以压缩图像的信息量,简化图像 的表示,从而大大压缩图像描述的数据量,以便存储和传输:图像压缩在不同的应用背景下 可以采取不失真压缩和失真压缩。

(4) 图像分割

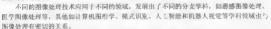
图像分割是數字图像处理中的关键技术之一, 是为了将图像中有意义的特征提取出来。 它是进 步进引图像识别、分析和理解的基础。图像中有意义的特征包括图像对象的边缘、 区域等。

(5) 图像识别

图像识别属于模式识别的范畴,其主要内容是在图像经过某些预处理(增强、复原、压缩)后,进行图像分割和特征提取,从而进行判别识别。图像识别常用的经典识别方法有统

让模式识别和何法模式识别。近年来,新发展起来的機械模式识别和人工神经网络模式识别 在图像识别中也越来越受到重视。

以一数字图像处理内容也并非孤立存在的。往往相互联系。而一个实用的图像处理系统 也通常需要将几种图像处理技术结合起来,才能得到所需要的结果。例如,图像变换是图像 编码技术的基础,而图像增强与复质一般又是图像处理的最终目的,也可作为进一步进行图 66 外理」作的准备。通过图像分割得到的图像特征既可以作为最后结果。也可以作为下 先 图像分析的基础。



图像处理技术的发展大致经历了初创期、发展期、普及期和实用化期 4 个阶段。初创期 开始于 20 世紀 60 年代,当时的图像采用像素型光栅进行扫描显示,人多采用中、大型机对 其处理。在这一时期,由于图像存储成本高、处理设备品贵,其应用面很空。进入 20 世纪 70 年代的发展期, 开始大量采用中、小型机进行处理, 图像处理也逐渐改用光栅扫描显示方 式,特别是 CT 和卫星巡感图像的出现。对图像处理技术的发展起到了很好的推动作用。到 了20世纪80年代,图像处理技术进入普及期。此时的徽机已经能够担当起图形阁像处理的 任务。紹人經機集成电路(Very Large Scale Integration, VLSI)的出现更使处理速度大大提 图像处理技术的实用化时期,图像处理的信息量巨人,对处理速度的要求极高。

针对现有的实际应用, 数字图像处理具有以下特点。

- 1) 信息量大,要求处理速度比较快。目前,数字图像处理的信息大多是二维信息,处 理信息量很大。例如, ·幅 256 像素×256 像素低分辨率的黑白甾像,要求约 64kbit 的数据 量; 对 512 像素×512 像素高分辨率的彩色图像, 则要求 256kbit 的数据量; 如果要处理 306/s 的视频图像,则每秒要求处理 500kbit~22.5Mbit 的数据量。因此,对计算机的计算速 度、存储容量等要求较高。
- 2) 占用频带较宽。与语音信息相比,数字图像占用的频带要大几个数量级。如电视图 像的带宽约 56MHz, 而语音带宽仅为 4kHz 左右。所以, 数字图像在成像、传输、存储、 外理和显示等各个环节的实现上。技术难度较大,成本高,且对频带压缩技术提出了更高 的要求。
- 3)数字图像中各个像素间的相关性强,压缩潜力大。在图像画面上,经常有很多像素 有相同或接近的灰度。就电视画面而言,同一行中相邻两个像素或相邻两行间的像素,其相 关系数可达 0.9 以上。一般而言,相邻两帧之间的相关性比帧内相关性还要人。因此,图像 处理中的信息压缩潜力巨大。
- 4) 图像质量评价受上观因素影响。数字处理后的图像一般需要给人观察和评价, 向人 的视觉系统很复杂,受环境条件、视觉性能、人的情绪、爱好以及知识状况影响很大,因此 评价结果受人的主观因素影响较大。为此,如何客观评价图像质量还有待进一步深入研究。 另外,计算机视觉是模仿人的视觉,人类的感知原理必然严重影响计算机视觉的研究。
- 5) 图像处理技术综合性强。数字图像处理技术中涉及的基础知识和专业技术相当广 沙,通常涉及通信技术、计算机技术、电子技术、电视技术以及更多的数学、物理等方面的



基础知识、例如、图像编码的理论基础是信息论和抽象数学的结合。而陈像识别则需要学数 随机以程和信号处理方面的知识。此外,不少课题还需要更加专业的知识,如小波变换、种 经网络、分界设计等。

1.2 相关学科和领域

1.2.1 数字信号处理学

数字信号处理学(Digital Signal Processing) 是指用數字电路和數字计算机对信号进行数字化、滤波等处理。 愚典型的信号如电压、电流等随着时间变化的 维物理量。数字信号处 野学的研究内容包括数字化原理和采样定理、数字滤波器、数字正交变换、数字信号编码压缩与保缩等内容,其中最重要的概念包括傅里叶变换、频率、频谱、滤波器等。

数字图像是 错的数字信号,是随空间坐床变化的灰度值或称色值,图像处理是挤用数 宁电路和数字计算机材图像进有处理。因此、数字图像处理学也包括数字化原理和采样定 э市、图像滤波器、图像止仓变换、图像编码和压缩与传输等内容。

由此可见,数字信与处理与数字图像处理是紧密相关的学科,数字图像处理是数字信号 处理理论的 维护展,数字信号处理理论中的进展会导致数字图像处理的新理论和方法,而 数字离像处理的进展和应用又反过来对数字信号处理提出了更高的理论研究要求。

1.2.2 计算机图形学

计算机图形学 (Computer Graphics) 是指用计算机来实现图形的生成、表示、处理和显示 (可執图形字的研究内容包括物体或模型的数字模型、图形生成、几何透视变换、消险 (所方阶端而)、覆盖表向给过速、分图根系和发给即2020

计算机图形学通常是由数学公式经过计算。最终生成物体或模型的 维或 维伤真图形 (超真的图形可与实际图像媲美); 而数字图像处理则通常是由数字图像数据进行处理, 最 转现别。出解像中的景物, 甚全得到景物的统计参数和数学模型。因此, 图形学和图像学是互 逆的处理过程。: 者是有本质区别的。

早期的闲形通常是指由点、线、面等元素来表达的 维物体,现代计算机线形学则可以 中成完全超真的岩缘,再加上计算机图形学的设备也采用几乎相同的图像输入、输出和显示 货备、导致人们把图形和图像的称谓混淆。也就是说,图的共性和图形的共性,容易引起图 形和图像这两个概念的混淆,这是需要注意的,也是可以理解的。

1.2.3 计算机视觉

计算机规范 (Computer Vision) 是研究计算机感受和理解自然景物的理论和技术,也可以是研究机器人感受和理解自然景物的理论和技术,所以也称为机器视觉 (Machine Vision),计算机视觉的研究和设计目的是依照人类或动物的视觉系统,开发出能够感觉和理

解白然骨物的计算机和机器人视觉系统。

视觉是人类观察世界、认知世界的重要功能和手段。人类从外界获得的信息约有 75%来自视觉系统,这既说明视觉信息量巨大,也表明人类对视觉信息有较高的利用 率。人类视觉过程是一个从感觉(感受图像。一维曲界的一维平面投影)到认知(分析 图像: 由 维图像推断和理解 [维世界的内容及相互关系] 的复杂过程。视觉的目的是 要对场景做出对观察者有意义的理解和描述,并可以根据周围环境的不同和观察者的意 愿进行相应的反应和动作。

计算机规量是指用计算机实现人的视觉功能,对客观世界的 维场景进行感知、识 別和理解。因此, 计算机视觉也研究数字图像和数字图像处理, 但其研究重点在于视觉 的立体成像的原理、图像处理方法及定理、或视觉动图像的成像原理、处理方法及定 现。因此, 计算机纯量与数字图像处理是紧密相关的学科领域, 者相互促进, 相互体 躺和相互补充。

MATLAB 2007a 的新功能 1.3

1.3.1 MATLAB 2007a 的新特性

MATLAB 是一种高级科学计算语言,是进行数据分析与算法开发的集成开发环境。 MATLAB 2007a 针对编程环境、代码效率、数据 n 视化、数学计算、文件 1 O 操作第方面 都进行了升级、增加了新功能。为此、相对于以前的版本、MATLAB 2007a 具有一些新的 特件。

- 1. 开发环境方面
- 1) 重新设计的桌面环境,针对多文档界面应用提供了简便的管理和访问方法,允许用 户自定义桌面外观, 创建常用命令的快捷方式。
- 2) 增强数组编辑器(Array Editor)和上作空间浏览器(Workspace Browser)功能,用 F数据的显示、编辑和处理。
- 3) 在当前目录过意器(Current Directory Browser) [具中, 增加了代码效率分析、覆 盖度分析等功能。
 - 增加了M-Lint编码分析,能辅助用户完成程序性能分析、提高程序的执行效率。
- 增强了 M 支件编辑器 (M-Editor) 的功能,可以支持多种格式的源代码文件可视化。 编辑,如 C/C++、HTML、Java 等。
 - 2. 编程方面
- 1) 新增支持创建嵌套函数 (Nested Function) 功能,并且提供了更加灵活的代码模块化 方式。
- 2) 具有匿名函数(Anonymous Function)功能,支持在命令行或脚本文件中创建单命令 行函数 (Single Command Line Function)。
 - 3) 具有模块化注释功能,可为整个代码段进行注释。
 - 3. 数学运算方面
 - 支持整数算术运算和单精度数据类型运算,包括基本算术运算、线性代数、FFT操



作等。

- 2) 使用了更强大的计算算法包 Qhull 2002. 1,支持更丰富的计算算法。
- 3) 利用与门的 linsove()函数处理线性代数方程的束解问题。
- 4) 提供了ODE 求解器,用于处理隐性微分方程组及多点边界问题。
- 4. 图形和 3D 可视化方面
- 对图形窗体界面进行了更新,并且能直接从图形窗体生成 M 代码,并完成用户自定 文绘图。
 - 2) 懒弱了图形窗体的注释功能。
 - 3) 提供了数据侦测上具(Data Detection Tools), 更加方便了数据观测与跟踪。
 - 4) 支持自定义图形对象,并提供了丰富的图形显示能力。
 - 5) GUIDE 新增了对用户界面面板和 ActiveX 控件的支持。
 - 6) 增强了句柄图形对象,可以支持完整的 TeX 和 LaTeX 字符集。
 - 5. 文件 I/O 和外部接口方面
- 新增文件 I/O 函數,支持读取任意格式文本數据文件,并且支持写入 Excel 和 HDF5 格式数据文件。
 - 2) MAT 文件格式具有压缩功能, 可进行快速数据文件的 I/O 操作。
- 3)使用 javaaddpath()函数, 无须重新启动 MATLAB 就可以实现 Java 类的加载、删除等功能。
 - 4) 支持 COM、服务器事件以及 VBS。
 - 5) 支持 SOAP, 使用网络服务。
 - 6) 支持 FTP 对象, 可以直接访问 FTP 服务器。
 - 7) 支持 Unicode 编码格式, 增强了 MAT 文件字符集。
 - 6. 性能与系统平台支持
 - 1) 使用了JIT 加速器, 支持所有数值数据类型。
 - 2) 在 Windows XP 操作系统下,可以支持 3GB 内存访问。

1.3.2 Simulink 6 的新特性

Simulink 是交互式动态系统建模、仿真和分析的图形环境,是进行基于模型的嵌入式系 统用发的基础开发环境,可以用于控制系统、信号处理以及通信系统等的建模、仿真和分析 等工作。Simulink 6 相对于以前的版本,改善了性能,并且针对人规模的系统开发进行了性 能优化,主要体现在以下方面。

- 1. 大系统建模
 - 1) 支持将人系统模型分割为不同的文件,且每个文件为独立的系统模型。
 - 2) 支持对系统的不同模型文件进行独立的仿真测试。
 - 3) 增强了系统的集成功能、支持配置管理和版本控制。
 - 4)新增了递增式模型加载与代码生成功能。
 - 5) 针对大系统模型,提高了运行速度和执行效率。
- 6)对于模型工作空间(Model Workspace),每个模型都可以有独立的工作空间,可以 实现独立的参数管理和数据处理。

- 7) 增强了总线的支持能力。
- 2. Simulink 与 Sateflow
- 1) 统 的模型浏览器 (Model Browser), 用于浏览、维护、配置、搜索、定义所有模 型中相关的参数、数据对象和属件。
 - 2) 统一的仿真和代码生成选项。
 - 3) 支持创建并保存多种仿真和代码生成选项。
 - 4) 数据管理和可视化。
 - 5) 新增数据对象属件。
 - 6) 可洗数据记录增加测试点, 无需在模型中增加额外的模块。
 - I/O 管理,可以将必要的信号源和信宿连接到模型而不需要增加模块。

MATLAB 2007a 图像处理

由于图像操作很多,这里仅仅以 MATLAB 窗口的操作、图像的噪声消除和边缘检测 5 例、来说明该工具的基本使用方法。

141 MATLAB 图像处理应用举例

1. MATLAB 的打开

运行安装完成的 MATLAB 程序,若在桌面上建立了 MATLAB 的快捷方式,单古桌面 的 MATLAB 图标即可启动 MATLAB, 其 Command Window 窗口如图 1 1 所示。



图 1 1 MATLAB 的 Command Window 图口

2. 图像输入到计算机

将所需要处理的图像通过数码相机、U 盘等输入设备输入到计算机中, 并确定图像在计 算机中存放的位置。例如,图像存放在 D:\MATLAB\work 中。

3. 打开编辑窗口编写程序

启动 MATLAB 的 M 文件编辑器,可以在 Command Window 窗口中选择 File→New →M • File 命令,即可建立. M 文件。在编辑窗口中输入要处理图像的源程序,如图 1 2 所示。



图12 编辑程序

4. 保存并运行

选择 Debug *Save and Run 命令。即可运行程序并保存该程序。程序运行结果如图13所示。

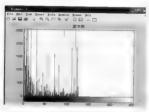


图 1 3 程序运行结果

5. 保存运行结果

若想将运行结果保存成图厂的格式。须在程序中加入图像 I/O 文件中的图像写入图形文件的数,即 mwrite(A,filename,fmt)。若想让图像1保存在 D 盘 TAB 文件夹中,文件名为123, 文件格式为 BMP,可用语句"mwrite (I、D: TAB 123, BMP)"。

1.4.2 图像处理基本操作

1. 读取图像并显示

在读取图像之前,应该首先消除 MATLAB 所有的 1.44 平台变量,并关闭打示的图形窗口。为此,可使用以下命令行:

clear; close all

然后使用图像选取 mread()系数载可以读取 %和图像。假设 1.4.1 皆读取图像为 trees. tif (该图像是图像处理工具箱自带的图像)。并将它存储在一个名为 1 的数组中,以上可以使 用命令;

I imread('trees. tif');

然后可以调用 imshow 命令来显示图像:

imshow(I)

得到的显示结果如图 1-4 所示。

2. 检测内存中的图像

使田加下命令可以查看图像[的存储方式:

whos

云行后输出结果如下:

Bytes Class Name Size 90300 uint8 array 258×350 Grand total is 90300 elements using 90300 bytes



图 1-4 读取的质始图像

以上输出结果说明图像采用 8 位存储方式,并占用了 90300 B 的存储空间。

3. 实现直方图均衡化

由图 1-4 可知, trees. tif 对比度比较低,为了更好地观察图像的灰度分布信息,可以用 imhistt)函数创建描述图像灰度分布的直方图,并使用 figure 命令将直方图显示在一个新的图 像窗口, 如图 1 3 所示。

figure, imhist (I) %在新图中显示图像 I 的直方图

从图 1 3 中可以看出,由于图像的灰度范围比较狭窄,没有覆盖整个灰度范围[0, 2551 (图像的默认存储类型为 umit8),并且图像中灰度值的高低区分不明显,因而不能产 牛好的对比效果。要产牛较好的对比效果,可以调用 histep()函数将图像的灰度值扩展到 整个灰度范围中,从而将数组 1 的对比度提高。修改过的图像数据将保存在变量 12 中, 并在一个新的图像窗口中显示均衡处理的图像 12。利用以下命令行, 17得到如图 1 5 所 **水的处理结果**。

> I=imread('trees. tif'), 12=histeq(I); figure.imshow(12)

对图像12,再调用 imhist()函数可以观察均衡后图像的灰度值分布情况,如图 1 6 所示。

figure, imhist(12)

通过使用 histeq()函数来调节图像的像素分布,使之能够分布在与图像类型有关的整 个取值范围内。对于一幅图像,如果存储类型是 unit8,那么相应的取值范围就是 [0, 256]; 如果存储类型是 unit16, 则取值范围是[0, 655351]; 如果是双精度类型, 贝取值 范围是[0,1]。

比较图 1 3 和图 1 6 可知, 12 的直方图比 I 的直方图要长且平坦, 这种铺展自方图的过 程就叫直方图均衡化。



图 1.5 均衡后图像



图 1-6 均衡后图像的灰度直方图

4. 保存图像

下向, 将把均衡化后的图像 12 保存到磁盘中, 如果希望将该图像保存为 PNG 图像文件 格式,则可以使用 imwrite()诱数, 并指定该保存图像的文件名和文件的扩展名.png, 程序代 码如下:

imwrite (I2,'trees2. png');

5. 检查新生成文件的内容

使有图像后,如何实道强盘上写了什么内容呢?可以使用 imfinfo()函数来观察保存的图像文件信息。需要注意的是,在使用 imfinfo()函数时,不能在命令行未尾加上分号,这样才可以确保 MATLAB 能够显示结像增出结果(只有 imfinfo()函数如此,其他显示函数加不加分号并没有影响,以下不再谈明)。比外,还须保证此时的文件路径与调用 imwrite()函数时的路径一致,如以下命令行所示。

umfinfo('trees2. png')

系统得到响应;

ane =

Filename: 'trees2, png'

FileModDate . '10-Mar-2008 00:00:26'

FileSize 55937

Format 'png'

FormatVersion. []

Width: 350

Height: 258

BitDepth 8

ColorType: 'grayscale'

FormatSignature: [137 80 78 71 13 10 26 10]

1.4.3 图像处理的高级应用

在,而的操作中,读者对 MAFLAB 中的 些基本操作已行了 定的了解,通过以下的练习,将等骤 MAFLAB 的 些较为高级的操作。本练习的主要目的是清除 rice. tif 图像中央

度不 致的背景,并使用阈值将修改后的图像转换为 值图像,使用成员标记返上图像中对 象的个新以及统计好性。

1. 读取和显示图像

清除 MATLAB L作平台的所有变量。美闭已经打开的 图形窗口,读取和显示灰度图像 rice. png。

. . . .

clear.close all [imread('r.ce png). imshow(1)

2. 估计图像背景

如图 1 7 所示。图像中心位置的背景亮度要高于其他部 分的亮度。在 MATLAB 7.0 中, 可以使用 imopen()函数和

个半径为 15 的购盘形结构元素对输入的图像 1 进行形态



图17 点如图像

学开操作。去掉那些不完全包括在圆盘中的对象。从而实现对背景亮度的估计,其程序代 码加下。

background_imopen(Lstrel('disk',15));

imshow(background)

figure,surf(double(background(1:8:end,1:8:end))),zlim([0:256]);

set(gca, 'Ydır', 'reverse'),

生成的背景图如图 1 8a 所示。图 1 8b 为以表面图形式显示的背景。



图18 估管及货管表面附

a) 行员图 b) 竹草长女图

3. 从原始图像中减去背景图像

现在将背景图像 background 从原始图像 I 中减去,从面创建一个新的、背景较为一致的 图像, 如图 1 9 所示。

> 12=imsubtract (I,background); figure,imshow(I2)



图 1 9 除去背景后的图像

4、调节图像对比度

从图 1 9 可以看出,修改后的图像北纹蜡,可以使用 MATLAB 提供的 $\operatorname{Imadjust}()$ 函数来调节图像的对比度,程序代码如下:

13 · madjust(12,stretchlim(12),[0 1]), figure,mshow(13)

调节后的图像效果如图 1 10 所示。

5. 使用阈值操作将图像转换为二进制图像

使用 graythresh()和 lm2bw()函数可以创建一个新的二值图像 BW, 如图 1 11 所示。

level graythresb(I3); BW=im2bw(I3,level), figure,imshow(BW)



图 1 10 调节对比度后的图像



图 ! 11 二值化图像

调用 whos 命令可以查看图像的存储信息:

>> whos			
Name	Size	Bytes	Class
BW	256×256	65536	logical arra
I	256×256	65536	uint8 array
12	256×256	65536	uint8 array
13	256×256	65536	uint8 array

background 256×256 leve1 131

65536 uint8 array 8 double array

Grand total is 327681 elements using 327688 bytes

6. 检查图像中的对象个数

为了确定图像中的米粒个数,可以使用 bwlabel()函数。该函数表示了:值图像 BW 中的 所有相关成分, 并且返回在图像中找到的对象个数。

[labeled.numObjects] bwlabel(BW.4) numObjects

对于图 1 11 中有些相互连接的米粒, bwlabel()函数则将它们视为同 个对象。

可以使用 imcrop()函数来选择并显示已标记的对象和部分背景内的像素。选择 个较小 的矩形来进行这操项件,以保证显示的像素值不会引起 MATLAB 命令窗口的滚动。以下语 旬将使用 imcrop()函数进行交互式操作, 当用户的鼠标位于图像范围内, 其形状会变成+字 形,通过单击鼠标并进行拖动来选择一个标记区域,选择完成后,imcrop()函数将显示用户 指定的标记区域(根据选择区域的不同, grain 显示的矩阵是不同的)。

grain imcrop(labeled) grain

0 n 14 0 n 0 n 0

观察标记矩阵的 个办法就是将其显示为 幅伪彩色的索引色图像。在伪彩色的彩色图 像中,标记矩阵中的每 个对象都将被映射为相关调色板中的不同颜色,可以使用 label2rgb 色板中的对应颜色,处理效果如图 1-12 所示。

RGB label=label2rgb(label1ed,@spring,'c','shuffle'); imshow(RGB label)



图 1-12 伪彩色索引色图像

第2章 图像的编码和解码

2.1 概述

2.1.1 图像压缩编码的必要性

数字图像已经在人们的生活中隔处一见,并且成为生活中不可缺少的 部分。但是各像数字化之后,其数据型是非常庞大的 卷烛1 幅 640 像塞×480 像塞分辨率的彩色 图像 (24bit 像塞),其数据量为 900KB。如果以 3006 的金融播放,则每转价数数型 为 60m×480~24×30bit ~20.9Mbit 26.4MB,需要 210.9Mbit 的通信回路,如果有效在 650MB 的光度中,在不考虑自转信可的情况下,每还光盘也只能播放 24s。毫无疑色,如果不进气编码压缩处理,在图像有缝中所遇到的固难和波本之鸟是可想而知的。对于利用电话线核送境门 值图像的转乘,如果以 2000年(元英寸) 的分辨本体输。 张 A4 积积内容的数据量为 (200~210/25-4)×(200~297/25-4)bit 3866948bit,按目前 14.4kbits 的电话或传输速率。常可经验的印度是265。4.4min。图 2 1 为压缩上的图像。



图 2 1 原图像数据为 8.5MB, 压缩后 (Buaa jpg) 为 0 98MB

总之,人数据量的高像信息会给存储器的存储容量、通信十线信道的带笔以及计算的处 理速度增加极大的压力。单纯繁增加存储容量,提高信道等宽以及计算机的处理处度等力法 来解决这个问题是不现实的,这时就要考虑压缩。因此,图像数据在传输和存储中、数据的 压缩都是必不可少的。

2.1.2 图像压缩编码的可能性

图像乐缩的理论基础是信息论。从信息论的角度来看,压缩就是去掺信息中的冗余。即 集留不确定的信息,去掉确定的信息(可推知的),也就是用一种更接近信息本质的描述来 化替原有冗余的描述。 幅图像存在者人量的数据冗余和主观视觉冗余。因此图像数据压缩 既是必要的, 也是可能的。

1. 数字图像本身的特征带来数据压缩的可能性

(1) 空域汇余

空域完全也称为空间而会或几何而全。空域完全起一种与像委问相关性直接联系的数据 冗余。通常邻江像素灰度分布的相关性很强。例如,图 2 2a 所示的条状物体排列比较整 各。如果压水平方向的任何。在像素预测垂直方向的其他行像素、都能够准确预测其他行数 据, 其他行数据完全能够用。行数据复制得到。格 2 2b 中也有 4 个相同的条状物体, 但是 随便摆放,就不能用图 2 2b 中某 行预测其他行。我们称图 2 2a 中数据存在较大元余,能 够给图像压缩提供较大压缩空间。

(2) 时域汇余

时城冗余又称时间冗余,它是针对视频图像而言的。视频序列为 25~30f/s 的图像,连续 播放,相邻帧之间的时间间隔很小(例如,25fs)的电视信号,其帧间时间间隔具有 0.04s); 问时,实际生活中的运行物体具有运行 致性,使得视频序列图像之间有很强的相关性。





图 2 2 图像的空域1.余 a) 比较整齐条形物 b) 助停摆放条形物

例如, 图 2 3a 是 组视频序列的第 1 帧, 图 2 3b 是第 2 帧。人眼很难发现两帧图像的

差別,如果视频连续播放,人服就更难看出两帧图像有差别了。两帧图像越接近,说则图像 携带的信息減少、換句話说, 第2帧件对第1帧而言, 存在大量冗余。对于视频压缩而等, 时域冗余是视频图像压缩中可利用的最上要的冗余。





图 2-3 图像的时域元余 a) 第1 帧视频图 b) 第 帧视频图

(3) 粉域冗余

赖城元余是针对目前普通使用的变换编码而言的。绝大部分变换编码将空域的图像变换 到城域中,使得大量的信息能用较少的数据来表示。从而达到压缩的目的。从空域转化到域 域, 压除了图像像赛在空域的相关性,然而人们发现,图像在顿域的表对《玩语系数》,可 样存在元余、大多数图像的翰瑞具有低通特性,低疾部分的系数能够提供绝人部分的图像信息。保留低频部分的系数,而丢弃高赖部分的系数,因此保持了大部分图像能量,在恢复图 像时带来的质量劣化并不明显,去除赖城的冗余,能够进 步提升压缩的空间,可提高编码 水水

(4) 信息熵冗余

图像中像素灰度出现的不均匀性,会造成图像信息熵冗余,即用同样长度比特表示每 个层。则必然存在冗余。 若将出现概率大的灰度级用长度较短的码表示,将出现概率小的 灰度级用长度较长的码表示,有可能修购局益长度下降。

2. 应用环境允许图像有一定程度的失真

- 1)接收端图像设备分辨率较低,则可降低图像分辨率。
- 2) 用户所关心的图像区域有限,可对其余部分图像采用空间和灰度级上的粗化。
- 3) 根据人的视觉特性对不触感区域进行降分辨率编码(视觉冗余)。

可以利用视觉的这一特点编码去除人眼的视觉冗余。通常,人眼能够分辨的灰度级有限,同时,它所感受的图像区域物体的完度不仅仅与物体的反射光有关,还具有马赫帝效应、同时对比啶、视觉暂留及视觉非线性等特点,有些信息在通常的视觉感知过程中并不形成重要,这些信息可被认为是视觉冗余,去除这些冗余,人眼不会明显地感受到图像质量的降低,视觉冗余也给图像压缩提供了可能。

2.1.3 图像压缩编码的评价准则

在罔像压缩编码中,解码图像与原始图像可能会有差异,因此,需要评价压缩后图像的 质量。描述解码图像相对原始图像编离程度的测度 ·般称为保真度(逼真度)准则。常用的 准则可分为客观保真度准则和上观保真度准则两大类。

1. 客观保真度准则

最常用的客观保真度推测是原始图像和解码图像之间的方均根误差和方达根信噪比两种。 令 f(x,y) 代表原图像, $\hat{f}(x,y)$ 代表对 f(x,y) 先压缩又解压缩后得到的 f(x,y) 的近似 值,对任意x 和y, f(x,y) 和 $\hat{f}(x,y)$ 之间的误差定义为

$$e(x,y) - \hat{f}(x,y) \quad f(x,y)$$
 (2.1)

若 f(x,y) 和 $\hat{f}(x,y)$ 均为 $M \times N$,则它们之间的方均根误差 e_{ms} 为

$$e_{\text{rms}} = \left\{ \frac{1}{MN} \sum_{n=0}^{M-1} \sum_{n=0}^{N-1} [\hat{f}(x, y) - f(x, y)]^2 \right\}^{\frac{1}{2}}$$
(2-2)

如果将 $\hat{f}(x,y)$ 看做原始图像 f(x,y) 和噪声信号 e(x,y) 的和。那么解压图像的方均信噪 比 SNR_m 为

$$SNR_{ms} = \sum_{i=0}^{M-1} \sum_{s=0}^{N-1} \hat{f}^2(x, y) / \sum_{s=0}^{M-1} \sum_{s=0}^{N-1} [\hat{f}(x, y) - f(x, y)]^2$$
 (2-3)

如果对上式求平方根,就得到方均根信噪比 SNR_{ms} 。实际使用中常将 SNR_{ms} 归 化并用

$$\bar{f} - \frac{1}{MN} \sum_{i=1}^{M-1} \sum_{k=1}^{h-1} f(x, y)$$
 (2-4)

则有

分 (dB) 表示, 今

$$SNR = 10 \lg \begin{cases} \sum_{x=0}^{M-1} \sum_{y=0}^{N-1} [f(x,y) - \overline{f}]^2 \\ \sum_{x=0}^{M-1} \sum_{y=0}^{M-1} [f(x,y) - f(x,y)]^2 \end{cases}$$
 (2.5)

如果令 f_{max} - max $f(x, y), x = 0, 1, \dots, M - 1, y = 0, 1, \dots, N - 1$. 则可得到峰值信噪比 PSNR:

$$PSNR = 10 \lg \left\{ \frac{f_{max}^{2}}{\sum_{m=1}^{M-1} \sum_{n=1}^{N-1} \left[\hat{f}(x, y) - f(x, y) \right]^{2}} \right\}$$
(2-6)

2. 主观保真度准则

尽管客观保真度准则提供了一种简单、方便的评估信息损失的方法,但很多解压图像最终是供人观看的。事实上,具有相同客观保真度的不同图像,人的视觉可能产生不同的视觉效果。这是因为客观保真度准则是一种统计平均意义下的度量准则,对于图像中的细节无法反映出来。而人的视觉系统具有独特的特性,能够觉察出来。这种情况下,用主观的方法来,期围图像的质量更为合适。一种常用的方法是对 组 (不少于 20 人)观察者显示图像,并将他们对该图像的评价取平均,用来评价。幅图像的主观质量。

评价也可以对照某种绝对尺度进行。 表 2 1 给出 种对电视图像质量进行绝对评价的尺度,根据图像的绝对质量进行判断打分。 也可通过将 f(x,y) 和 $\hat{f}(x,y)$ 比较并按照某种相对的尺度进行评价。 如果观察者将 f(x,y) 和 $\hat{f}(x,y)$ 逐个进行对照,则可以得到相对的质量分。例如,可用 $\{-3,-2,-1,0,1,2,3\}$ 来代表主观评价{很差,较差、稍差,相同,稍好。 数每4、 很单针。

评 分 评 价 说 明

1 优秀 陪集证券中对,如同人能物像出的最好质量

2 处好 陪集演员。 表示哲慧,有十批和小影响现在

3 同期 陪集用意可以透亮,有干效和小影响现在

4 阴可質 陪集用意识、进度,干分的不从影响或在

5 遊 陪集票集职产,打会自动的问题后,是整有条项迅速

6 不收用 陪集票集职产,的种格管的下找的保存在,几乎无过或者

表 2-1 电视图像质量评价尺度

2.2 统计编码

2.2.1 信息熵

信息是消息的不确定性度量,消息的可能性愈小,其蕴含的信息就愈多,即不确定程度 愈大;反之,消息的可能性愈大,與其信息愈少,即不确定程度愈小。

假设从N个数中选中某个数x的概率为P(x),则根据Shannon(香农)理论,定义其信息为

$$I(x) = \log_2 P(x) \tag{2-7}$$

如果将信源所有可能事件的信息量进行平均,就得負信息熵 (entropy),所谓熵就是平均信息量。

信源x的符与集为 $x(1, 1, 2, \dots, n)$,设x 出现的概率为P(x), 则信源x的输为

$$H(x) = \sum_{i=1}^{n} P(x_i) I[P(x_i)] = -\sum_{i=1}^{n} P(x_i) \log_2 P(x_i)$$
 (2-8)

根据 Shannon 无噪声编码定理,对于熵为 H 的信源,对其无失真编码。所能达到的最 人值为($H+\varepsilon$) bit 每符号,这里 ε 为 任意小的正数,因此可能达到的最大压缩比为

$$C_{\text{max}} = \frac{B}{H + \varepsilon} \approx \frac{B}{H}$$
(2-9)

式中, B---原始图像的平均记特率, 目定义压缩比为

方均信噪比为

$$SNR_{ms} = \frac{\sigma_u^2}{\sigma^2}$$
(2-11)

方边棉信噪比为

$$SNR_{...} = \sqrt{SNR_{...}}$$
 (2 12)

2.2.2 Shannon Fano 编码

种常用的变长编码是 Shannon Fano 编码,这种编码有时也可以得到最优编码性能。它的编码准见 要符合非等长条件,在码字中 1 和 0 是独立的,而且是(或差不多是)等概率的,这样的准则,方面可保证无需用问隔来区分码字,同时又保证每传输 1 位码就蕴含着 1 版的信息性。

为定义有效的代码表,设计了 个特定算法——Shannon Fano。编码就是根据该算法建分的。其主要准则是:在码字中,1 写 0 是独立的,而且几乎是等概率。实际算法如下:

- 1)对于一个给定的符号序列,对应一个概率或频率记数序列,使每个符号的相对计规频率已知。
 - 2) 根据频率对符号进行排序,频率最高的在顶部,频率最低的在底部。
 - 3) 将序列分成两部分, 上半部分的频率之和尽可能接近下半部分的频率之和。

- 4) 序列的上半部分赋给 进制数字 0, 面下半部分赋给 进制数字 1。
- 5) 对所分的两部分,分别重复使用第3) 步和第4)步, 貞到不能再分为上。具体实现过程如图2~4 所示。

由图 2 4 可知, 出现频率高的字符在编码中只占有较少的位数, 这显然是合理的, 因为 个给定字符的信息容量公式是字符出现概率以 2 为底的对数的负值。



图 2-4 Shannon Fano 编码字段

2.2.3 哈夫曼编码

哈夫曼 (Huffman)编码是哈夫曼树的 个应用。哈夫曼编码应用广泛,如 JPEG 中就应用了哈夫曼编码。

哈夫曼树又称为最优 叉树、是一种加权路径长度最短的 叉树。所谓树的加权路径长度,就是树中所有叶节点的权值乘上其到根节点的路径长度,若根节点为 0 层。 叶节点多根 扩点的路径长度为叶节点的层数, 记为 $WPL=(W\times L_1+W,\times L_2-W\times L_1+\cdots+W,\times L_2)$ 表 N 个权值 $K(l-1,2,\cdots,n)$ 构成 "棵有" n 个一节点的 叉树, 相应的叶节点的路径长度为 $L_l(l=1,2,\cdots,n)$ 。可以证明哈夫曼树的WPL是最小的。

哈夫曼编码是 20 世纪 50 年代初由哈夫曼提出的,它根据字符出现的概率来构造平均长度最短的编码。是一种变长编码,如果各码字长度严格按照码字所对应的符号出现 统令人小的逆序排列,则编码的平均长度最小。需要说明的是,码字比为符号经常大曼 编码后得致的编码,其长度因符号出现的概率的不同而不同,因此是变长度的。图 2 5 是哈夫曼编码变换。

- 哈夫曼编码的编码步骤如下:
- 1)将信源符号出现的概率按递减的顺序排列。
- 2) 将两个最小的概率讲行组合相加,并重复该步骤,始终将较高的概率分支放在1

部, 直到概率等于1 为止。

3)对每一个组合中的元素进行1位码字分配,如概率较大的元素分配码字1,概率较小的元素分配码字0,反向分配也可以。

4) 对每个信源符号从右到左排列,分配码字序列,得到非等长度的哈夫曼编码。

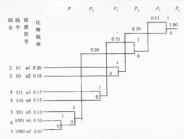


图25 哈夫曼编码实例

实际应用中,由于在哈夫曼编码之前需要知道信源数据符号(叶节点)的概率,则为要求做实时编码的作业带来了麻烦。因此。目前在实时编码作业中,大多采用所谓准可变字长码,例如,采用双字长编码,并从超码集合中留出 个码子,作为长码字头,以保证码字的 非铁长特性。 比外,在数字图像通信所用的:类传真机中的 MH 码,则采用了多字长 VLC 技术 它是根据 系列标准图像的统计分析结果,预先在其 IC 芯片中放好码表,使得实际的编码解码件业简化为一个查表过程。从而滴足了高速实时处理的需要。

下面给出哈夫曼编码的 MATLAB 实现。

程序寄输入的向量(矩阵)进行哈夫曼编码,然后反编码,判断是否是无失真编码。最 后给出压缩前后的存储空间的比较。

clear all finnts(Paeding data.)
data inread(cameraman.tif),
data intt(data);%決 表据, 井将數据限制为 uinu8
fymnts(Done'n')
%编码压缩
(prints(Compressing data...);
(prints("Done'n') — norm2huff(data);
fymnts("Done'n')
%解压缩
fymints("Compressing data...);

```
unzupped = huff2norm(zipped,info),
forintff'Done!\n')
%测试是否无失真
isOK = isequal(data(:),unzipped(:))
%显示压缩效果
whos data zapped unzapped
%%%%%%%%%%% norm2huff %%%%%%%%%%%%%%
function [zipped,info] = norm2huff(vector)
if ~isa(vector, 'uint8').
    error('input argument must be a uint8 vector')
end
vector = vector( )':
%烙输入向带转换为行向量
f frequency(vector);
%计算各元素出现的概率
simbols = find(f\sim=0):
f=f(simbols);%将元素按照出现的概率接列
[f.sortundex] = sort(f):
simbols = simbols(sortindex);
%产生码字 generate the codeword as the 52 bits of a double
 len = length(simbols);
 simbols undex = num2cell(1:len);
 codeword tmp = cell(len, i),
 while length(f)>1,
     index1 = simbols index{1},
     index2 simbols index{2};
     codeword_tmp(index1) = addnode(codeword_tmp(index1),uint8(0));
     codeword_tmp(index2) = addnode(codeword_tmp(index2),uint8(1)),
     f = \lceil sum(f(1 2)) f(3:end) \rceil;
     simbols index = {{[index1 index2]} simbols_index(3:end)];
 %将数据重新排列,使两个节点的频率尽量与前一个节点的频率相当
 resort data in order to have the two nodes with lower frequency as
     first to
     [f,sortindex] sort(f);
     simbols index = simbols index(sortindex);
 end
 %对应相应的元素与码字
 codeword = cell(256:1);
 codeword(simbols) = codeword tmp;
 %计算总的字符串长度
 len = 0.
 for index=1:length(vector),
      len = len+length(codeword{double(vector(index))+1});
```

%产生 01 序列 string = repmat(uint8(0),1,len);



```
pointer = 1.
for index | length(vector).
    code codeword (double(vector(index))+1).
    len length(code):
    string(pointer+(0:len-1)) = code;
    pointer pointer+len,
end
%如果需要加零
len = lenoth(string).
pad = 8 - mod(len.8).
if pad>0,
    string =[string unit8(zeros(1,pad))];
end
%保存实际有用的码字
codeword =codeword(simbols);
codelen =zeros(size(codeword)).
weights = 2.^{0}(0:23):
maxcodelen = 0:
for index 1 length(codeword),
    len = length(codeword{index}).
    if len>maxcodelen.
         maxcodelen = len:
    end
    if len-0.
         code = sum(weights(codeword{index}==1));
         code =bitset(code,len+1);
         codeword{index} = code,
         codelen(index) = len;
    end
end
codeword [codeword{:}]
%计算压缩后的向量
cols = length(string)/8,
string = reshape(string, 8, cols),
weights 2.4(07);
zipped = unit8(weights*double(string));
%存储 个稀疏矩阵
huffcodes = sparse(1,1), % init sparse matrix
for index = 1 numel(codeword),
     huffcodes(codeword(index),1) = simbols(index);
end
%产生信息结构体
info.pad = pad;
info ratio cols./length(vector),
info.length length(vector);
info maxcodelen = maxcodelen,
```

```
%%%%%%%%%%%%%%%
                     addnode %%%%%%%%%%%%%
function codeword new = addnode(codeword old,item)
codeword new cell(size(codeword old));
for index =1.length(codeword old),
    codeword new{index} [item codeword old{index}],
end
4/4/4/4/4/4/4/4/4 huff?norm %%%%%%%%%%%%%%%%%%%
function vector =huff2norm (zspped,info)
% HUFF2NORM Huffman 解码器
% HUFF2NORM(X,INFO)根据信息结构体 info 返回向量 zupped 的解码结果%
%矩阵参数以 X(:)形式输入
if ~isa(zipped,'unit8'),
    error('input argument must be a unit8 vector')
end
%产生 01 序列
ten length(zipped);
string =repmat(uint8(0),1,len.*8),
bitindex = 1:8.
for index = 1:len.
    string(bitindex+8.*(index 1)) = uint8(bitget(zipped(index).bitindex));
end
%调整字符串
string = logical(string(')'); % make a row of it
len length(string),
string ((len-info.nad+1);end) + II; % remove 0 padding
len = length(string);
%解码
 weights = 2.^(0.51),
 vector =repmat(uint8(0),1,info.length);
 vectorindex = 1;
 codeindex 1,
 code = 0:
 for index 1 len.
     code bitset(code,codeindex,string(index)),
     coderndex = coderndex + 1.
     byte = decode(bitset(code,codeindex),info),
     if byte>0, %
         vector(vectorindex) = byte-1;
         codeindex = 1:
         code 0;
          vectorindex = vectorindex+1;
     end
 %%%%%%%%%%%% decode %%%%%%%%%%%%
 function byte = decode(code,info)
```

byte = info huffcodes(code),



%%%%%%%%%%%%% frequency %%%%%%%%%%%%

function f = frequency(vector)

%FREQUENCY 计算元素出现概率

rf ~isa(vector,'uint8'),

error('input argument must be a uint8 vector')

end

f repmat(0,1,256);

%扫描向量

len = length(vector), for index 0.256, %

f(index+1) = sum(vector==uint8(index));

end

%归 化 f_f/len

运行上述程序, 得到结果为

>>whos

 Name
 Size
 Bytes
 Class

 data
 256×256
 65535
 uint8 array

 unzipped
 65535
 65535
 uint8 array

 zupped
 57712
 57712
 uint8 array

Grand total is 65536 elements using 65536 bytes

其中压缩的信息结构体 info 为

Pad.7

Huffcodes:[108471 double]

Ratio: 0 8806 Length: 65535

Maxcodelen: 16

2.2.4 算术编码

在 2.2.3 节中已经说明, 哈夫曼编码使用整数个 进制位对符号进行编码, 这种方法存 许多情况下无法得到最优的压缩效果。假设某个字符的出现概率为 0.8. 该字符事实 r 只需 整 log(0.8)=0.322 位编码, 但哈夫曼编码。定会为其分配 位 0 或 位 1 的编码,可以想 象, 整个信息的 80%在压缩后都几乎相当于理想《夜的3 借左右, 压缩效果可能和知。

难道真的能只输出 0.322 个 0 或 0.322 个 1 吗? 算术编码就实现了这样的编码,而且自 述编码在图像数据压缩标准(如 JPEG、H.264 等)中扮演了重要的角色。

在算术编码中,消息用 0~1 之间的实数进行编码, 資术编码用到两个基本的参数: 符 号的概率和它的编码间隔。信源符号的概率决定压缩编码的效率, 也决定编码过程中信源符 号的间隔, 而这些问隔包含在 0~1 之间。编码过程中的问隔决定了符号压缩后的输出。下面以一个简单的例子说明算术编码的编码过程。

表 2-2 信護符号、概率和初始编码间隔

符号	00	01	10	11
概率	0.1	0.4	0.2	0.3
初始编码间隔	[0,0.1]	[0.1,0.5]	[0.5,0.7]	[0.7,1]

如果 进制河息序列的输入为: 1000 1100 101 01101。编码对首先输入的符号是 10. 找到它的编码范围是 [0.01), 由于消息中第 个符号 00的编码范围是 [0.01), 因此它的间隔 就取 [0.5.07)的第 个十分之 作为新间隔 [0.5.0.52)。依此类排。编码第二个符号是 11 时取新间隔为 [0.514,0.52),编码第四个符号是 00 时,取新间隔为 [0.514,0.5146), …。消息的编码编出 00 以上最后 一个间隔中的任意数。整个编码过程如图 2 6 所示。



图 2 6 算术编码过程

根据以下例子, 管术编码可以总结如下。

策术编码的基本思想是: 算术编码不是将单个信源符号映射成 个码字。而是把整个信源表示为实数线上的 0~1 之间的 "个区间,其长度等于该序列的概率。再在该区间内选择个代表性的小数、转换为 进制作为实际的编码输出。消息序列中的每个几套都要用来缩短这个区间。消息序列中元素越多。所得到的区间就越小、当区间变小时,就需要更多的数位来表次这个区间。

由此可得, 采用算术编码每个符号的平均编码长度可以为小数。

在算术编码中需要注意的几个问题:

- 1)由于实际中的计算机的精度不可能无限长,运算中出现溢出是一个明显的问题。但多数机器都有16位、32位或者64位的精度,因此这个问题可使用比例缩放的方法解决。
- 2) 資水偏码器对整个消息只产生 个码字,这个码字是在间隔[0,1]中的 个实数,因此译码器在接收到表示这个实数的行位之前介能进行译码。
- 3) 算术编码也是 ·种对错误很敏感的编码方法,如果有 位发生错误将导致整个消息 译错。
- 質 术编码可以是静态的或者自适应的。在静态算术编码中, 信源符号的概率是固定 的。在自适应算术编码中, 信源符号的概率根据编码时符号出现的频繁程度动态地进行修
- 改,在编码期间估算信源符号概率的过程叫做建模。由于很难事先知道精确的信源概率,



所以需要开发自适应的算术编码。"当压缩消息时,不能期待一个算术编码器获得最大的效 本,所能做的最有效的方法是在编码过程中估算概率。因此动态建模就成为确定编码器压缩效率的关键。

```
下面将算术编码的 MATLAB 实现程序列举如下。
程序加下,
     clear all
     format long e:
     symbol ['abcd']
     ps=[0.4.0.2.0.1.0.3]-
     inseq ('dacab');
     codeword=suanshubianma(symbol,ps,inseq)
     outseq = suanshujiema(symbol,ps,codeword,length(inseq))
     %算术编码函数 suanshubianma
     function acode=suanshubianma(symbol,ps,inseq)
     high range=[]:
     for k=1:length(ps)
         high range=[high range sum(ps(1:k))];
     end
     low_range=[0 high range(1:length(ps 1))];
     sbidx zeros(size(inseq)),
     for i=1:length(insea):
         sbidx(1)-find(symbol==inseq(1)).
     end
     low=0.
     higt=1,
     for i=1:length(inseq);
         range high-low:
         high=low+range*high range(sbidx(i)).
         low=low+range*low_range(sbidx(i)),
    end
    acode low.
    %算术解码函数
     function symbos-suanshujiema(symbol.ps.codeword.symlen)
     format long e
    high range-II:
    for k=1-length(ns)
         high range=[high_range sum(ps(1:K))],
    end
    low range=[0 high range(1:length(ps)-1)].
    psmin min(ps),
    symbos [].
    for in I symlen
         idx max(find(low_range<=codeword));
        codeword=codeword-low range(idx).
```

rf abs(codeword-ps(idx))<0.01*psmin

codeword=0: ond

symbos=(symbos symbol(idx)). codeword=codeword/ps(idx), if abs(codeword)<0.01*psmin i=symlen+1

end end

运行结果为

codeword: 7.739200000000000le-001 outseq=dacab

2.2.5 行程编码

计算机生成的图像往往有许多颜色相同的图片,在这些图片中,许多连续的扫描都具有 同一种颜色,或者同一扫描行中有许多连续的像素都具有同样的颜色值。这种情况下,只需 要存储一个像套及具有相同颜色的像素的数目即可,这种编码方法称为行程编码(Rum Length Encoding).

把具有相同灰度值 (颜色值) 的一些像素序列称为一个行程。

对 ; 简单的灰度图像, 行程编码的数据结构表示见表 2 3。

表 2-3 行程编码数据结构

相叫像素起始坐标	像素的灰度值
(k,f)	с

行程长度隐含在起始坐标中, 不必单独列出。

下面通过 段 MATLAB 程序段,对行程编码的实现方法进行说明,希望能使读者对行 程编码有更清楚的理解。在这里,将以如图 2 7 所示的原始图像为例进行分析。

程序代码 示例如下:

```
clear
I imread('pears.png'),
imshow(1),
IY=:m2bw(L0 5);
figure.imshow(IY)
fm n): size(IY).
c 1Y(1,1),E(1,1.3)=[1 1 c],
t=1:
for k=1:m
    for |= 1 n
         1f(not(and(k 1,j= 1)))
              if(not(I(k,j)=c))
                   Enew(t,1:3)=[k | I(k,j)];
                   c=I(k,j),
```

t=t+1; end end end end

执行程序后效果如图28所示。

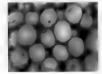


图 2-7 原始图像

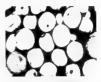


图28 二值化图像

原相像 I—pears.png,大小为 IGRAY—486~732 字 P—355752 字 节,而行程编码的输出数 H E D 197187×3 字 P—591561 字 节,比原来图像占用的存储空间还要大,可见压缩效果并不经。

如果首先对点始图像进行 值化,得到 值图像如图 2 8 所示。

运钉同样的程序、每输入图像替换为 值化图像,则行程编码后的输出结果为 54700<3 字节-164100 字节、而 值化后的配像占明的存储空间依然为 486~732 字节 355752 字节。压缩出为 164100/355752—0.46、相对原始假像的压缩,压缩效果比较好。由此也说明,行机编码由于权包含很少几个灰度级的图像。特别是 值图像,非常有效。特别地,线编码方法对行单 碳色背景下物体的图像。具有更高的压缩比。对于其他类型的图像压缩、其压缩比较低、甚至在最坏的情况下,如图像的每一个像素都写之周围的像素不可,行程编码(RIF) 其空可称文件的大小如係。达不到编码压缩的目的。

因为这里是无失真编码。所以反编码后的图像与原图像是一样的,只能以编码后占用的 存储空间来进行管法的比较。所以在上面只参加了编码前后图像占用空间的太小。

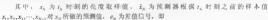
2.3 预测编码

预测编码 τPredictive Coding) 是指依据某一模型。根据以往的样本值对于新样本值进 1. 徐刚, 然后将样本的实际值与预测值相减得到。 个误差值,对这一误差值进行编码。如果 模型是够好目样本序列在时间和守间了存在较强的相关性。那么误差信号的幅度将远远小于 信源原始信号。从市可以用较少的电平量对其差值量化得到较大的数据压缩结果。 像熟编码 分为线性预测和非线性预测两类。

岩能找到。个数字模型可以完全代表数据源,那么在接收端就能依据这一数学模型准确 九泉地产生出这些数据。但没有一个实际的系统能找到其完全准确的数学模型,因此,最好 的办法是采用预测器以某种最小化的误差方法对下一个样本进行预测。

1. DPCM 的工作原理

←线性预测中,最常用的是差分脉冲编码调制,即 DPCM (Differential Pulse Code Modulation)。Oliver 在1952 年刻图像线性预测进行了理论研究、1958 年、Graham 吊计算机进行了 DPCM 模拟。DPCM 的工作理理如用 29 所示,上要是基于图像中相忽像素间的数据具有较强的相关性。每个像素可以根据以前已知的几个像素值进行预测。在 DPCM 编码中,编码和转输的不是像素值本身,由是这个取样值的预测值。



 $e_N = x_N - \hat{x}_N \tag{2.13}$

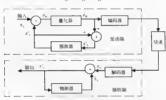


图 2-9 DPCM 系统原理框图

量化器对 e_a 进行量化得致 \hat{e}_a ,编码器对 \hat{e}_a 进行编码。接收编解码时的预测过程与发送端相同,所采用的预测器也相同。接收端恢复的输出信号 x_N 是 x_N 的近似值,两者的误差为

$$\Delta x_N - x_N - (\hat{x}_N + \hat{e}_N) = x_N - x_N' = e_N - \hat{e}_N$$
 (2-14)

 $^{\prime}$ 5 $\Delta x_{_{N}}$ 足够小时,输入信号 $x_{_{N}}$ 和 DPCM 系统的输出信号 $x_{_{N}}$ 接近 致。

2. 线性预测编码

在图像信源數据序列中,由 x_1,x_2,x_3,\cdots,x_h ,对 x_h 进行预测。由于是对 x_h 进行线性预测,令 x_h 的预测值(估计值)为 \hat{x}_N ,则 \hat{x}_h 是 x_1,x_2,x_3,\cdots,x_h ,的线性组合。

设 维图像信号 x(t) 是均值为零、万差为 σ^2 的平稳随机过程,x(t) 任 t_1,t_2,t_3,\ldots,t_N 时刻的抽样值分别为 x_1,x_2,x_3,\ldots,x_n ,那么 x_n 时刻抽样的线性预测值为

$$\hat{x}_N = \sum_{i=1}^{N-1} a_i x_i = a_i x_1 + a_2 x_2 + a_3 x_3 + \dots + a_{N-1} x_{N-1}$$
 (2~15)

式中, a 为预测系数, 即待定常数。

若各 α , 确定。则可以根据上式构成线性预测器。根据线性预测定义、 z_0 应非常通近 z_0 ,这數要求各 α , 为最佳条数。采用均方误差最小的准则,可求得各最佳的系数。现定义从下的均方误差为

$$E\{[e_N]^2\} = E\{[x_N - \hat{x}_N]^2\}$$
 (2.16)

为使 E{[e,,]} 最小, 对式 (2-16) 微分可得

$$\frac{\partial}{\partial a_i} E\{[e_N]^2\} = \frac{\partial}{\partial a_i} E\{[x_N - \hat{x}_N]^2\}$$

$$= \frac{\partial}{\partial a_i} E\{[x_N - (a_i x_i + a_2 x_2 + a_3 x_3 + \dots + a_{N-1} x_{N-1}]^2\}$$

$$= -2E\{[x_N - (a_i x_i + a_2 x_2 + a_3 x_3 + \dots + a_{N-1} x_{N-1}]^2\}$$
(2-17)

式中, i=1.2.3.... N-1。

根据极值条件。可得如下N-1个线件方程:

$$\begin{cases} E\{\{x_N - (a_1x_1 + a_2x_2 + a_3x_3 + \dots + a_{N-1}x_{N-1})x_1\}\} - 0 \\ E\{\{\{x_N - (a_1x_1 + a_2x_2 + a_3x_3 + \dots + a_{N-1}x_{N-1})x_2\}\} - 0 \\ E\{\{x_N - (a_1x_1 + a_2x_2 + a_3x_2 + \dots + a_{N-1}x_{N-1})x_1\}\} = 0 \end{cases}$$
(2.18)

 $E\{[x_{11} - (a_1x_1 + a_2x_2 + a_3x_3 + a_{3-1}x_{3-1})x_{3-1}]\} = 0$

该方程组可表示为

$$E\{[x_N-(a_1x_1+a_2x_2+a_3x_3+\cdots+a_{N-1}x_{N-1})x_i]\}=0$$

式中, $i=1,2,3,\dots,N-1$ 。 今x.和 v.的协方差为

$$R_{ij} = E(x_i, x_j)$$
 $i, j = 1, 2, 3, \dots, N-1$ (2.19)

侧上去可以表示为

$$R_{N_{i}} = \sum_{k=0}^{N-1} a_{kk} R_{ki} = a_{1k} R_{i,l} + a_{2i} R_{2i} + a_{3i} R_{3i} + \dots + a_{(N-1)i} R_{(N-1)i}$$
(2 20)

若所有的协方差 R_n 已知或可以测出时,则通过上式可计算出N-1个预测系数 a_n 。

综上所述,可以得出以下几点结论:

- 1) 预测模型的复杂程度取决于线性预测中使用以前的样本数目,样本点越多。则预测 器越复杂,最简单的预测仪使用前一个样本点, 称为前值预测。
- 2) 若采用 x 的同一行中 x 。的若 f 已知像素样本值,如 x , x , x , · · · , x , · · · 来对 x 。进行预 测, 则称为 · 维预测。
 - 3) 若采用同一行及前几行内的已知像素样本值来预测xx,则称为 维预测。
- 4) 若采用的已知像素不仅是前几行的,而且还包括前几帧的,那么则称为:维预 測。

图 2 10 所示是一个简单的、在 JPEG 无损编码方案中采用的实际预测器, 它给出了静 止图像的 个完整的 维预测器。它只考虑临近 3 点 A、B 和 C 的值,例如,以 A、B 或 C 作为 Y 的预测值,则线性预测方法见表 2 4。

表 2-4 Y的预测值方法

预测方法	0	1	2	3	4	5	6	7
预测值 亨	1 预测	A	В	c	A+B C	$A + \frac{B - C}{2}$	$B + \frac{A-C}{2}$	A+B 2



图 2 10 预测器的组成

3. 非线性预测

线性预测编码的基础和前提是将整个图像域视为 个平稳随机过程,其自相关系数与像 薪在图像信源数据城中的位置无关。而实际上, R像的起伏变化是始终存在的,被描述的像 赛和周围像素之间存在多种多样的关系。线性预测系数是一种近似条件下的常数,它忽略了 不同像案之间的个性条件,因此存在一些不足之处。

非线性预测针对线性预测的不足。充分考虑了图像的统计特性和图像信源数据的个别变 化情况。即力求使预测系数与图像的实际局部特性相一致,通过使预测系数随预测条件变 化,从而进一步提高压缩编码的性能。

2.4 图像的变换编码

变换编码上要包括 DFT 变换、K-L 变换、WHT 变换、DCT 变换和小波变换编码等,变 换编码因其纯粹的编码效果。已经成为一种每至广泛应用的图像压缩编码方法。

1. 变换编码的基本原理

图像变换编码的基本原理是将空域中描述的图像数据经过某种变换,如 DFT 变换、 DCT 变换、K-L 变换等 维上交变换,转换到新的变换域中进行描述,在变换域中达到改变 能量分布的目的,将图像能量在空间域的分散分布,变为在变换域中的相对集中分布,从而 实现对信源图像数据的有效压缩。

变换编码的基本流程如图 2 11 所示,图像数据经过某种变换、量化和编码(通常为变长编码)后由信道传输到接收端,接收端进行相反的处理,即变长解码、反量化以及逆变换,然后输出原图像数据。



图 2 11 变换编码、解码 I 作流图

图像数据经过正父变换后,空域中的总能量在变换域中得到保持,但能量将会重新分布,并集中在变换域中少数的变换系数上,以达到压缩数据的目的。

2. 正交变换的物理意义

通常情况下, 安換編码都会选择正交交換, 正交变換是 中數据处理手段, 它将被处理 的関像信源数据按照正交变换规则除射到另一个或进行处理。由于图像是以, 维斯拜泰 的, 所以在图像编码中多采用 维正交变换形式, 图像数据正交令换后不改变低源的编值。



变换前后图像的信息量没有损失,完全可以通过对应的逆变换得到原来的图像数据。但统计分析表明,经过正交变换后,数据的分布规律发生了很大的改变,像素之间的相关性下降。 变换系数向新坐标系中的少数举标点集中,一般集中于少数的直流或低频分量的坐标点。变 换编码将统计上高度相关的像素所构成的矩阵通过正交变换,变成统计上被此较为独立,甚 至达到完全地方的变换系数矩阵,以达到压缩数据的目的,这就是图像变换。

3. 变换类型与子块大小的选择

根据数字信号处理理论、所有正交变换中以 K-L 变换性能量优。 经 K-L 变换后各变换 系数在统计上不再相关, 其协方差矩阵为对角矩阵。 因而大大碳小 国像原始数据的汇条 医 因此 K-L 变换能完全消略图像了块内像素间的相关性。 若舍弃一些特征值较小的变换 系数,那么所引起的均方误差是所有正交变换中最小的。由于 K-L 变换是以原始图像各子块 协方定矩阵的特征向量作为变换后的基向量、因此 K-L 变换的基对不同图像是不同的,与编码对象的统计特性有关,这种变换格可不确定性使得 K-L 变换在实际应用中不太方使。 因此、尽管 K-L 变换具有许多明显的优点。但一般只用于进行理论上的比较。

DFT 受換是应用最早, 且非常成熟的受換之。, 性能接近于最佳, 且具有快速算法, 其, 不足之处在于图像, 于块的受账系数在边界处不连续而造成恢复后的图像, 于块边界也不连续。 即存在 Gibbs 现象), 于是由图像, 手续成的整幅图像将呈现隐约可见的以图像子块为形状的小块结构, 影响了图像质量。 "定程度上影响了其应用。

DCT 变换是图像变换中应用得最多的变换编码,其性能接近于 K-L 变换,且变换矩阵 与图像内容无关。根据 DCT 变换的特点,还可避免 DFT 变换中图像子块边界处产生的跳跃 与 Gibbs 现象。此外,市场上拥有许多基于 DFT 快速算法的 ASIC 芯片、因此,DCT 变换 已经成为图像变换编码的主流。目前,JPEG、MPEG、H.263 等国际编码标准选择采用 DCT 变换模块。

沃尔什变换与 DCT 变换相比,其算法简单,因而运算速度较快,适用于高速实时系统,而且实现该算法的硬件结构简单、不足之处是性能比 DCT 变换要差。

在确定变换方式之后,还需要选择变换块的大小。由于压缩的依据是基于子块内图像像 赛间的相关性。若子块选得太小、则不利于压缩比的提高。理论上、子块越大、计入的相关 像素越多,压缩比能越大。但如果子块过大、则计算量太大,同时考虑到距离较远的像素间 相关性并不高,实际上过大的子块对压缩比的提高效果反而不好。因此,图像变换中 般选 将采用 8×8 或 16×16 太小的图像子块。

4. 变换编码的实现步骤

根据图像变换编码的原理以及如图 2-11 所示的编码、解码逻辑流程,实现变换编码 份包含以下步骤。

(1) 原始图像分块

根据编码的具体要求,将图像划分为若干 N×N 的图像子块,即

$$X = \begin{cases} x_{00} & x_{01} & \cdots & x_{0(N-1)} \\ x_{0} & x_{11} & \cdots & x_{1(N)} \\ x_{20} & x_{21} & \cdots & x_{2(N-1)} \\ \vdots & \vdots & & \vdots \\ x_{(N-1)0} & x_{(N-1)1} & \cdots & x_{(N-1)N-1} \end{cases}$$
 (2-21)

通常情况 F, N 取值为 8 或 16。图像分块之后,应同时根据编码的性能要求、综合 5 度相关要素、洗择变换矩阵 4 对 8 图像 6 垫油 行相应的 F 2 空 %。

设 Y 表示变换域中的图像数据,则可表示为

$$Y = AX \tag{2 22}$$

(2) 变换域采样

根据一定的准则、对变换域中的系数进行合理的取舍。

(3) 系数量化

由于突袭之后的系数是不相关的,因此具有更大的独立性和有序性,利用量化使图像数据得到压缩。 電化是产生有振压缩的原因。因此应选择合适的量化方法,以使量化失真最小。均方误差是衡量各种变换编码效能的一个重要准则。该准则可在较高的压缩比和一定的允许失真度之间引求一个较理想的。可用的变换编码方式。

方均误差定义为

$$e = E \left[\sum_{i=0}^{N-1} \sum_{j=0}^{M-1} (y_{ij} - \hat{y}_{ij})^2 \right]$$
 (2-23)

式中, \hat{y}_a 为 y_a 的量化值。

20 世纪 50 年代期间, Panter. Dre 和 Max 研究了使单个系数均方误差极小化的量化方 第7次发现。如果, b 商業率密度函数建均匀的。那么具有均匀间隔输出的量化器是最佳的, 对于其他的分布。使用非均匀量化聚则除敏和到碳小均方层差的作用。

(4) 解码与反变换

在变换编码系统的接收端对所接收的比特流进行解码,分离出各变换系数 \hat{y}_{o} ,并进行系数的含入,被含弃的系数均以 0 代替,并进行逆变换运算,恢复各图像子块及整幅图像。

2.5 数据压缩编码的国际标准

在多媒体应用中,视频数据量方面可压缩的信息量最多,而压缩处理后视频质量的高低 则是决定多媒体服务质量好坏的主要因素,因此视频压缩技术是多媒体应用的核心技术。

在学术和应用领域,众多研究人员都致力于视频压缩技术的研究,并且制定了几个标准,如 PEG、MPEG 和 H.261 标准等。这些标准覆盖了较大的视频范围和应用领域,支持、 而阅途率、不同图像质量要求、不同复杂度、容朝性和实时性的视频业务,能够满足包括电 视会议、视频电子邮件、可视电话、广播级视频应用等不同要求的服务。随着视频应用需求 的不断发展、视频压缩技术也有了很大的提高,新出现的压缩标准有了更高的玉缩效率(存 相同图像质量下需要更低的传送网络壶皮在相同传输速率下提供质量更好的图像),同时支持 各种传输漆束以沾而不同的传送网络壶皮 下面将对 JPEG 标准和 MPEG 标准进行介绍。

2.5.1 JPEG 标准

JPEG Uoint Photographic Experts Group) 是 个由 ISO 和 IEC 两个组织机构联合组成的 专家组, 负责制定龄 基和数字图像数据压缩编码标准, 这个专家组开发的算法标为 IPEG 填注,并且成为国际上通用的标准。因此又参数 IPEG 标准。IPEG 是 个适用在超视 的单态 图像数据压缩标准, 既可用于灰度图像压缩又可用于彩色图像压缩。IPEG 专家组开发了两种基本的压缩算法。 种是以离散会弦变装 DCT 为基础的有损压缩算法。 牙。种是以负赖技术为基础的无损压缩算法。 使用有损压缩置法对 在压缩比为 25:1 的特况下,压缩后还原得到的图像与场域和像和比较,对于非图像专家而言,很难或也它们之间的区别。因此,该压缩技术得到了广泛的应用。为了在保证图像质量的前提下进一步提高压缩比,近年来,IPEG 专家组买制比了,PPEG 2000(简称 IP 2000)标准,IPEG 2000 与传统 IPEG 最大的不同在于:它放弃了传统,IPEG 原采用的以离散余弦变换为上的区块编码方式,而改用以小弦变换为主的多解标题码方式,而改用以小弦变换为主的互块编码方式,而改用以小弦变换为主的互块编码方式,而以用以小弦变换为主的互头的形成方式,而以用以小弦变换为主的互头的形成方式,而以用以小弦变换为主的互头编码方式,而以用以小弦变换为主的互头编码方式,而以用以小弦变换为主的互头。

图 2 12 为 JPEG 标准的基本处理框图。

JPEG 标准将整个图像分成 8×8 的图像 F块,并作为「维离散余弦变换 DCT 的输入。通 过 DCT 变换,把能量集中在少数几个系数上,然后对这些系数进行氧化。由于人限对危疫 信号比对色 是信号驱感。因此 JPEG 使用了两种最化表,亮度量化值和色差量化值。此 外,由于人限对低频分量的图像比对高频分量的图像更敏感,所以对图中左上角的量化步长、 要出右下角的量化步长小。



图 2-12 JPEG 标准的基本处理框图

在经过量化后,就是进行熵编码过程,将 DC 系数进行 DPCM 编码,将 AC 系数按 Z 形排列之后采用 RLE 编码,最后得到经压缩编码后的数据值。

此外,JPEG 还规定了 4 种运行模式,以满足不同的应用需要。

- 1) 基于 DPCM 的无损编码模式: 压缩比可以达到 2:1。
- 2) 基于 DCT 的有损顺序编码模式: 压缩比可以达到 10:1 以上。
- 3) 基于 DCT 的递增编码模式。
- 4) 基于 DCT 的分层编码模式。
- 下面,以 JPEG 有损顺序编码算法为例说明如何利用 JPEG 标准进行图像压缩。其主要的计算步骤如下。
 - 1) 将源图像分成几个颜色平面(分量图像)。
 - 2) 对每个 8×8 数据块进行正向离散会弦变换 (FDCT)。

- 3) 根据表 2-5 和表 2 6 中的理化模板系数对 DCT 系数进行量化。
- 4) Z 形排列量化结果。
- 5) 使用差分脉冲编码调制(DPCM)对直流系数(DC)进行编码。
- 6) 使用行程长度编码(RLE) 对交流系数(AC)进行编码。
- 7) 燎编码 (Entropy Coding)。

李 2=5 高度的器业编纸系数

			K = 0 703CF	JE CONTRACTO	MA.		
16	11	10	16	24	40	51	66
12	12	14	19	26	58	60	55
14	13	16	24	40	57	69	56
14	17	22	29	51	87	80	62
18	22	37	56	68	109	103	77
24	35	55	64	8.	104	113	92
49	64	78	87	103	121	120	101
72	92	95	98	112	100	103	99

表 2-6 颜色的量化模板系数

17	18	24	67	99	99	99	99
18	21	26	66	99	99	99	99
24	26	56	99	99	99	99	99
47	66	99	99	99	99	99	99
99	99	99	99	99	99	99	99
99	99	99	99	99	99	99	99
99	99	99	99	99	99	99	99
99	99	99	99	99	99	99	99

针对以上处理步骤,以下的 MATLAB 程序代码示例说明了 JPEG 有损顺序编码算法的实现过程。

%JPEGdemo.m JPEG 算法估直

%本程序只是为了说明基本的 JPEG 功能

clear all

%待处理数据

f [52 55 61 66 70 61 64 73

63 59 66 90 109 85 69 72

62 59 68 113 144 104 66 73

63 58 71 122 154 106 70 69

67 61 68 104 126 88 68 70

79 65 60 70 77 68 58 75

85 71 64 59 55 61 65 83

87 78 69 68 65 76 78 941:

%f也可以是读入灰度图像散据

echo on

```
% level shift by 128
 f=f-128:
 [mf.nf] size(f):mb=mf/8:nb=nf/8.
 %计算f的大小,以及分块后的块数
Ff-blkproc(f.[8 8],'det').
 %对子的每个图像子块的列进行 DCT 变换 apply DCT to each column of each block of f
 Ff=blkproc(Ff',[8 8],'dct');
 %对 f 的每个图像子块的行进行 DCT 变换 apply DCT to each row of each block of f
 Ff-round(Ff):
 %按比例量化
 O=[16 11 10 16 24 40 51 61
     12 12 14 19 26 58 60 55
     14 13 16 24 40 57 69 56
     14 17 22 29 51 87 80 62
     18 22 37 56 68 109 103 77
     24 35 55 64 81 104 113 92
     49 64 78 87 103 121 120 101
     72 92 95 98 112 100 103 991:
  %量化矩阵
  Fa round(blkproc(Ff,[8 8], 'divg', O)):%取整
  echo off
  %对 DC 系数进行 DPCM 编码。逐行扫描
  if mh*nh>1.
      fdc=reshape(Fq(1:8.mf,1:8:nf)',mb*nb,1);
      fdpcm=dpcm(fdc,1);
  else
      fdpcm Fq(I,1)-(-17);
  end
  dccof-[];
  for i=1 mb*nb.
      dccof-[dccof idcenc(fdpcm(i))];
  end
  disp(['Differential DC coefficient(num2str(fdpcm))is encoded as:']),
  disp(int2str(dccof));
  echo on
  %ク字形扫描 AC 系数、进行行程(LZW)編码
  z=[1 2 6 7 15 16 28 29
     3 5 8 14 17 27 30 43
     4 9 13 18 26 31 42 44
     10 12 19 25 32 41 45 54
     11 20 24 33 40 46 53 55
     21 23 34 39 47 52 56 61
     22 35 38 48 51 57 60 62
```

36 37 49 50 58 59 63 64];

echo off

acseq=[]; for i=1:mb

for j 1:nb

tmp(z)=Fq(8*(i-1)+1:8*i,8*(j-1)+1:8*j),

-- %tmp 为 1/64 eohi=max(find(tmp~=0));

acseq=[acseq tmp(2:eobi) 999];%给 eob 赋值 999

end

end

accof=jacenc(acseq),

disp([DC coefficient after Hoffman coding has'int2str(length(dccof))...

bits]);

disp(['AC coefficient after Hoffman coding has'int2str(length(accof))...

'bits'l):

得到结果:

DC coefficient after Hoffman coding has 7 bits AC coefficient after Hoffman coding has 84 bits

2.5.2 MPEG 视频编码压缩标准

从时间的观点看,数字图像分为静态图像和运动图像,视频信号就是典型的运动图像。 视频压缩的目标是在尽可能保证视觉效果的前提下减少视频数据率。视频压缩比一般指压缩 后的数据借上压缩前的数据量分比。

根据压缩前和解压缩后的数据是否完全一致,视频压缩可分为有损压缩和无损压缩。无 根压缩意味着解压缩后的数据与压缩前的数据完全 致。有损压缩则意味着解压缩后的数据 亏压缩前的数据不一致。在压缩的过程中要丢失一些人眼和人耳所不敏感的图像或音频信息,而且丢失的信息不可恢复。丢失的数据参与压缩比有关,压缩比越小,丢失的数据越 服压缩后的效果越差。此外,某些有损压缩算法采用多次重复压缩的方式,这样还会引起额外的数据。

具体的视频编码和解码过程如图 2-13 所示。





MATLAB 数字图像处理

图 2 14 所示为巍峨信号的压缩过程,该图充分说明了视频信号的压缩包括两个主要 方面,帧内压缩与顾问压缩。 确内 6 % Intraframe Compression) 也称为空间压缩 (Spatial Compression),"压缩 朝阳像时,仅考虑本帧的数据而不考虑相邻帧之间的冗 综合息。这实际上与静态图像压缩类似。帧内压缩 股达不至搜需的压缩。帧间压缩 (Interframe Compression) 是举于作名晚频或动画的连续前后两帧具有的相关性,或者说 前后两帧信息变化很小的特点,即连续的视频其相邻帧之间具有冗余信息。根据这 转 性,压缩相邻域之间的冗余量域可以进一步提高压缩量、减小压缩比。帧间压缩也称为时 向压缩(Temporal Compression)。它通过比较时间缩上不同帧之间的数据进行压缩。帧间 后缩,模量无损压缩。



图 2 14 视频信号的压缩过程

MPEG(Moving Picture Experts Group)是运动图像专家组的简称,该组织专门致力于对数字存储媒介中运动图像及其符合的压缩编码技术的标准化和读用化研究。MPEG 是个国际标准,则ISO 11172。该小组 1 1991 年底提出了用于数字存储媒介的、速率约为 1.5MB·s 的运动图像及其符合的压缩编码,并于 1992 年上式通过,通常被称为 MPEG 标准,此标准后来被定名为 MPEG-1。MPEG 与 JPEG 算法在概念上类似,只不过它还利用了相继图像之间的冗余信息。由于可达到 100:1 的压缩比,所以 MPEG 算法非常实用,可用于在 IMbits 的信道中传送帝声音的彩色电视图像,以及在磁盘驱动器中存储较长,段时间的数字电视图像上段等。

到目前为上、MPEG 标准已不再是 个单。的标准,而是一个用于全运动视频和相关 高级医缩的标准系列。包括 MPEG-1、MPEG-2、MPEG-3、MPEG-4 和 MPEG-7 共 5 个标准 都有 民特定的应用范围。 其中,它的两个标准——MPEG-1 和 MPEG-2 标准的应用范围起了。也特别重要。 MPEG-1 用于加速 CD-ROM 中路像的传输。它的目的是 221MB·s 的 NTSC 图像压缩到 1.2MB·s 压缩率为 200:1,这是图像比邻的 正址认可标准,MPEG-2 用于高级的宽带传输。图像质量达到电视广播在 HDTV 的标准。和 MPEG-1 相比、MPEG-2 友持卫广的分辨率比特率范围。将成为数字图像光盘(DVD)和数字广播电缆的压缩方式。这些市场和计算机市场交织在一起,从而使 MPEG-2 成为计算机的一种重要的图像压缩标准。这一点生常重要。因为将 MPEG-1 的比特流解压缩时需要用到 MPEG-2 的解压缩器。MPEG-4 标准支持非常低的比特率数据流的应用,如电视电话,搜你能性和电子根刊等。

MPEG 视镜压缩分为空间域压缩与时间域压缩。MPEG 标准在空间域的压缩,类似于 JPEG 标准、每 帧 成作为独立的态像获取,且压缩步骤;JPEG 标准的步骤 样,时间域 压缩,即喊向编码的本本思想是仅存储运动图像从 噴到下 帧的变化部分,几不是存储 全部图像数据,这样做能极大地被少运动图像数据存储量,达到帧间压缩的目的。这是通 讨把帧序列划分成 I 帧、P 帧、B 帧,使用参照帧及运动补偿技术来实现的。所谓的 I 帧是 在解码时,无需参照任何其他帧的帧,或称为内编码帧,它是利用自身的相关性进行帧内 压缩编码; 而在帧编码时仅使用量近的前一帧(1 帧或 P 帧)作为参照帧时, 该帧称为 P 輔或称为预测帧:对于在帧编码时要使用前、后帧作为参照帧时,该帧称为 B 帧,或称为 双向预测帧。



小结 2.6

本章在分析图像编码的必要性与可能性的基础上,对图像编码与压缩的概念、理论 进行了简要介绍、并从无损压缩和有损压缩的角度具体介绍了几种常用的图像编码与压 缩技术。

有损编码是以丢失部分信息为代价来换取高压缩比的。有损压缩方法主要有有损预测编 码方法、变换编码方法等。预测编码是根据某一模型利用以往的样本值对于新样本值进行预 测, 然后将样本的实际值与其预测值相减得到, 个误差值, 对于这一误差值进行编码。如果 对差值信号不进行量化而直接编码, 称为无损预测编码。如果不是直接对差值信号进行编 码,而是对差值信号进行量化后再进行编码、称为有损预测编码。有损预测方法行多种,其 中差分脉冲编码调制是一种具有代表性的编码方法。由于离散余弦变换可与最佳变换 K-L 变 换媲美,而计算复杂度适中,近年来在图像数据压缩中,采用离散余弦变换编码的方案很 多。JPEG、MPEG、H.261 等压缩标准,都用到离散余弦变换编码进行数据压缩。

JPEG 是联合图像专家小组丌发研制的连续色调、多级灰度、静止图像的数字图像压 缩编码方法。JPEG 中的核心算法是 DCT 变换编码。JPEG 采用的是 8×8 图像了块的'维 离散余弦变换。在编码器的输入端,把原始图像顺序地分割成 · 系列 8×8 图像子块的 64 个令换系数经量化后,按自流系数 DC 和交流系数 AC 分成两类处理。JPEG 对 DC 系数采 用 DPCM 编码,即对相邻块之间的 DC 系数的差值编码。其余 63 个交流系数采用行程编 码。为了进一步达到压缩数据的目的,可以对 DPCM 编码后的 DC 码和 RLE 编码后的 AC 码的码字再作熔编码。JPEG 建议使用两种熔编码方法:哈夫曼(Huffman)编码和自适应 讲制算术编码。

MPEG 视频压缩分为空间域压缩与时间域压缩。MPEG 标准在空间域的压缩,类似于 JPEG 标准。每 帧被作为独立的图像获取, 且压缩步骤与 JPEG 标准的步骤一样。时间域 压缩,即帧间编码的基本思想是仅存储运动图像从一帧到下 帧的变化部分,而不是存储全 部图像数据,这样做能极大地减少运动图像数据的存储量,达到帧间压缩的目的。它通过把 帧序列划分成 I 帧、P 帧、B 帧,使用参照帧及运动补偿技术来实现。

コ 酸

- 2-1 闹沭图像编码的两个评价准则。
- 2-2 DCT 系数量化后, 为什么需要进行 Z 形扫描?
- 2 3 设有 幅图像的 8×8 图像子块的亮度数据和 DCT 变换系数见表 2 7 和表 2 8、试 对其按 JPEG 基本系统进行编码。

表 2-7 原始图像 8×8 子块亮度数据表

117	120	109	77	73	64	54	60
139	123	102	74	75	60	64	87
109	100	93	85	70	68	97	403
97	117	117	78	74	94	103	79
164	149	88	87	99	91	74	68
147	94	90	102	84	72	82	102
95	92	116	119	114	122	137	150
111	112	140	150	157	163	161	157

表 2-8 DCT 变换系数表

102	7	- 6	0	1 0	0	0	0
15	11	4	0	1	-2	0	0
6	5	3	-2	0	0	0	0
6	8	2	2	3	0	9	-0
4	2	-3	2	-3	-1	0	0
2	-5	-1	-3	3	1	0	0
1	0	0	0	2	ī	0	0
1	0	0	0	0	-1	1	0

- 2-4 已知符号 a. e. i. o. u. k 的出现概率分别是 0.2、0.3、0.1、0.2、0.1、0.1, 请对 0.23355 进行算术解码。
 - 2-5 简述变换编码的原理及过程。
 - 2 6 说明 MPEG 中 I, P, B 帧的含义。
- 2 7 已知信源 X{0, 1}, 信源符号概率为 P(0)=1/4, P(1)=3/4。试对 1001 和 10111 进行 售术编码。

第3章 图像复原



3.1 图像复原的基本概念

无论是由光学、光电或电子方法获得的图像都会有不同程度的退化。由于获得高像的方 法不同,其退化形式是多种多样的。如传感器噪声、摄像机未聚焦、物体与摄像设备之间的 相对移动、随机大气湍流、光学系统的像差、成像光源或射线的散射、摄影胶片的主线性和 几何畸变等,这些因素都会使成像的分辨率和对比度退化。如果对退化的类型、机制和过程 都1分清楚,就可以利用其反过程把已退化的图像复原。图像复源结果的好坏主要取决于对 图像语化过程的生验句记赏媚的精确程度。

对图像复康结果的评价有 些准则,这些推则包括最小方均误差准则、加权均方准则。 最大模准则等。这些准则是规定复原后的图像与原图像相比较的质量标准,也就是说,当确 定图像复原的质量标准后,对所期望的结果做出符合某种标准的最佳估计。典型的器像复原 長根据图像退化的先验知识建立 个退化模型,以此模型为基础。采用各种反退化处理力 法,如遗废等。使图像复原后符合某些准则,图像质量得到改善。

从某种意义上说,黑像复原和图像增强的目的都是为了改善图像的质量。但它们的技术思想却完全不同。. 名之间有着很大的区别。图像增强本多虑图像是如何退化的,不建立或很少建立模型。只通过各种技术来增强图像的规党效果,以适应人视觉系统的牛理、心理特人机的使人觉得舒适、愉悦,却很少涉及客观和读一的评价标准。因此,图像增强可以不顾及增强后的图像是合符合原图像、是否失真。往往只要看着舒适即可。图像复原就完全不同,需要知道图像退化机制和过程的先验知识,要建立相应的退化模型,想此我们一种相应的反过程,从而恢复出版名像。例如,未要焦的照片,无论用什么增强方法也不可能到消费哪的哀图像,但是. 若已知其退化的先验知识是镜头不裹焦,则其反过程可用一阶归深系病数的反滤波来复版图像。另外,路像复原要明确规定原位标准,以便对希望的结果做出量付的估计。

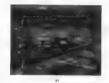
由于图像复原过程的特殊性,可以根据不同的退化模型和不同的质量评价标准,推导并 多种复原的方法。

图 3 2 所示是 个维纳滤波器应用的例子,由于受累烈大气活动的严重影响,获得的图像已经模糊不清。通过维纳滤波器恢复出来的图像相当清晰。 非保持订价 能阻停





图 3 | 时巴特沃斯韦阻滤波器复点受下弦噪声干扰的图像 a1 板J 法验 + F找的图像 b) 滤波效果图





3.2 图像退化模型

留像复原处理的关键是建立退化模型,原图像 f(x,y) 是通过 个系统 H 及加入一个外来加替噪声H(x,y) 而退化成 關图像 g(x,y) 的,如图 3 3 所示。

$$f(x,y) \qquad \qquad f(x,y)$$

图 3 3 图像的退化模型

图像复原可以被看成一个预测估;的过程, 1一世的由的退化图像或以3,3 估计出系统参数 H, 从而近似地恢复: f(x,y)。 m(x,y)为 再统计判项的信息。为了对处则结果做出某一种最佳估计。 搬还座首先确立 个领量标准、复原处理的基础在于对系统 H 的基础 f 解、系统是由某业元件或部件或某物件放构成了

系统的输入信号与输出信号的某种联系,这种联系从数学上可以用算子或响应函数 h(x,y)来描述。

因此图像退化过程的数学表达式新可以写为

$$g(x,y) = H[f(x,y)] + n(x,y)$$

(3-1)

 $H[\, \bullet \,]$ 可理解为综合所有退化因素的函数或算子。

抽象地讲, 在不考虑加性噪声n(x,y)时, 图像退化的过程也可以被看成是一个变换H, 即H[f(x,y)] * g(x,y)

由 g(x,y) 求得 f(x,y), 就是寻求逆变换 H^{-1} , 使得 $H^{-1}[g(x,y)] \rightarrow f(x,y)$

图像复原的过程,就是根据退化模型及原图像的某些知识。设计 个恢复系统 p(x,y). 以退化图像 g(x,y)作为输入。该系统应使输出的恢复图像 f(x,y),按某种准则最接近原图 (f(x,y)),图像退化与复原的过程如图 3 4 所示。其中h(x,y) 和 p(x,y) 分别称为成像系统和恢复系统的冲漏和应。



图 3 4 图像退化与复原的过程

系统 H 的分类方法很多,可分为线性系统和非线性系统;时变系统和非时变系统;使中参数系统和分布参数系统; 连续系统和离散系统等。

线性系统就是具有均匀性和相加性的系统。当不考虑加性噪声m(x,y)时,即令m(x,y)=0。即图 3 3 所示的系统可表示为

g(x,y) = H[f(x,y)]

两个输入信号 f(x,y)、 $f_2(x,y)$ 对应的输出信号为 $g_2(x,y)$ 、 $g_2(x,y)$, 如果有

 $H[k_1f_1(x,y)+k_2f_2(x,y)] - H[k_1f_1(x,y)] + H[k_2f_2(x,y)] - k_1g_1(x,y) + k_2g_2(x,y)$ (3 2) 成立,则系统 H 是一个线性系统, k. 和 k. 为常勤。

线性系统的这种特性为求解多个激励情况下的输出响应带来很大方便。

如果一个系统的参数随时间变化,即称为时不变系统或非时变系统;否则,该系统为时变系统。与此相对应,对三维函数来说,如果

 $H[f(x-\alpha,y-\beta)] = g(x-\alpha,y-\beta)$

则 H 是空间不变系统(或称位置不变系统)。式中、α、β分别是空间位置的位称罐、表示 图像中任。点通过该系统的响应只取决于在该点的输入值,而与该点的位置无关。

由上式可见。如果系统 H 有式 (3 2) 和式 (3 3) 的关系,那么系统 H 就是钱性和空间位置不变的系统。在图像复原处理中,非线性和空间变化的系统模型虽然更具有普遍性和准确性,但它却给处理 1 作等来了巨大的黑难。它常常没有解或很难用计算机来处理。实际的成像系统在一定条件下往往可以近似地说为线性和空间不变的系统,因此在图像复原处理中,往往用线性和空间不变的系统模型加以近似。这种近似使线性系统理论中的许多知识可以直接用于解决图像复原问题,所有图像复原处理特别是数字图像复原处理上要采用线性的空间不变复原技术。

3.2.1 连续的退化模型

单位冲激函数 $\delta(r)$ 是一个振幅在原点之外所有时刻为零,而在原点处振幅为无穷大,宽度无限小,面积为 1 的窄脉冲,其或表达式为

$$\delta(t)\begin{cases} \infty & t = 0 \\ 0 & t \neq 0 \end{cases} \int_{-\infty}^{+\infty} \delta(t) dt = 1$$
 (3-4)

 $\delta(t)$ 的卷积取样公式为

$$f(x) = \int_{-\infty}^{+\infty} f(x-t)\delta(t)dt$$
 (3-5)

蚁

d.

$$f(x) = \int_{-\infty}^{+\infty} f(x)\delta(x-t)dt$$
 (3-6)

上述的一维时域冲激函数 $\delta(t)$ 可推广到 工维空间域中,从而可把 f(x,y) 写成下列形

$$f(x,y) = \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} f(\alpha,\beta) \delta(x-\alpha,y-\beta) d\alpha d\beta \qquad (3-7)$$

由 f(x,y) = H[f(x,y)] + n(x,y), 如果令f(x,y) = 0, 同时考虑到f(x,y) = H[f(x,y)]

$$= H \left[\int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} f(\alpha, \beta) \delta(x - \alpha, y - \beta) d\alpha d\beta \right]$$

$$= \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} H[f(\alpha, \beta) \delta(x - \alpha, y - \beta)] d\alpha d\beta$$

$$= \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} f(\alpha, \beta) H[\delta(x - \alpha, y - \beta)] d\alpha d\beta$$
(3.8)

令 $h(x,\alpha,y,\beta) = H[\delta(x-\alpha,y-\beta)]$, 则有

$$g(x, y) = \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} f(\alpha, \beta) h(x, \alpha, y, \beta) d\alpha d\beta$$
 (3-9)

式中, $h(x,\alpha,y,\beta)$ 为系统 H 的冲激响应,即 $h(x,\alpha,y,\beta)$ 是系统 H 对學标为 (α,β) 处的冲激 函数 $\delta(x,\alpha,y,\beta)$ 的响应。在光学中冲激为一光点,因此又将 $h(x,\alpha,y,\beta)$ 称为退化过程的点扩散函数(PSF)。

式、3 9) 说明: 当系统H 对冲激函数的响应为已知, 则对任意输入f(x,y)的响应均可由式(3 9) 求得。也就是说,线性系统H 完全可由其冲撤响应来表征。

当系统 H 空间位置不变时,则

$$h(x-\alpha,y-\beta)-H[\delta(x-\alpha,y-\beta)] \tag{3-10}$$

这样就有

$$g(x,y) = \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} f(\alpha,\beta)h(x-\alpha,y-\beta) d\alpha d\beta$$
 (3-11)

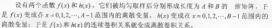
即系统 H 对输入 f(x,y) 的响应就是系统输入信号 f(x,y) 与系统冲激响应的卷积。 考虑加性噪声 n(x,y) 时,式(3 9)可写成

$$g(x,y) = \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} f(\alpha,\beta)h(x,\alpha,y,\beta) d\alpha d\beta + n(x,y)$$
 (3.12)

式中,n(x,y) 与图像中的位置无关。

3.2.2 离散的退化模型

在连续的退化模型中。把 $f(\alpha,\beta)$ 和 $h(x-\alpha,y-\beta)$ 进行均匀取样后就可引伸出离散的退 化模型。为了更好地理解离散的退化模型,我们首先用一维函数来说明其基本概念,然后再 推广到:维。



若 f(x) 和 h(x) 都是周期为 N 的序列。那么。它们的时域离散券程定 0 为

$$g(x) = \sum_{m=0}^{\infty} f(m)h(x-m)$$
 $x = 0, 1, 2, \dots, N$ (3-13)

U. g(x) 也是周期为 N 的序列, 周期卷积可以用常规卷积法计算, 也可用卷积定理进行快速 **券积计算。**

若 f(x) 和 h(x) 均为非周期性的序列。则可用征拓的方法延拓为周期序列。 为避免折惑 现象, 可令周期 $M \ge A + B - 1$, 延拓后的 f(x) 和 h(x) 表示为

$$f_{\nu}(x)$$

$$\begin{cases} f(x) & 0 \le x \le A-1 \\ 0 & A-1 < x \le M-1 \end{cases}$$

$$h_{\nu}(x)$$

$$\begin{cases} h(x) & 0 \le x \le B-1 \\ 0 & B-1 < x \le M-1 \end{cases}$$
(3 14)

$$\begin{cases} h(x) & 0 \le x \le B - 1 \\ 0 & B - 1 < x \le M - 1 \end{cases}$$
(3-15)

可得到离散卷积银化模型

$$g_e(x) = \sum_{m=1}^{M-1} f_e(m)h_e(x-m)$$
 $x = 0,1,2,\dots,M-1$ (3-16)

因为 $f_{\sigma}(x)$ 和 $h_{\sigma}(x)$ 的周期为M,所以 $g_{\sigma}(x)$ 的周期也为M。经过这样的延拓处理, - 个 非 周 期的卷积问题就变成了周期卷积问题了,因此可以用快速卷积法进行运算。

用矩阵形式表述高勤的很化模型。可写成 g = Hf

$$f_{\epsilon}(0)$$
 $f_{\epsilon}(1)$
 $g_{\epsilon}(0)$
 $g_{\epsilon}(1)$

 $f = \begin{pmatrix} f_{\epsilon}(0) \\ f_{\epsilon}(1) \\ \vdots \end{pmatrix}$

H 是 M×M 阶矩阵

中九

$$\boldsymbol{H} = \begin{pmatrix} h_{c}(0) & h_{c}(-1) & h_{c}(-2) & \cdots & h_{c}(-M+1) \\ h_{c}(1) & h_{c}(0) & h_{c}(-1) & \cdots & h_{c}(-M+2) \\ h_{c}(2) & h_{c}(1) & h_{c}(0) & \cdots & h_{c}(-M+3) \\ \vdots & \vdots & \ddots & \ddots \\ h_{c}(M-1) & h_{c}(M-2) & h_{c}(M-3) & \cdots & h_{c}(0) \end{pmatrix}$$
(3-18)

利用 $h_{\epsilon}(x)$ 的周期性, $h_{\epsilon}(x)=h_{\epsilon}(\pm M+x)$, 式(3 18) 可写成:

$$H = \begin{pmatrix} h_c(0) & h_c(M-1) & h_c(-2) & \cdots & h_c(1) \\ h_c(1) & h_c(0) & h_c(-1) & \cdots & h_c(2) \\ h_c(2) & h_c(1) & h_c(0) & \cdots & h_c(3) \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ h_c(M-1) & h_c(M-2) & h_c(M-3) & \cdots & h_c(0) \end{pmatrix}$$
(3-19)

可以看出, 47 为 个循环矩阵, 即每行最后 项等于下 行的第一项, 最后一行的最后 项 **姓下笆**一行的笆一顶。

从上述 维模型可以推广到 维情况。如果给出 A×B 大小的数字图像,以及 C×D 大 小的点扩散函数,可首先做成大小为 M×N 的周期延拓图像。

$$f_{c}(x,y) = \begin{cases} f(x,y) & 0 \leqslant x \leqslant A - 1 \pm 0 \leqslant y \leqslant B - 1 \\ 0 & A - 1 - x \leqslant M - 1 \frac{y}{2}B - 1 < y \leqslant N - 1 \end{cases}$$

$$h_{c}(x,y) = \begin{cases} h(x,y) & 0 \leqslant x \leqslant C - 1 \pm 0 \leqslant y \leqslant D - 1 \\ 0 & C - 1 < x \leqslant M - 1 \frac{y}{2}D - 1 < y \leqslant N - 1 \end{cases}$$
(3-20)

$$h_{c}(x,y) = \begin{cases} h(x,y) & 0 \le x \le C - 1 \pm 0 \le y \le D - 1 \\ 0 & C - 1 < x \le M - 1 D - 1 < y \le N - 1 \end{cases}$$
(3.21)

为避免折叠,要求 $M \ge A + C - 1$, $N \ge B + D - 1$ 。这样 来, $f_*(x,y)$ 和 $h_*(x,y)$ 分别成 为 维质期函数, 它们在 x 和 v 方向上的周期分别为 M 和 N 。由此得到的 维退化模型为 -个一维券形式

$$g_e(x,y) = \sum_{n=1}^{M-1} \sum_{n=1}^{h-1} f_e(m,n)h_e(x-m,y-n) + n_e(x,y)$$
 (3 22)

式中, $x=0,1,2,\cdots,M-1$; $y=0,1,2,\cdots,N-1$ 。 $g_{x}(x,y)$ 也为局期函数, 其周期与 $f_{x}(x,y)$ 和 h.(x, ν) 的周期完全 ·样。

上式他可用短阵表示为

$$g - Hf + n$$
 (3-23)

式中,p、f、n 皆用行向量堆叠成 $M \times N$ 维,它把各行顺时针转 90°堆叠而成,都是 M×N维星向景。 H 为 MN×MN 的矩阵

$$H = \begin{pmatrix} H_0 & H_{M-1} & H_{M-2} & \cdots & H_1 \\ H_- & H_0 & H_{M-1} & \cdots & H_2 \\ H_2 & H_1 & H_0 & \cdots & H_5 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ H_{M-1} & H_{M-1} & H_{M-1} & \cdots & H_n \end{pmatrix}$$
(3-24)

式中,每个H,都是一个 $N \times N$ 的矩阵,是由延拓函数 $h_{s}(x,y)$ 的J 行构成的。

$$\boldsymbol{H}_{j} = \begin{pmatrix} k_{i}(j,0) & k_{i}(j,n-1) & k_{i}(j,n-2) & \cdots & k_{i}(j,1) \\ k_{i}(j,1) & k_{i}(j,0) & k_{i}(j,N-1) & \cdots & k_{i}(j,2) \\ k_{i}(j,2) & k_{i}(j,1) & k_{i}(j,0) & \cdots & k_{i}(j,3) \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ k_{i}(j,N-1) & k_{i}(j,N-2) & k_{i}(j,N-3) & \cdots & k_{i}(j,0) \end{pmatrix}$$
(3 25)

叮见, H, 是一个循环矩阵, 而 H 是一个分块循环矩阵。

上述塞置的退化模型是在线性空间不变的前提下推出的。目的是在给定了g(x, y), 并且

知道 $h(\mathbf{x}, \mathbf{y})$ 和 $n(\mathbf{x}, \mathbf{y})$ 的情况下,估计出歷趣的聚始图像 $f(\mathbf{x}, \mathbf{y})$ 。但是,要想从式(3 23)直接来解得 $f(\mathbf{x}, \mathbf{y})$ 、对于实际人小的图像来说,处理的工作量是十分项目的,如 M - N - 512 时,H 矩阵的大小为 $MN \times MN = (512)^2 \times (512)^2 = 262144 \times 262144 、乘解子需要解 262144 个联立方程组,计算量之大难以想象。为解决这样的问题,须研究,此简单放法,利用用矩阵的循环性质,使简化运算得以实现。$

根据有关的数学知识,由于 H 是分块循环矩阵,则 H 可对角化,即

$$H = WDW^{-1} \tag{3-26}$$

W 为 变换矩阵, K 小为 $MN \times MN$ 维,它由 $M \times M$ 个人小为 $N \times N$ 的子块的部分 组成

$$W = \begin{pmatrix} w(0,0) & w(0,1) & \cdots & w(0,M-1) \\ w(0,1) & w(1,1) & \cdots & w(1,M-1) \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ w(M-1,0) & w(M-1,1) & \cdots & w(M-1,M-1) \end{pmatrix}$$
(3.27)

其中

$$w(i,m) = \exp \left[j \frac{2\pi}{M} im \right] w_N \qquad (3-28)$$

式中, $i, m = 0, 1, 2, \dots, M - 1$; $w_N 为 N \times N$ 矩阵, 其元素为

$$w_{N}(k,n) = \exp\left[j\frac{2\pi}{N}kn\right]$$
 (3.29)

式中, $k, n = 0, 1, 2, \dots, N \cdot 1$ 。

实际上,对任意形如 H 的分块循环矩阵, W 都可使其对角化。 D 是对角阵,其对角元 蒙与 $h_c(x,y)$ 的傅里叶变换有关,即如果

$$H(u,v) = \frac{1}{MN} \sum_{k=0}^{M-1} \sum_{j=0}^{N-1} h_{k}(x,y) \exp\left(-j2\pi \left(\frac{ux}{M} + \frac{vy}{N}\right)\right)$$
(3-30)

则 D 的 MN 个对角线元素按下面的形式给出,第 组 N 个元素为 $H(0,0),H(0,1),\cdots$. H(0,N-1); 第 :组为 $H(0,0),H(1,1),\cdots$. H(1,N-1); 依此类推。最后的 N 个对角线元素为 $H(M-1,0),H(M-1,1),\cdots$. H(M-1,N) 。由上述元素组成的整个矩阵再乘以 MN 得到 D ,即有

$$D(k,i) = \begin{cases} MNH\left(\left\lceil \frac{k}{N} \right\rceil, k \mod N\right) & i = k \\ 0 & i \neq k \end{cases}$$
 (3-31)

式中, $\left[\frac{k}{N}\right]$ 表示不超过 $\frac{k}{N}$ 的最大整数: $k \mod N$ 代表用 $N \cong k$ 所得到的余数。

从而退化模型可写成

$$g = Hf + n = WDW^{-1}f + n \tag{3.32}$$

$$W^{-1}g = DW^{-1}f + W^{-1}n$$
 (3.33)

可以证明

$$W^{-1}g = Vec[G(u, v)]$$
 (3-34)
 $W^{-1}f = Vec[F(u, v)]$ (3-35)

$$W^{-1}n = Vec[N(u,v)]$$
 (3-36)

式中, Vec [-] 是将矩阵拉伸为向量的算子。例如

$$Vec\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \\ 4 \end{pmatrix}$$

G(u,v)、F(u,v) 和 N(u,v) 分別是 g(x,y)、f(x,y) 和 n(x,y) 的 . 维缚里叶变换。于是有 G(u,v) = MNH(u,v)F(u,v) + N(u,v) (3-37)

这样就将来 f(x,y) 的过程转换为求解 F(u,v) 的过程,简化了计算过程,同时上式也是进行图像复原的基础。

3.3 非约束复原

图像复原的 $}$ 要目的是在假设具备退化图像 g 及 H 和 n 的某些知识的前提下,估计出原始图像 f 的估计值 f ,估计值 f 应使律则为最优(常用最小)。如果仅仅要求某种优化准则为最小,不考虑其他任何条件约束,这种复点方法为非约束复原法。

3.3.1 非约束复原的代数方法

由前面介绍的图像退化模型可知,其噪声项为

$$n - g - Hf \tag{3.38}$$

在并不了解噪声項 n 的情况下,希望投到, 个f, 使得 Hf 在最小:乘方意义 \vdash 来说近似于g, 也就是说,希望找到一个f的估计 \hat{f} , 使得

$$\|\mathbf{n}\|^2 = \|\mathbf{g} - \mathbf{H}\hat{\mathbf{f}}\|^2 \tag{3-39}$$

为最小,由定义可知

$$\|\mathbf{n}\|^2 = \mathbf{n}^T \mathbf{n}$$

$$\|\mathbf{g} - \mathbf{H}\hat{\mathbf{f}}\|^2 = (\mathbf{g} - \mathbf{H}\hat{\mathbf{f}})^T (\mathbf{g} - \mathbf{H}\hat{\mathbf{f}})$$
(3-40)

求 $\|\mathbf{n}\|^2$ 最小等效于求 $\|\mathbf{g} - \mathbf{H}\hat{\mathbf{f}}\|^2$ 最小,即

$$J(\hat{\mathbf{f}}) = \left\| \mathbf{g} - \mathbf{H}\hat{\mathbf{f}} \right\|^2 \tag{3-41}$$

实际上是求J(f)的极小值问题。来式(3-41)极小值的方法可以采用 般的來极值的 方法排行处理。把J(f)对(f)微分,并使结果为零。即

$$\frac{\partial J(\hat{f})}{\partial \hat{f}} = -2H^{T}(g - H\hat{f}) = 0 \qquad (3.42)$$

由式 (3 42) 可推导出

$$\mathbf{H}^{\mathsf{T}}\mathbf{H}\hat{\mathbf{f}} = \mathbf{H}^{\mathsf{T}}\mathbf{g}$$
 (3-43)

RO

$$\hat{f} = (\mathbf{H}^{\mathsf{T}} \mathbf{H})^{\mathsf{T}} \mathbf{H}^{\mathsf{T}} \mathbf{g} \tag{3.44}$$

令M-N, 因此, H为 ·方阵, 并且设H · 存在, 则可求得 \hat{f} , 即

$$\hat{f} = H^{-1}(H^{T})^{-1}H^{T}g = H^{-1}g$$
 (3-45)

以上就是在非约束条件下,利用最小一乘方推则和线性代数的方法,求取原图像信号的最近似值 \hat{f} 的推导过程。

3.3.2 逆滤波复原法

送滤波复原法也叫做反向滤波法,其主要过程是首先将要处理的数字图像从空间域转换 到傅里叶频率域中,进行反向滤波后再由频率域转换到空间域,从而得到复原的图像信号, 基本原理如下。

如果退化图像为g(x,y),原始图像为f(x,y),在不考虑噪声的情况下,其退化模型用式(3-11)表示,现在将其重写如下

$$g(x,y) = \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} f(\alpha,\beta)h(x-\alpha,y-\beta)d\alpha d\beta$$

上式两边进行傅里叶变换得

$$G(u,v) = F(u,v)H(u,v)$$
 (3.46)

式中,G(u,v),H(u,v),F(u,v) 分别是退化图像 g(x,y),点扩散函数 h(x,y), 原始图像 f(x,y) 的傅里叶交换。

由式(3-46)以及傅里叶逆变换公式可得

$$F(u,v) = \frac{G(u,v)}{H(u,v)}$$
(3-47)

$$f(x,y) = F^{-1}[F(u,v)] - F^{-1}\left[\frac{G(u,v)}{H(u,v)}\right]$$
(3-48)

式中, H(u,v)可以理解为成像系统的"滤波"传递函数。在绿坡中系统的传递函数与原图 像信号相乘实现"正向滤波", 这里G(u,v)除以H(u,v)起到了"反向滤波"的作用。这意味 着,如果已知退化图像的傅里叶变换和"滤波"传递函数,则可以来得原始图像的傅里叶变 换, 经反傅里叶变换就可求得原始图像 f(x,y)。 这或是滤滤波复原法的基本原理

前面为了分析问题的简化,没有考虑噪声的影响。在有噪声的情况下,逆滤波复原法的 基本原理可写成如下形式

$$G(u,v) = F(u,v)H(u,v) + N(u,v)$$
 (3.49)

$$F(u,v) = \frac{G(u,v) - N(u,v)}{H(u,v)}$$
(3-50)

式中, N(u,v) 是噪声 n(x,y) 的傅里叶变换。

由于在逆滤波复版公式(3 48) 中,H(u,v)处于分母的位置上、利用式(3 49)和式(3 50)进行图像复原处理时可能会发生下列情况。即在u,v年面上有些点域区或会产生H(u,v)中の或H(u,v)事常小的情况。在这种情况。即使没有最声,也无法精确地恢复

f(x,y). 另外, 在有噪声存在时, 在 H(x,y) 的领域内, H(x,y) 的值可能比 N(u,v) 的值 小得多, 因此由式 (3 50) 得到的噪声项可能会非常大,这样也会使 f(x,y) 不能正确 恢复。

一般来说。遠途被髮腕法不能正确她估計H(u,v)的零点。因此必须采用一个折中的方 法进行解决。实际上,速滤波不是用 $I^{*}H(u,v)$,而是采用另外一个关于u,v的函数 M(u,v),它的处理年期如图 3.5 所示。



图 3 5 实际的逆滤波处理框图

在没有零点并且也不存在曝声的情况下。有

$$M(u,v) = \frac{1}{H(u,v)}$$
 (3-51)

閏 3 5 的模型包括了退化和恢复运算。退化和恢复总的传递函数可用H(u,v) M(u,v) 来 表示。此时有

$$\hat{F}(u,v) - [H(u,v)M(u,v)]F(u,v)$$
 (3.52)

式中、 $\hat{F}(u,v)$ 是F(u,v) 的估计值: $\hat{F}(u,v)$ 起 $\hat{f}(u,v)$ 的傳里中变換: H(u,v) 是輸入传递函数: M(u,v) 是处理传递函数: H(u,v) M(u,v) 是輸出传递函数。

取情况下,可以将图像的退化过程视为 个具有一定带宽的带通滤波器,随着对单等的月高,流滤波器的带通特性很快下降,即H(u,v)的樂度随着u,v平面点点的距离的增加而退速下降,向暖ь项N(u,v)的礦度变化是比较平镀的,在达离u,v平面的原点时N(u,v),H(u,v)的值就会变得很大,而对于大多数图像来说,F(u,v)起变小,在这种情况下,噪声反而占优势,自然无法满意地恢复出原始图像。这一规律说明,应用逆流波时仅在原点领域内采用 1/H(u,v) 方能有效。换句话说,应使M(u,v) 在下述范围内洗涤

$$M(u,v) = \begin{cases} \frac{1}{H(u,v)} & u^2 + v^2 \leq w_0^2 \\ 1 & u^2 + v^2 > w_0^2 \end{cases}$$
 (3 53)

式中, w_0 的选择应该将H(u,v)的零点排除在此领域之外。

实验证明,当变质图像的信噪比较高,如信噪比 SNR=1000 或更高,而且轻度变质时,逆滤波复原方法可以获得较好的效果。

3.4 有约束复原

为了在数学上更容易处理,通常在无约束复原方法的基础上附加 定的约束条件,从而 在多个可能结果中选择一个最佳结果,这便是有约束复原方法。

3.4.1 最小二乘类约束复原

无约束复原是除了使准则函数 $J(\hat{\mathbf{r}}) = [\mathbf{g} - \mathbf{H}]^T$ 最小外,再没有其他约束条件。[冯此只需要了解退化系统的传递函数或点扩展函数 \mathbf{H} ,就能利用式 (3.44) 或式 (3.45) 进行复原。但是由于传递函数 \mathbf{H} 奇异性的问题,复原只能周限在攀近原点的有限区域内进行,这就使得无约束复版方法具有较大的局限性。

是今、藥契约束复原是指除了電東了解关于逆化系統的传递函数 H 之外, 还需要知道 基性噪声的统计物性或噪声与图像的某些相关情况。根据所了解的噪声先验知识的不同, 应 采用不同的约束条件, 可得到不同的图像复质技术。

在最小:乘类约束复原中,复原问题表现为在满足 $[n]^2 = [g \ Hf]^2$ 的约束条件下,要设法 寻找一个最优估计 \hat{f} ,使得形式为 $[O\hat{f}^2 = [n]^2$ 的函数最小化。对于这类问题的有约束最小化 问题,通常采用拉格朗日乘数法进行处理。即 寻找一个 \hat{f} ,使得如下准则函数最小。

$$J(\hat{f}) = \|\hat{g}\hat{f}\|^2 + \lambda \left(\|g - H\hat{f}\|^2 - \|u\|^2\right)$$
 (3.54)

式中,Q为 \hat{f} 的线性算子, λ 为一常数 (称为拉格朗日乘子)。对式 (3 54) 求导,可得

$$\frac{\partial}{\partial \hat{\mathbf{f}}} J(\hat{\mathbf{f}}) = 2 \mathbf{Q}^{\mathsf{T}} \mathbf{Q} \hat{\mathbf{f}} - 2 \lambda \mathbf{H}^{\mathsf{T}} (\mathbf{g} - \mathbf{H} \hat{\mathbf{f}}) = 0 \qquad (3-55)$$

$$\hat{f} = \left(\mathbf{H}^{\mathsf{T}}\mathbf{H} + \frac{1}{\lambda}\mathbf{Q}^{\mathsf{T}}\mathbf{Q}\right)^{\mathsf{T}}\mathbf{H}^{\mathsf{T}}\mathbf{g} \tag{3.56}$$

 $\diamondsuit \gamma = 1/\lambda$, 得

$$\hat{f} = (\mathbf{H}^{\mathsf{T}} \mathbf{H} + \gamma \mathbf{Q}^{\mathsf{T}} \mathbf{Q})^{-1} \mathbf{H}^{\mathsf{T}} \mathbf{g}$$
 (3-57)

常數 λ 必须反复迭代齐整,直到满足约束条件 $\|\mathbf{n}\|^2 - \|\mathbf{g} - \mathbf{H}\hat{\mathbf{f}}\|^2$ 。求解式(3·57)的关键 旅县如何选用一个合适的变换矩阵 \mathbf{G} 。

相对于无约束问题,有约束条件的图像复原更符合图像退化的实际情况,因此其适应面更加广泛。对式(3 57)。若选择不同形式的Q 矩阵,则可得到不同类单的有约束最小 乘方类图像复原方法。如果采用图像f 和噪声的自相关矩阵 R_f 和 R_g 表示Q,就可以得到维纳滤波复原方法。若采用拉普拉斯算子形式,即使某个函数的 阶导数最小,那么也可推导出有约束备小平方复原方法。

下面是最小:乘滤波复原的 MATLAB 应用,如图 3 6 所示。 程序代码如下:

I=imread('F:\image\lena.bmp'); %读取原始图像

LEN=31.

%图像的模糊化

THETA 11.

PSF1=fspecial('motion', LEN, THETA),

PSF2=fspecial('gaussian', 10,5);

Blurred1 imfilter(1,PSF1,'circular', conv'), Blurred2 imfilter(1,PSF2 'conv')

%植糊化图像加聯

V 002-

BlurredNoisy1=imnoise(Blurred1,'gaussian',0,V);

BlurredNoisy2=mnoise(Blurred2, 'gaussian', 0, V);

figure,

subplot(1,3,1);imshow(1)

title(' lena ')

%用真实的 PSF 函数和噪声强度作为参数进行图像复原

NP-V*prod(size(1));

reg1 deconvreg(BlurredNoisy1,PSF1,NP);

reg2 -deconvreg(BlurredNoisy2,PSF2,NP);

figure

subplot(1,3,2);imshow(reg1);

title('Restored1 with NP')

figure;

subplot(1,3,3) ,imshow(reg2),

title('Restored2 with NP')







图 3 6 用真实的 PSF()函数和噪声强度作为参数的约束最小、乘滤被复除 a) 虽然图像 b)BlarredNosy1 "motion" c)BlarredNosy2 "gaussian"

3.4.2 维纳滤波

在 稅情之下, 图像信号可近似为平稳随机过程, 维纳滤波的基本原理是海原始图像 f 和对点始图像的信计 f 看为随机变量, 按照使 f 和估计值 f 之间的均方误差达到最小的准则 实现图像复原, 即

 $e^2 \cdot E\{[f(x,y) \mid \hat{f}(x,y)]^2\}$ (3.58)

式中, E[·]表示数学期望。

设 R_f 和 R_n 分别是f和n的自相关矩阵,定义如下:

 $\mathbf{R}_{f} = E(\mathbf{f}\mathbf{f}^{\mathsf{T}}) \tag{3-59}$

 $\mathbf{R}_{n} = E(\mathbf{n}\mathbf{n}^{\mathsf{T}}) \tag{3-60}$

根据上述定义可知, R_f 和 R_s 均为实对称矩阵。在大多数实际图像中,相近像紊点是高度相关的,向距离较远的像紊点的相关性则相对较弱。通常情况下,无论是f还是n,其元素之间的相关不会延伸到 20~30个像紊的距离之外。因此, 般来说,自相关地阵 R_f 和 R_s 在上对角线附近有一个非零元素区域,向矩阵的右上角和左上角的区域内将接近零值。如果像素之间的相关是像索距离的函数,而不是像素位置的函数,则可将 R_f 和 R_s 证似为分块循环矩阵。因而,用循环矩阵的对角化,可写成如下形式;

$$\mathbf{R}_f - \mathbf{W} \mathbf{A} \mathbf{W}^{-1} \tag{3-61}$$

$$R_n = WBW^{-1} \tag{3-62}$$

W 为 $MN \times MN$ 矩阵,包含 $M \times M$ 个 $N \times N$ 了矩阵。以 $W(\iota, m)$ 表示 W 的 ι 和 m 列分块矩阵,则

$$W(\iota, m) = e^{\frac{2\pi}{M}m}W_N$$
 $\iota, m = 0, 1, 2, \dots, M-1$ (3.63)

 W_N 是 $N \times N$ 矩阵, 以 W(k,n) 表示 k 行 n 列元素, 则有

$$W_N(k,n) = e^{\frac{2\pi}{M}kn}$$
 $k, n = 0,1,2,\dots, M-1$ (3-64)

矩阵 A、B 的元素分别为矩阵 R_f 和 R_s 中的自相关元素的傅里叶变换,这些自相关的傅里叶变换分别定义为 $f_s(x,y)$ 和 $n_s(x,y)$ 的谐密度 $R_f(u,v)$ 和 $P_s(u,v)$ 。

定义 $Q^TQ = R_c^T R_a$ 代入式 (3 57), 则

$$\hat{f} - (H^{T}H + \gamma R_{f}^{-1}R_{n})^{-1}H^{T}g$$

$$= (WD * DW^{-1} + \gamma WA^{T}BW^{-1})^{-1}WD * W^{-1}g$$

因此可得

$$W^{-1}\hat{f} = (D * D + \gamma A^{-1}B)^{-1}D * W^{-1}g$$
 (3-65)

若M=N,则有

$$\hat{F}(u,v) - \frac{H(u,v)^2}{H(u,v)^2} + y \frac{F_{\nu}(u,v)}{F_{\nu}(u,v)}$$

$$= \frac{1}{H(u,v)^2} - \frac{|H(u,v)|^2}{|F(u,v)|} + y \frac{F_{\nu}(u,v)}{F_{\nu}(u,v)} G(u,v) \quad u,v = 0,1,2,\dots,N-1 \quad (3-66)$$

 $Z_{\gamma-1}$. 则称为维纳滤波器,当无噪声影响时,由于 $P_{e}(u,v)=0$. 则退化为迹滤波器,又称为理想的逆滤波器,因此,逆滤波器是维纳滤波器的一种特殊情况,需要注意的是,

y=1 并不是存有约束条件下的最佳解,此时并不满足约束条件 $\|\mathbf{n}\|^2 - \|\mathbf{g} - \mathbf{H}f\|^2$ 。 程y 为变参数,则称为变参数维纳滤波器。Slepian 格维纳夫卷积堆广用 千处理卷积计算 效率的 f 沃。

数,则称为更参数理别認改益。Siepian 特理纳太苍标律,用于处理苍积计算效率的方法。 维纳去卷积提供了一种在有噪声情况下导出去卷积传递函数的最优方法,但下面的一个

问题限制了它的有效性。 1) 当图像复原的目的是供人观察时,方均误差(MSE)准则并不是一个特别好的优化 准则。这是因为 MSE 准晚不管其在图像中的位置,对所有误差都赋予同样的权,而人限见

这些四方 MSE 在呢个官具在附缘中的包查,对所有误差都概字问样的权,则人眼儿。

对胎处和高梯度×域的误差比其他区域的误差具有较大的容忍性。由于使方均误差量小化。 因此维纳滤波器以一种并非最适合人服的方式对图像进行了平滑。

- 2) 经典的维纳去装积小能处理具有空间可变点扩散函数的情形。如存在其差、散差、 表面像场弯曲以及何含能转的运动模糊等情况。
- 3) 这种技术不能处理非平稳信号和噪声的 般情形。许多图像都是高度非平衡的。 有着被陡峭边缘分开的人块平坦区域。此外,一些重要的噪声源具有与局部灰度有关的 特件。

下向是维纳滤波复原的 MATLAB 应用,如图 3-7 所示。







图 3-7 采用直尘 PSF() 函数的维纳或按复质(FF等声)

a) 总统图像 b) Blurred-"motion" c) Blurred "gaussian"

程序代码如下:

[=imread('lena.bmp'):

LEN 31:

THETA II.

PSF1 fspecial('mot.on', LEN, THFTA),

PSF2 fspecial('gaussian', 10,5),

Blurred! :imfilter(1,PSF1, circular', conv'),

Riumed2=umfilter(LPSE2.'conv.)

V= 002

BlurredNoisy1=imnoise(Blurred1, 'gaussian', 0, V'),

BlurredNoisv2 :imnoise(Blurred2,'gaussian',0,V),

figure.

subplot(1,3,1);;mshow(I);

title('lena').

wnr1=deconvwnr(Blurred1,PSF1).

wnr2=deconywnr(Blurred1.PSF2).

figure;

subplot(1,3,2);imshow(wnr1),

title('Restored1, True PSF'),

figure,

subplot(1,3,3) ;mshow(wnr2);



title('Restored2, True PSF')

从复原的為像来看,对于运动引起的機輔图像的复原效果要封于因 gaussian 模糊的铝像 复惠的效果。但这是何定得先知道引起模糊的精确点扩散函数。实际图像处理时,大多数情 况下无法律确得知精确点扩散函数。 搬采用估计的 PSF()函数来复点图像。►面的例可是 针对运动引起的图像模糊,利用估计的点扩散函数。相对 J 真实的点扩散函数,分别采用了 讨大的榕蝴斯图象参数到大的模糊运到方面鱼取参数。如图 3 8 所示。





图 3-8 利用估计的 PSFO函数复原模糊图像(无噪声,

a) 过大的棕榈直高参数 b) 过大的模糊运动方向角度参数

BlurredNoisy 1=imnoise(Blurred1, 'gaussian', 0, V),

BlurredNoisy2 imnoise(Blurred2, 'gaussian', 0, V),

wnr3=deconvwnr(Blurred1,PSF1);

wnr3=deconvwnr(Blurred1,fspecial('motion',2*LEN,THETA)), wnr4=deconvwnr(Blurred1,fspecial('motion',LEN,2*THETA)),

wnr4=deconvwnr(Blurn

subplot(1,2,1),imshow(wnr3); title('Restored1.True PSF').

figure,

r.Pores

subplot(1,2,2);imshow(wnr2); title('Restored2.True PSF')

除了利用以上参数进行图像复原,MATLAB 还提供了利用图像的自相关信息来提高图像复原质量的方法,这需要提供信号的自相关函数 ICORR()和噪声的自相关函数 NCORR()。

程序代码如下:

NP (V*prod(size(I))) ^2,

NPOW =sum(NP(+))/prod(stze(I)), %噪声功率

NCORR=fftshift(real(ifftn(NP))), %噪声自相关函数 (ACF)

IP abs(fftn(um2double(1))) ^2;

IPOW=sum(IP())vprod(size(I));%原始图像的功率

ICORR=fftshift(real(ifftn(IP))); %图像自相关函数(ACF)

wnr5 deconvwnr(BlurredNoisy1,PSF1,NCORR,lCORR),

wnr6-deconvwnr(BlurredNoisy2,PSF2,NCORR,ICORR),

figure;

subplot(1,2,1);imshow(wnr5);

subplot(1,2,2);imshow(wnr6)

图像复原结果如图39所示。





图 3-9 利用自相关信息进行图像复原

a) BlurredNotsy-"motion" b) BlurredNotsy-"gausstan

3.4.3 Lucy_Richardson 滤波复原

Lucy Richardson 算法是目前应用最广泛的图像复原技术之 , 采用选代的方法。 Lucy Ruchardson 算法能够按照沉待检查产统计标准来此 , 始定 PSF 卷积后,最有可能成为输 入模糊图像的图像。当 PSF 已知,但图像要声信息未知时,也可以使用这个函数进行有效的 工作。从成像方程和 Poissian 统计可以有如下推导。

$$I(i) - \sum P(i \setminus j)O(j) \qquad (3-67)$$

式中,O是原始图像,P(t-j)是 PSF()系数;I是 λ 噪声模糊图像。在已知I(i)时,在每个像源点估计D(i)的联合似然函数为

$$\ln \prod = \sum D(i) \ln I(i) - I(i) - \ln D(i)!$$
 (3-68)

当式 (3-68) 存在时,最大联合似然函数的解存在。

$$\frac{\partial \ln \prod}{\partial O(j)} - \sum_{i} \left[\frac{D(i)}{I(i)} - 1 \right] P(i \setminus j) = 0 \qquad (3-69)$$

则可得 Lucy_Richardson 迭代式,即

$$O_{\text{new}}(j) = O(j) \sum P(i \setminus j) \frac{D(i)}{I(i)} / \sum P(i \setminus j)$$
 (3-70)

可以看出每次迭代时,都可以提高解的似然性,随着迭代次数的增加。最终将会收敛在 具有最大似然性的解处。

MATLAB 提供的 deconvlucy()函数,就是利用加速收敛的 Lucy Richardson 算法对图像 进行复原。deconvlucy()函数还能够用于实现复杂图像重建的多种算法中,这些重建算法都是 基于原始 Lucy Richardson 最大化可能性算法。deconvlucy()函数的调用方式如下:

- J=deconvlucy(I,PSF)
- J=deconvlucy(I.PSF,NUMIT)
- J-deconvlucy(I,PSF,NUMIT,DAMPAR)
- J-deconvlucy(I,PSF,NUMIT,DAMPAR,WEIGHT)
- J-deconvlucy(I,PSF,NUMIT,DAMPAR,WEIGHT,READOUT)
- J-deconvlucy(LPSE_NUMIT.DAMPAR.WEIGHT.READOUT.SUBSMPL)
- J-deconvlucy(I,PSF, NUMII,DAMPAR,WEIGHI,READOUI,SUBSMPL)

其中, 1表示输入图像。PSF表示点扩散函数。其他参数都是可选参数。NUMIT表示算 法的重复次数,默认值为10; DAMPAR表示编差阈值。默认值为0(无偏差); WEIGHT表 示像素加权值,默认值为16始图像的数值; READOUT表示噪声矩阵,默认值为0: SUBSMPL表示子采样时间,默认值为1。

deconvlucy()函数的输出 J是 个单元数组、包含 4 个元素: output(1),原始输入图像: output(2),最后 "次反复产生的图像: output(3),l) 数第 次产生的图像; output(4), deconvlucy 函数用来获知重新起始点的内部信息。输出的单元数组可以作为输入参数传递给 deconvlucy 函数,从而重新开始反复计算过程。

噪声痕迹是最大化可能性数据逼近算法的常见到题。经过多次重复处理,尤其是在低信 噪比条件下,重建图像可能会出现一些斑点,这些斑点并不代表图像的真实结构,是输出各 像过于通近噪声所产生的结果。要有效控制这些痕迹,可以使用 deconvlucy 函数的收敛参数 DAMPAR、该参数指定了收敛过程中结果图像与原始图像背离程度的阈值。对于那些超过阈 值的数据,将不再允许进行反复计算。

图像复原的另一复杂之如是那些可能包括环像素的数据。可能会随时间和位置的变化的 变化。这样,可以通过 deconvlucy()函数的 WEIGHT 数组参数,指定图像中可以忽略的某²⁴ 像金、旅游等必略的像者对应 WEIGHT 参照于意,罗罗为 0.

檢測器中的噪声由兩部分组成, 是呈拍松分布的光子计算噪声: 是镜头呈高斯分布 的水取噪声。在利用 Lucy Richardson 算运进打图像复源的过程中可以声明第 ·种类型的噪 点,但是第 种噪声情况用户必须自己声明,deconvlucy()函数使用 READOUT 参数指定噪 再类型,其值通常是读取噪声变量和背景噪声变量的总和,其数值的大小将指定能够确保所 有数值为比較的偏移量。

如果对采拌不足的数据进行重建,而重建过程建立在一个较好的网格操作基础上、则重 建效果放可以大大提高。如己如 PSF 具有较高的分辨率,则 deconvlucy()函数使用 SUBSMPL 会数指定课程不足的比例。

另外, PSF 还可以通过观察像案偏移或光学模型技术获得。这种方法对高信噪比图像尤 为有效, 因为目标图像可以被有效地限制在像素的中心位置。如果图标图像位于两个像素之 向, 那么它将被作为领域像素的组合进行重建。 一个好的网络将会使目标图像扩散流序列重 新确间图像的中心。

下面给出实例说明 deconvlucy()函数的具体使用方法。

以下程序段首先读取原始电路板图像。如图 3 10a 所示。然后对原始图像进行加载模糊 化, 仿真传输失真现象。如图 3 -10b 所示。对模糊图像调用 deconvlucy()函数进行图像复 版, 得到如图 3-10c 所示的结果。



l=imread('board.tif');

I=I(50+[1 256],2+[1 256],),

figure,imshow(I),title('Original Image');

PSF=fspecial('gaussian',5,5);

Blurred=imfilter(I,PSF,'symmetric','conv'), V= 002

BlurredNoisy imnoise(Blurred, 'gaussian', 0, V);

figure_imshow(BlurredNoisy):title('Blurred & Noisy'):

luc1=deconvlucy(BlurredNoisy,PSF,5), figure:imshow(luc1):title('Restored Image,NUMIT=5')-







图 3 10 原始图像油噪及恢复

a) 原始图像 b) 模糊加嗪 c) 恢复图像

deconvlucy()函数的其他參數调用方法及其效果与前面两个图像复原函數类似,不再赘述。

3.4.4 盲解卷积复原

前面几种图像复原万法都是在知道模糊图像的点扩展函数的情况下进行的。而在实际应用中,通常都要4个知道点扩展函数的情况下进行图像复原。 盲解卷积复原或是在这种应用 育景下提出的。 盲解卷积复原总是相见。 有景下提出的。 百解卷积复原总是相见。 有景下, 自然是一个, 自然是一个,, 自然是一个, 自然是一个, 自然是一个,也是一个,我们是一个,也是一个,也是一个,也是一个,我们,我们是一个,我们是一个,我们是一个,我们是一个,我们是一个,我们是一个,我们是一个,我们是我们是一个,我们是一个,我们是我们是一

MATLAB 7.0 提供「deconvblind()函数用于实现官解卷积、该函数类似于加速收敛 Lucy-Ruchardson 對法的执行过程。同时要重建图像和 PSF。自解卷积算法 一个很好的优点就是,在 对失真情况(包括噪声和模糊)毫无先验知识的情况下。仍然能够实现对模糊图像的复原操 信。同时, deconvblind()函数与 deconvlucy()函数 样, 也可以用于实现多种复杂图像重建修 改算法, 向这些算法都是以原始 Lucy-Richardson 最大化可能性算法为基础的。

deconvblind 函数的调用格式如下:

- [J, PSF]= deconvblind(I, INITPSF)
- [J, PSF] deconvblind(I, INITPSF, NUMIT)

- IJ. PSF1- deconvblind(I, INITPSF, NUMIT.DAMPAR)
- [J, PSF] deconvblind(I, INITPSF, NUMIT, DAMPAR, WEIGHT)
- I.I. PSF1= deconvblind(I, INLTPSE, NUMIT, DAMPAR, WEIGHT, READOUT)

其中,I 表示输入图像、INITPSF 表示 PSF 的估计值,NUMIT 表示算法重复次数, DAMPAR 只表示偏移调值。WEIGHT 用来屏蔽环像赛,READOUT 表示要声解弃。输出参 数J表示复原后的图像,PSF与INITPSF 具有相同的人小,表示重建点扩散函数。

卜面将通过几个程序代码实例来说明 deconvblind()函数的使用方法。

1. 图像模糊化

首先利用以下程序段、读取原始图像、如图 3 11 所示、然后生成如图 3 12 所示的广扩展函数 PSF, 再对图像进行模糊化、模糊结果如图 3 13 所示。



图 3-11 順於图像



图 3 12 真实 PSF



图 3-13 糖糖后的医像

I imread('cameraman tiP), figure_imshow1),title(Original Image), PSF=*fspecial('motion', 13,45), figure_imshow(PSF,[]).titlet True PSF'), Biurred=imfiater(LPSF,'crec', com), figure_imshow(Blurred);title('Blurred Image');

2. 图像复原

在调用 deconvoltind()函數进入图像复点时,INITPSF 的人小是非常重要的 个指标。在 实际应用中,通过分析,都是使用不同人小的 PSF 对图像进行重键,从中选择 个最合适的 PSF 值。以下程序段以真实人小的 INITPSF 进行图像复原,得到初步复原结果,如图 3 14a 所示。同时初步重建 PSF,如图 3 14b 所示。

INITPSF=ones(size(PSF)),

[JP]=deconvblind(Blurred,IN1TPSF,30),

figure,imshow(J);

figure,imshow(P,[], notruesize');

下而是利用 WEIGHT 数组对权值矩阵物像进行重建,得到如图 3 15 所示的复原结果。 业务、以看, 复原后的图像消除了"环"的存在,但是复原结果仍然有一定的失真。

程序代码如下:

WEIGHT=edge(I,'sobel',.28), %sobel 算子边缘提取 se!=strelf'disk'.1).



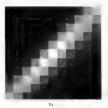


图 3 14 初先复版的图像与初步重建使用的 PSF

a) 初步复原的開像 b) 初步重建使用的 PSF

se2=strel('line',13,45);

WEIGHT"1 'double(imdtlate(WEIGHT,[sel se2])); %膨胀操作, 边界像素设为零

figure;unshow(WEIGHT),

P1 P.%保存数据

P1(find(P1<0.01))=0; %修改 PSF()函数

[J2 P2]-deconvblind(Blurred,P1,50,[],WEIGHT)%利用上面得到的 WEIGHT 进行旨解卷积 figure,imshow(J2);

figure,imshow(P2,[],'notruesize');







图 3 15 图像复原及使用的 PSF

a) 权值矩阵 b) 图像复原 c) 图像复版使用的 PSF

3.5 几种其他图像复原技术

前边已经讨论了几种基本的代数图像复原技术。除此之外,尚存在一些其他的空间图像 复原方法,本节将对这些方法进行一些简单的讨论。



3.5.1 几何畸变校正

在褶像的获取或显示过程中往往会产生几何畸变。例如,成像系统有一定的几何非线性。这主要是由于摄像管、摄像机及明极射线管显示器的打措偏转系统有一定的非线性。因此会形成如图 3 16b c 所示的畸变图像。图 3 16a 为原始图像。图 3 16b 和 3 16c 分别为 批形畸变和摇形畸变。

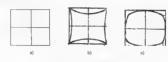


图 3 16 几何畴变
a) 原始图像 b) 校形畸变 c) 栖形蜻变

除此之外,还有由于斜视角度获得的佟像的透视畸变。另外,由 旦星摄取的地球表面的 图像往往覆盖较大的面积,由于地球表面呈球形。这样摄取的平面图像也将会有较大的几何 畸变。对于这些图像必须加以检评。以多影响分析精度。

田成像系统引起的几何畸变的校正有两种方法。一种是预畴变法,这种方法是采用与畸变相反的非线性扫描编转法。用来抵消预计的图像畸变;另一种是所谓的后验校正方法,这种方法是用多项式曲线在水平和垂直方向去拟合每一条畸变的网线,然后求得反变化的校止两数。用这个校正函数即可校正几何畸变的图像。图像的空间几何畸变及 挂钩正讨探如图 3 17 所示。

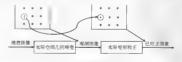


图 3-17 空间几何畸变及其校下的过程

任意几何畸变都可以由非畸变坐标系(x,y)变换乳畸变坐标系(x',y')的方程来定义。方程的一般形式为

$$\begin{cases} x' = h_1(x, y) \\ y' = h_2(x, y) \end{cases}$$
(3-71)

在诱视畸变的情况下, 变换是线性的。即

$$\begin{cases} x' = ax + by + c \\ y' = dx + ey + f \end{cases}$$

设 f(x,y) 是无畸变的原始图像,而 g(x',y') 是 f(x,y) 畸变结果,这一畸变的过程是已 知的,并且用函数 A 和 A 定义。于是有

$$g(x', y') = f(x, y)$$
 (3-72)

这说明在图像中本来应该出现在像素(x,v)上的灰度值由于畸变,实际上却出现在 (x',y')上了。这种失真的复原问题实际 C是映射变换问题。在给定了 g(x',y') , $h_i(x,y)$, $h_{\nu}(x,v)$ 的情况下。其复原处理可按如下的方法进行。

1) 对于 f(x,y) 中的每 点 (x_0,y_0) , 找出在 g(x',y') 中相应的位置 (α,β) $[h(x_0,v_0)]$ $h_{\alpha}(x_{\alpha}, y_{\alpha})$]。由于 α 和 β 不一定是整数,所以通常 (α, β) 不会与g(x', y')中的任何点重合。

 找出 g(x', y') 中与(α, β) 最靠近的点(x', y'), 并且令 f(x₀, y₀) = g(x', y'), 也就是把 g(x',y')点的灰度值赋 $f(x_0,y_0)$ 。如此逐点做下去,直到整个图像,则几何畸变得到校上。

 如果不采用 2) 中的灰度值的代换方法,也可以采用内插法。这种方法是假定(α,β) 点找到后,在g(x',y')中找出包围着 (α,β) 点的 4 个邻近的数字点,(x',y'), (x'_{α},y') , (x', v', 1), (x', 1, v', 1), 并且有

$$\begin{cases} x'_{l} \leq \alpha < x'_{l+1} \\ y'_{l} \leq \beta < y'_{l+1} \end{cases}$$

$$(3.73)$$

式中, f(x,y)中 (x_0,y_0) 点的灰度值由g(x',y')中4个点的灰度值间的某种内插法来确定。

在以上方法的几何畸变校正处理中,如果 (α,β) 处在图像g(x',y')之外,则不能确定其 **龙度值**,而日於正后的图像名半不能保持其原来的矩形形状。

以上讨论的是g, h, h,都知道的情况下几何畸变的校正方法。如果只知道g, 而 h 和点都不知道,但是若有类似的、规则的网格之类的图案可供参考利用,那么就有可能通过 测量 g 中的网格点的位置来决定畸变变换的近似值。

例如,如果给出了3个邻近网格点构成的小:角形,其在规则网格中的理想坐标为 (r,s_1) , (r_2,s_3) , (r_3,s_3) , 并设这些点在 g 中的位置分别为 (u_1,v_1) , (u_2,v_2) , (u_3,v_3) 。由线 件变换关系

$$\begin{cases} x' = ax + by + c \\ y' = dx + ey + f \end{cases}$$
 (3-74)

可认为它把3个点映射到它们畸变后的位置,由此,可构成如下6个方程:

$$u_1 = av_1 + bs_3 + c$$

 $v_1 = dv_1 + es_1 + f$
 $u_2 = av_2 + bs_3 + c$
 $v_2 = dv_2 + es_2 + f$
 $u_3 = av_3 + bs_3 + c$
 $v_3 = dv_1 + es_3 + f$
 $v_4 = dv_1 + es_3 + f$
(3-75)

解这 6 个方程可以求得 a.b.c.d.e.f。这种变换可用来校正 g 中被这 3 点连线包围的 低 形 膝 今分 8 ... 由 时 对 每 3 个 组 的 网 8 占 重智 评 行 ,即可 宣 课 全 無 图 像 的 几 何 醛 变 校 上 。

3.5.2 盲目图像复原

多數的函像复原技术都是以图像退化的某种先验知识为基础,也就是假定系统的脉冲响 应或点扩散函数是已知的。但是,在许多情况下难以确定图像退化的点扩散函数。在这种情况下,必须从观察图像中以某种方式抽出图像退化信息,从而我出图像复原方法。这种方法 或是所谓的盲目图像复原。对具有加性噪声的模糊图像作盲目图像复源的方法有两种,就是 盲接测量法和间接估计法。

自接测量层盲目閣像复原通常要测量图像的模糊脉冲响应和噪声功率错成协方差函数。 存所观察的景物中,往往点光源能直接指示出冲截响应。另外,图像边缘是否陡峭也能用来 推测铁棚冲澈响应。在背景高度相对恒定的区域内测量图像的协方差可以估计出观测图像的 瞬点协方差函数。

间接估计法自目图像复原类似于多图像平均法处理。例如, 在电视系统中, 观测到的第 i 畅图像为

$$g_i(x, y) = f_i(x, y) + n_i(x, y)$$
 (3.76)

式中, $f_i(x,y)$ 是原始图像; $g_i(x,y)$ 是含有噪声的图像; $n_i(x,y)$ 是加性噪声。如果原始图像 在M 帧观测图像内保持恒定,对M 帧观测图像求和,得到的关系如下

$$f_{i}(x, y) = \frac{1}{M} \sum_{i=1}^{M} g_{i}(x, y) = \frac{1}{M} \sum_{i=1}^{M} n_{i}(x, y)$$
 (3-77)

当 M 很人时,式 (3.77) 右边的噪声项的值趋向 F 它的数学期望值 $E\{n(x,y)\}$ 。 般情况 F ,白色高斯噪声在所有(x,y) 上的数学期望都等于零,因此,合理的估计量是

$$\hat{f}_i(x, y) = \frac{1}{M} \sum_{i=1}^{M} g_i(x, y)$$
 (3-78)

以上是利用多幅相同的图像进行平均以实现对加性噪声的消除,同时,盲目图像复原的 间接估计法也可以利用时间上平均的概念去掉图像中的模糊。

3.6 运动模糊图像的复原

3.6.1 模糊模型

由于摄像机和异物之间的相对运动, 往往造成巷取的图像模糊。而且很多受速的非直线 运动一定条件下可以看成是由均匀直线运动介成的, 因此由均匀直线运动所造成的模糊图 像的复属问题更具有普遍意义。

设图像 f(x,y) 作平面匀速直线运动, $\phi_{x_0}(t)$ 和 $y_0(t)$ 分别为x 和y 方向运动的随时间变化的分量。如照相机拍照,胶片上任一点上总曝光量是由快门打开的时间T内所有曝光的积分而得,设快门的开、关足瞬时发生的,且光学成像过程是完善的,则有

$$g(x,y) \cdot \int_{0}^{T} f[x-x_{0}(t),y-y_{0}(t)]dt$$
 (3.79)

对式 (3.79) 进行倾阻时变换

 $G(u,v) = \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} g(x,y) \exp[-j2\pi(ux,vy)] dxdy$

$$= \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{0}^{+\infty} f[x - x_0(t), y - y_0(t)] dt \exp[-j2\pi(ux, vy)] dxdy$$

此处积分次序交换后得

$$G(u,v) = \int_{0}^{T} \left[\int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} f[x \quad x_{0}(t), y - y_{0}(t)] \exp[-j2\pi(u\alpha, vy)] dxdy \right] dt$$

$$= \int_{0}^{T} \left[F(u, v) \exp[-j2\pi(u\alpha_{0}(t) + vy_{0}(t))] \right] dt$$

$$- F(u, v) \int_{-\infty}^{T} \exp\{-j2\pi(u\alpha_{0}(t) + vy_{0}(t))] dt$$

4

$$H(u, v) = \int_{0}^{\tau} \exp{\{-j2\pi[ux_{0}(t) + vy_{0}(t)]\}}dt$$
 (3-81)

则可得到

$$G(u,v) - H(u,v)F(u,v)$$
 (3.82)

(3-80)

$$F(u,v) = \frac{G(u,v)}{H(u,v)}$$
(3-83)

因此, f(x,y) 可由 F(u,v) 的傅里叶变换求得。

3.6.2 水平匀速直线运动引起模糊的复原

如果模糊图像是由景物在x方向上进行水平匀速直线运动造成的,则模糊后图像上仟意点的值为

$$g(x,y) = \int_{0}^{T} f[x - x_{0}(t), y] dt$$
 (3-84)

设图像总的位移为 a,总的运动时间为 T,则运动性质为 $x_0(t) = \frac{a}{\tau}t$,于是有

$$H(u,v) = \int_{0}^{T} \exp[-j2\pi u x_{0}(t)] dt = \int_{0}^{T} \exp[-j2\pi u \frac{a}{T}t] dt = \frac{T}{\pi u a} \sin(\pi u a) \exp(-j\pi u a)$$
 (3-85)

由式(3.85)可见,当 $u=\frac{n}{a}$ (n 为整数)时,H(u,v)-0,在这些点上无法用逆滤液法 恢复原图像,因而需采用其他方法。

由于只考虑x 方向, y 是不变的, 故可暂时忽略 y, 式 (3-84) 可写成

$$g(x) = \int_0^T f[x \mid x_0(t)] dt = \int_0^T f\left(x - \frac{a}{T}t\right) dt$$
 $0 \le x \le L$ (L 为图像的宽度) (3.86)

$$g(x) = \frac{T}{a} \int_{x=a}^{x} f(\tau) d\tau$$

对上式两边求导,有

$$g'(x) = \frac{T}{a}[f(x) - f(x + a)]$$

$$f(x) = \frac{a}{T}g'(x) + f(x - a)$$

(3-87)

式 (3.87) 反映了 f(x) 和 f(x-a) 的递擦关系。因为 g'(x)、T、a 是已知的,因此知道 了长度为 a 的区间上的原始图像,就可以推出整幅图像,可想办法找出一种递归方法来复原图像。

由于图像在x方向上的定义域为 $0 \le x \le L$,多数情况下a << L,因而可近似地认为L = Ka, K为整数。这样将区间[0,L]分成 K个长度为a的子区间,令 $z \in [0,a]$,第m段 f区间中的x值可以表示为

$$x = z + ma$$
 $m = 0, 1, 2, \dots, K - 1$

又令
$$\alpha - \frac{a}{T}$$
, 于是有

$$f(z + ma) = \alpha g'(z + ma) + f[z + (m-1)a]$$
 (3-88)

当m=0时,有 $f(z)-\alpha g'(z)+f(z-a)$ 。

$$\Rightarrow f(z - a) - \phi(z)$$
, $[1]$

m=0 时,有 $f(z)=\alpha g'(z)+\phi(z)$;

m=1 时,有 $f(z+a)=\alpha g'(z+a)+\alpha g'(z)+\phi(z)$ 。

以此类推, 将得到通式

$$f(z + ka) = \alpha \sum_{n=0}^{\infty} g'(z + ka) + \phi(z)$$
 (3-89)

由于g'(x)、 α 、 α 为已知,要求得f(x),只需估计出 $\phi(z)$ 即可。

式 (3-89) 对 $m = 0,1,2,\dots,K-1$, 共 K 项累计加得

$$\sum_{m=0}^{K-1} f(z+ma) = \alpha \sum_{m=0}^{K-1} \sum_{k=0}^{m} g'(z+ka) + K\phi(z)$$
 (3.90)

则有

$$\phi(z) = \frac{1}{K} \sum_{m=0}^{K-1} f(z+ma) - \frac{a}{K} \sum_{m=0}^{K-1} \sum_{k=0}^{m} g'(z+ka)$$
 (3.91)

式 (3.91) 中右边第一项虽然未知,但是当 K 很大时,它趋于 f(x) 的平均值,因此可以把第 项求和式视为一个常量 A,从而有

$$\phi(z) = A - \frac{a}{K} \sum_{n=0}^{K-1} \sum_{k=0}^{\infty} g'(z + ka)$$
 (3-92)

恢复图像 f(z+ma) 为

$$f(z+ma) = A = \frac{a}{K} \sum_{m=0}^{K-1} \sum_{k=0}^{m} g'(z+ka) + \alpha \sum_{k=0}^{m} g'(z+ka)$$
 (3.93)

$$\sum_{k=0}^{m} g'(x - ma + ka) = \sum_{k=0}^{m} g'(x - ka)$$

最后式(3 93)可以表示成

$$f(x) - A + \alpha \sum_{k=0}^{\infty} g'(x - ka) = \frac{a}{K} \sum_{n=0}^{K} \sum_{k=0}^{\infty} g'(x - ka)$$
 3.94)

再引入去掉了的变量 v. 则

$$f(x, y) = A + \alpha \sum_{k=0}^{m} g'(x - ka, y) \cdot \frac{a}{K} \sum_{m=0}^{K} \sum_{k=0}^{m} g'(x - ka, y)$$
 (3.95)

这就是去除由x方向上进行水平匀速直线运动造成的图像模糊后恢复图像的表达式。

考虑到在计算机处理中,多用离散形式的公式,故布将式(3 86)和式(3 95)的离散 形式写为

$$g(x, y) = \sum_{i=1}^{r} f(x - \frac{at}{T}) \Delta x$$
 (3.96)

$$f(x, y) = A + \alpha \sum_{k=0}^{\infty} [g(x - ka, y) - g(x - ka - \Delta x, y)] / \Delta x - \frac{x}{\mu} \sum_{k=0}^{\infty} \sum_{k=0}^{\infty} [g(x - ka, y) - g(x - ka - \Delta x, y)] \Delta x$$
(3.97)

上述运动模糊图像的复原处理如图 3 18 所示。







图 3 18 图像运动模糊与支模糊实例

a) 自給兩億 b) 运动造成的图像模糊 c) Wiener 波波人图像模糊

程序代码加下。

%用 MATLAR 程字字型由于运动造成的图像模糊和去除图像模糊的定例

I imread('F image swan bmp').

figure(1).imshow(1);

%设置运动位移为30个像素 1.FN 30

%设置云动角度为75°

THETA=75.

%建立、维仿连线性运动滤波器 PSF

PSF fspecial('motion', LEN, THETA);

%用 PSF 产生退化图像

MF =:mfilter(1,PSF, circular','conv').

figure(2),imshow(MF),

%用 Wiener 滤波消除运动模糊的图像 wnr=deconvwnr(MF,PSF); figure,unshow(wnr),

3.7 小结



图像在形成、传输和记录过程中,由于受多种原因的影响。图像的质量有所下降、从而引起图像的退化、8(像复原是指利用退化现象的某种无验知。(即退化模型),对已经退化方的图像加工或能和复原。使复原的图像尽量接近原图像。因此、图像复原处理的关键问题是建立退化模型。 在对退化图像进行复原处理时,如果对图像缺乏足够的先验知识,可利用已有的知识和经验对模糊或噪声等退化过程进行数学模型的建立及描述。图像退化过程的先验,因像现代过程的表现,在使用当于引求点扩散的影响问题。

本章在以连续函数和离散函数两种形式介绍了图像退化的一般模型后,接着按非约束复原方法、约束复原方法和其他几种图像复原技术对图像退化的复原技术进行了介绍。

非约束复原方法仅仅要求某种优化准则为最小。 不考虑其他任何约束的复原方法,常用 的有非约束复原的代数方法和遗魂波复原法。所谓非约束复原的代数方法是用线性代数中的 再论解决图像复原问题。通常选择最小:乘方作为优化准则的基础。递滤波复原法也叫做反 向滤波法, 其十要过程是首先将要处理的数字图像从空间域转换到傅里叶频率域中,进行反 向滤波后由玻率域转换到空间域,从而得到复原的图像信号。

有约束图像复原技术除了要求了解关于退化系统的传递函数之外,还需要知道某些噪声的统计特征或噪声与图像的某些相关情况。根据所了解的噪声的先验知识的不同,采用不同的约束条件,从而得到不同的图像复原技术。最常见的方法有约束的最小:乘方约束复原原法、维纳滤波法、有约束最小平方复原和左除由勾通运动引起的模糊。在最小一乘方约束复版法中,为了在数学上更容易处理,常常附加某种约束条件,形成不同的约束条件,就可得到不同类型的有约束量小一乘方图像复原方法。维纳滤波是假设图像信号可近似看成平稳随机使对的消提下,按照使输入图像和复原图像之间的均方误差达到最小的准则函数来实现图像短暂的方法。

除此之外,还存在 些其他的空间惺像复原方法。如几何畸变校正和盲目褶像复原方法。所 第日图像复原法是指从观察阻像中心某种方式抽出退化信息,从而找出图像复原方法。对具有 加性噪声的模糊图像进行 盲目图像复原的方法有两种——直接影響法和向接估计法。

尽管 大多數图像整体上并不稳定,但有许多图像可以被认为是局部平稳的,另外,喷声 医全层限制。偏附像的可能复原程度,特别是在空间高频段。总之,在这个领域中还有很多 工作要做。

习题

- 3 1 國图简述退化的基本模型,并画出框图。
- 3 2 试写出连续退化模型,并解释何为冲激响应函数。

MATLAB 数字图像处理

- 3-3 试写出塞散退化模型。
- 3 4 什么是约束复原? 什么是非约束复原? 在什么条件下进行选择?
- 3 5 试描述最小二乘方复原法。
- 3 6 用数码相机以不同的焦距在同一位置拍摄两张图片,试比较其中透镜引起的几何畸变。
- 3.7 在连续线性位移不变系统的维纳滤波器中,如果假设噪声与信号的功率谱之比为 $s.=(u,v)/s_r(u,v)-|H(u,v)|^2$,试求最佳估计值 $\hat{f}(x,y)$ 的表示式。
 - 3 8 根据图像运动模糊应用举例,自己动手试编写图像移动不同像紊和角度的模糊效果。

第4章 图像处理的相关操作



4.1 图像类型转换

在此将对不同图像类型的相互转换进行介绍,以使读者对图像类型有一个更加清晰 的认识。

在某些图像操作中, 需要对图像类型进行转换。如要对"幅索引色恪像滤波, 首先应格 它转换成真彩色图像或者灰度坠像, 再利用 MATLAB 7.0 对图像的灰度进行滤波, 这就是通 常意义上的滤波。如果不将索引色图像进行转换, MATLAB 7.0 则对图像调色板的序号进行 滤波, 这没有任何意义。为此, 下面将对 MATLAB 7.0 图像处理 L 具箱中常用的类型转换函 数进行说明。

1. ind2rgb()函数

ind2rgb()函数将索引图像转换成真彩色图像,其语法格式为

RGB- ind2rgb (X, map)

或命令将具有调色版 map 的索引色图像 X 转奏成真彩色图像 RGB, 实际实现时就是产生 个 维数组, 然后将索引色图像对应的调色板颜色值赋予:维数组, 输入图像 X 可以是double 或 uint8 类型、输出图像 RGB 为 double 类型。

2. mat2gray()函数

mat2gray()函数用于将一个数据矩阵转换成一幅灰度图像,其语法格式为

- I= mat2gray(A, [amin amax])
- I- mat2gray(A)

这里 I-mat2gray(A, [amin amax])按指定的取值区间[amin amax]将数据矩阵 A 转换为灰度 图像 I, amin 对应杂度 0 (最暗), amax 对应 1 (最亮)。如果不指定区间[amin amax]。 MATLAB 7.0 则自动将数据矩阵 A 中最小的元素设为 amin,最大元素设为 amax。

输入矩阵 4 和输出图像 1 都是 double 类型。实际 L. mat2gray()函数 与后面的 umshow() 有数的功能类似。imshow()函数也可以使数据矩阵可视化。2) 平程序示例用 sobel 算子对图 像滤波、将滤波得到的数据矩阵转换为灰度图像,转换效果如图 4-1 所示。

I=imread('rice.png');
J filter2(fspecial('sobel'),I);

K=mat2gray(J), imshow(I).

figure,

ımshow(K.)





图 4 1 数据矩阵转换为永度图像

a) 除於附像 5) 转移后的图像效果

3. grayslice()函数

grayslice()函数通过设定阈值将灰度图像转换成索引色图像,其语法格式为

- X= grayslice(I, n)
- X= grayslice(I, v)

X grayslice(I, n)命令将灰度為像 I 均匀量化为 n 个等级,然后转换为伪彩色图像 X。X -grayslice(I, v)命令见按挤定的阈值向量 v (每一个元素都在 0~I之间) 对图像 I 的值域进行 划分,而后转换成索引色图像 X。

输入图像 1 可以是 double 或 uint8 类型。如果阈值数量小于 256, 貝,延回剧像 X 的数据 类型是 unt8, X 的位成为[0,n]或[0,length(V)]; 內則, 返回開像 X 为 double 类型, 值减为 [1,n-1]或[0,length(V)-1]。以下程序代码示例将 幅灰度图像转换成索引色图像, 转换效果 如图 4 2 所示。

I=imread(snowflakes png).

X grayslice(I,16),

imview(I)

imview(X,iet(16))



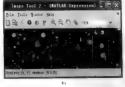


图 4 2 把灰度图像转换成索引色图像 a) 东度图像 b) 索引色图像

4. rgb2gray()函数

rgb2gray()函数用上将一幅真彩色图像转换成灰度图像。其语法格式为

- I= rgb2gray(RGB)
- newmap-rgb2grav(map)

其中, I- rgb2gray(RGB)命令将真彩色图像 RGB 转换成灰度图像 I, 前 newmap-rgb2gray(map)则将彩色调色板 map 转换成灰度调色板。

如果输入的足負彩色图像,图像可以是 uint8 或 double 类型,输出图像 I 与输入图像类型相同。如果输入起调色板,则输入和输出的图像都是 double 类型。

5. rgb2ind()函数

rgb2ind()函数将 RGB 图像转换成索引色图像, 其调用格式为

- [X, map] rgb2ind(RGB,tol)
- [X, map]—rgb2ind(RGB, n)
- [X, map]—rgb2ind(RGB,map)
- [···]=rgb2ind(...,dither option)

支持的输入张像类增有 uint8、uint16 和 double, 如果 map 的长度小于或等于 256, 则输 出图像的类型为 uint8。否则, 输出图像类率为 uint16。以下程序代码说明了该函数的使用情 级、转换效果如图 4-3 所示。

> RGB=imread('peppers png'), imshow(RGB), [X,map]=rgb2ind(RGB,128); figure,





图 4-3 RGB 图像转换成索引色图像

a) 原始 RGB 图像 b) 索引色图像

6. im2bw()函数

im2bw()函数通过设置壳度阈值将真彩色、索引色、灰度图像转换成:值售,其语法格式为

- BW im2bw(I,level)
- BW im2bw(X,map,level)



MATLAB 数字图像处理

BW=im2bw(RGB.level)

以上: 注,命令分別,將永度图像、索引色图像和真彩色图像:值化为图像 BW、Level 是 對 化的阈值。取值在(0.1]之间。輸入图像可以是 double 或 untl 类型、输出图像为 untl 类型 型。以下程序代码示例句、解图像进行、值化处理。处理结果如图 4 4 所示。

> load trees BW=um2bw(X,map,0.4); umshow(X,map) figure,imshow(BW)





图 4-4 ·辐图像进行 值化处理后的结果

a) 索引色图像 b) 值化后的图像

7. ind2grav()函数

ind2gray()函数将索引色图像转换为灰度图像,其调用格式为

I= ind2gray(X, map)

该命令行将具有调色板 map 的索引色图像 I 转换成灰度图像 I, 去掉了图像的色度和饱 和度,仅保留了图像的亮度信息。输入图像可以是 double 或 uint8 类型,输入图像为 double 类型。以下程序代码将 輪索引色图像转换成灰度图像, 结果如图 4-5 所示。





图 4 5 幅索引色图像转换成灰度图像 a) 索引色图像 b) 转化后的灰度图像

程序代码加下,

load trees
I ind2gray(X,map),
umshow(X,man)

figure,imshow(I)

8. dither()函数

通过抖动来转换图像,增加图像的颜色对比度。dither()函数的调用格式为

X=dither (RGB, map)

ımshow(BW)

BW dither (I)

RGB mread('peppers png'), [X.map]~gb2nd(RGB.256); I duther(RGB.map); BW~dther(I); %显示索引色阻像如图 4 6 所示 mshow(RGB.map); figure, %显示対点的影樂阻像如图 4 7 所示

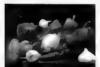






图 4-7 抖动转换图像

4.2 图像数据结构

4.2.1 图像模式

1. 灰度图像

灰度图像是数字图像最基本的形式、灰度图像可以由黑白照片数字得多。或勿恋色路像 进行去色处理得到。灰度图像只表达图像的亮度信息而没有颜色信息。因此,灰度图像的每 个像素点上只包含 个最化的灰度级(即灰度值)、用来表示该点的亮度水平,并且通常用1



个字节(8个 进制位)来存储灰度值。典型的灰度图像如图 4 8 所示。

如果灰度值出 1 个了笔表示。 見可以表示的工整數范围是 0~255, 也就是说,像素次 度值的取值存 0~255 之间, 來度級數为 256。人來对灰度的分辨能力通常在 20~60 级,因 此、 灰度值以字 25 为单位存储医检证了 1,8 触的分辨能力,又符合计算机数据寻址的习惯。 在 特殊应用中,可能需要采用更高的灰度级数,如 CI 图像的灰度级数离达数千,需要采用 12 行成 16 位 进生位存储数据。但这类图像通常都采用专用的显示设备和软件来进行显示和 分理。

2. 二值图像

值图像是灰度图像经过。值化处理的结果。 值图像只有两个灰度级,理论上只需要 1 个 进制位来表示。在文字识别。图样识别等应用中,灰度图像 敬要经过。值化处理得多。值图像, 值图像中的黑和白分别用来表示不需要进 步处理的背景和需要进步处理的前晨目标,以使对目标进行误别。图 4 9 所示为图 4 8 经过 值化处理后得到的值图像。



图 4-8 灰度图像



图 4 9 一位图像

3. 彩色图像

彩色樹像的數据不仅包含亮度信息,还要包含颜色信息。颜色的表示方法是多样化的。 域常见的是"基色模型,如 RGB(Red-Green/Blue, 红 绿蓝) "基色模型,利用 RGB 基 色可以混合成件意颜色。因此, RGB 模型存 各种彩色或像设备和彩色显示设备中使用,常 规的影色图像也都是用 RGB [基色来表示的,每个像套包括红绿蓝 .种颜色的数据,每个 数据用 1 个字节(8 位 连晶位) 表示,则每个像套的数据为 3 个字节(以 24 位 进制。 位元, 这就是人们常说的 24 位真彩色。

4.2.2 颜色空间

1. 颜色分析

在 MAILAB 70 图像处理 具箱中,总是直接、RGB 图像)或者间接、索引色图像) 地使用 RGB 数据来表示感色。但是除了 RGB 颜色模型之外,还有许多其他颜色模型,如 HSV 模型型,这些不利的物能使型域构成了所谓的颜色空间。

颜色模型是 维颜色空间中的一个可见兄子集,它包括某个颜色域的所有颜色。常用的颜色模型有 NTSC(YIQ 颜色空间)、HSV 和 YCBCR 模型等。 F面将主要对 RGB 颜色空间

和 YIQ 颜色空间进行简单的介绍。

(1) RGB 颜色空间简介

RGB 颜色空间是显示和保存彩色图像的最常用的彩色空间,由 R (紅)、G (線) 和 B (蓝)3 个分量组成, 三维空间中的3 个轴分制与之对应。原点对应黑色, 离原点最远的项点对应白色, 其他颜色落于三维空间中。由红、绿和蓝二原色组成的彩色立方体如图 4-10 所示。

(2) YIQ 颜色空间简介

YIQ 颜色空间来源于国家电视标准委员会(NTSC 制式) 彩色电视信号的传输,其中的Y分量代表图像的亮度信息,I、



彩色电视信号的传输,其中的Y分量代表图像的亮度信息,I、 Q两个分量则代表颜色信息,I分量代表从橙色乳青色的颜色变换,而Q分量则代表从紫色

(41)

到黄绿色的颜色变化。 通过把彩色图像从 RGB 颜色空间转换到 YIQ 颜色空间,可以把彩色图像中的亮度信息

通过把彩色图像从 RGB 颜色空间转换到 YIQ 颜色空间,可以把彩色图像中的亮度信息 与色度信息分开,从 RGB 颜色空间到 YIQ 颜色空间的转换公式为

$$\begin{bmatrix} Y \\ I \\ Q \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.299 & 0.587 & 0.114 \\ 0.596 & -0.274 & -0.322 \\ 0.212 & -0.523 & 0.311 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} R \\ G \\ B \end{bmatrix}$$

2. 图像处理工具箱中的颜色转换函数

(1) rgb2ntsc()函数

将 RGB 颜色空间转换成 NTSC 颜色空间,使用 rgb2ntsc()函数,其调用格式为

- yiqmap=rgb2ntsc (rgbmap)
- YIO= rgb2ntsc (RGB)

这里 yiqmap=rgb2ntsc (rgbmap)將 RGB 空间中 m×3 的色彩表 rgbmap 转换战 YIQ 颜色空间中的调色板 yiqmap。YIQ= rgb2ntsc (RGB)将真彩色图像 RGB 转换为 YIQ 颜色空间中的图像 YIO。

(2) ntsc2rgb()函数

ntsc2rgb()函数用于将 NTSC 值转换到 RGB 颜色空间,其调用格式为

- rgbmap=ntsc2rgb (yiqmap)
- RGB ntsc2rgb (YIQ)
- (3) rgb2hsv()函数

rgb2hsv()函数用于将 RGB 模型转换成 HSV 模型, 其调用格式为

- cmap=rgb2hsv(M)
- hsv_image=rgb2hsv(rgb_image)

这里 cmap-rgb2hsv(M) 是将真彩色图像 M 转换为 HSV 颜色空间中的图像 HSV。 hsv_image rgb2hsv(rgb image)将 RGB 颜色空间中 m×3 的颜色表 rgb_image 转换成 HSV 颜色 空间中的调色板 hsv image。

(4) hsv2rgb()函数

hsv2rgb()函数用于将 HSV 模型转换为 RGB 模型,其调用格式为

M hsv2rgb (H)

MATLAB 数字图像处理

- rgb_image=hsv2rgb (hsv_image)
- (5) ycbcr2rgb

ycbcr2rgb()函数用于将 YCBCR 模型转换成 RGB 模型, 其调用格式为

- rgbmap=ycbcr2rgb(ycbcrmap)
- RGB-ycbcr2rgb(YCBCR)

rgbmap-ycbcr2rgb(ycbcmap)將 YCBCR 空间中的调色板 ycbcrmap 转换成 RGB 空间中的 色彩表 rgbmap。 RGB-ycbcr2rgb(YCBCR)將 YCBCR 空间中的图像 YCBCR 转换为真彩色图像 RGB.

4.2.3 数据存储的数据结构



图 4-11 数字图像与图像矩阵

由于数字图像可以表示为矩阵的形式,所以在计算机数字图像处理程序中,通常用 维 数组来存放图像数据,如图 4-12 所示。 . 维数组的行对应图像的高, :维数组的列对应图 像的宽, 维数组的工素对应图像的像素, :维数组元素的值就是像素的灰度值。采用 维 数组来存储数字图像,符合 维数组的行列特性,同时也便于程序的引址操作,使计算机图 像编程十分方便。

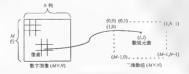


图 4-12 数字图像与 维数组

4.3 线性系统和移不变系统

I 程技术中所应用的绝人多数系统存其 L 作范围内, 其數学模型一般都可以简化为线性系统。这不仅仅是因为线性系统在理论 上 具有成熟的理论体系, 更是因为各种应用系统 (包括各种 L 中应用系统) 在 L 作点朝近其实际运行状态非常接近于理想的线件系统。 及此, 线性系统第用于描述电路系统、光学系统、机械系统、液压系统等。 线性系统理论为数字信号处理、 图像处理、生产自动化、信号采样与滤波以及空间分辨率的研究提供了坚实的数学基础。

4.3.1 线性系统

任何一个实际系统,当给定一个输入信号 u(t),则产生相应的输出信号 y(t),系统的输入 信号与输出信号之间实质上是一种数学运算,可以采用如图 4-13 所示的应用系统模型表示。



图 4 13 应用系统模型

即系统对输入信号 u(t) 的作用产生了输出信号 v(t),这种输入信号与输出信号之间的关系可以采用函数运算的形式加以描述;

$$y(t) = f[u(t)]$$
 (4-2)

对于某 系统, 若给定输入信号 u,(t), 则产生输出信号 y,(t), 即

$$y_i(t) = f[u_i(t)]$$
 $i = 1, 2, \cdots$ (4-3)

当且仅当该系统具有如下性质时:

$$v_1(t) + v_2(t) - f[a_1u_1(t) + a_2u_2(t)] - a_1f[u_1(t)] + a_2f[u_2(t)]$$
 (4.4)

该系统才是线性的。

上述性成表示线性系统应该满足叠加原理。如若输入信号是 N 个信号的线性加权组合。 集油出信号是对上述信号中每一个信号进行同样的线性组合。叠加原理实际上包含了两个性 质,即可加州和齐次性 (又称为比例性)

4.3.2 移不变系统

对于任何一个系统,若给定输入信号u(t),见产生输出信号y(t),即

$$y(t) = f[u(t)]$$
 (4-5)

将输入信号自变量 t 沿坐标轴平移 T 时刻。若满足以下条件:

$$f[u(t-T)] = v(t-T)$$
 (4-6)

即输出信号的函数形式不变,仅仅是输出信号的自变量平移了同样的长度 T. 则称该系统具有移不变性,或称其为移不变系统。

因此, 移不变系统是指系统对于输入信号 u(t) 产生输出信号 y(t), 若输入信号为

MATLAB 数字图像处理

u(t-T)时,则对应的输出信号为y(t-T), 也就是说输入信号延时任意时刻 T, 而幅值却保持不变。若线性系统满足移不变性,则称其为线性移不变系统。

4.4 调用信号分析

为了进 步研究线性系统输入、输出信号之间的规律和特性,可以从研究线性系统对复 指数函数的响应着于。虽然实际系统的输入、输出信号,被都是实数,但复指数函数的实部 和非部分别是余弦信号和正弦信号,它们都是 L业应用中的典型信号形式。因此,复指数信 号对线性系统的研究具有重要的意义。

4.4.1 调谐信号

观察式(4-7)中的复指数信号:

$$u(t) - \cos(\omega t) + j\sin(\omega t) = e^{j\omega t}$$
 (4-7)

式中, $j^2 = 1$ 。

函数u(t)称为调谐信号,它是一个复函数。余弦信号和正弦信号分别是调谐信号的实部和虚部。

4.4.2 对调谐信号的响应

对于线性移不变系统,若输入调谐信号 $u_i(t)$,即

$$u_1(t) = \cos(\omega t) + j\sin(\omega t) - e^{j\alpha t}$$
 (4.8)

则系统响应为

$$y_1(t) = H(\omega, t)e^{\omega t}$$
 (4.9)

若输入调谐信号 $u_2(t)$,即

$$u_2(t) = \cos(\omega(t-T)) + j\sin(\omega(t-T)) = e^{j\sigma(t-T)}$$
 (4-10)

则系统响应为

$$y_2(t) = H(\omega, t - T)e^{j\omega(t-T)}$$
 (4-11)

由于输入信号 $u_1(t)$ 和 $u_2(t)$ 存在以下关系

$$u_1(t) = e^{-\omega t}u_1(t)$$

因此可得

$$e^{y_0T}y_1(t) - e^{-y_0T}H(\omega,t)e^{y_0T} y_2(t)$$

 $y_2(t) = H(\omega,t)e^{y_0(t-T)}$ (4 12)

比较式 (4-11) 和 (4 12), 得到

$$H(\omega, t-T)e^{-y\omega(t-T)} = H(\omega, t)e^{y\omega(t-T)}$$
(4 13)

即

$$H(\omega, t - T) = H(\omega, t) \tag{4.14}$$

式 (4-14) 中由于T取任意值均成立。因此,当 $H(\omega,t)$ 与t无关时,主式才能成立。由

此可得出

$$H(\omega,t) = H(\omega)$$

(4-15)

因此, 可得

$$v(t) = H(\omega)u(t)$$

(4-16)

(4 18)

式 (4 16) 表明, 线性移不变系统对于调谐信号的响应等于输入信号乘以一个函数 $H(\omega)$, 该函数仅仅是频率函数, 即线性系统的调谐信号输入总产生同样频率的调谐信号 输出。

3 系统传递函数

1. 传递函数的形式

对于线性移不变系统,式 (4-16) 描述了輸入信号与輸出信号之间的关系,其中 $H(\omega)$ 称为系统的传递函数。传递函数 $H(\omega)$ 包含了所表示系统的全部特征。

因此, Η(ω) 可表示为如下形式

$$H(\omega) = \frac{y(t)}{u(t)} \tag{4-17}$$

式 (4 17) 可写成极坐标形式

$$H(\omega) = A(\omega)e^{i\phi(\omega)}$$

2. 线性移不变系统对金弦信号的输出

若输入为·个余弦信号, 目今其为某调谐信号的实部, 即

$$u(t) = \text{Re}[\cos(\omega t) + j\sin(\omega t)] = \text{Re}(e^{j\omega t})$$
 (4-19)

则由于系统对调谐输入信号的响应为

$$H(\omega)e^{j\omega t} = A(\omega)e^{j\phi(\omega)}e^{j\omega t} = A(\omega)e^{j(\omega t+\phi)}$$
 (4.20)

因此, 系统的实际输出信号为

$$y(t)$$
 Re $[A(\omega)e^{j(\omega t+\phi)}] = A(\omega)\cos(\omega t + \phi)$ (4.21)

A(ω) 为系统的增益因子,代表系统对输入信号的缩放比例。 φ 为输出信号的相位,其作用是格调谐输入信号的时间學标加以平移。

综上所述, 线性移不变系统具有以下性质:

- 1) 调谐信号输入产生同频率的调谐信号输出。
- 2) 系统的传递函数是 个仅依赖于频率的复函数,它包含了系统的全部特征信息。
- 3) 传递函数对调谐输入信号仅产生幅值的缩放和相位的平移。

4.5 数字图像的显示特性

·般而言、阁像显示是数字图像处理的最后 个步骤,对图像所进行的各种处理完成之后,需要通过显示环节将数字图像转换为便于视觉观看的形式。

4 三1 图像的屏幕循示

数字图像是通过光栅扫描方式和计算机内的帧缓冲存储器在计算机屏幕上进行显示的。

......

例如,若 台订算机的显示器分辨率设定为 640 像素 480 像素,为显示 梅。值图像需 6 640×480 位的帧键存容量,这个容量称为 一个位平面。因此,如果要显示 鵯。256 次度级 的单色图像,则需要配置 8 个位平面,图3 256 40+480 字 节的帧缓存容量。若显示器设置为 800 像素 ×600 像素、1024 像素 ×768 像素或 1280 像素×1024 像素等高分辨率,则所需的帧缓存容量要求相应增大。若需要显示R、G、B 均为 256 级的真影色图像,则需要进行 R、G、B 方 26 合成,因此龄缓存的容量最单绝 756 板海级易示容量的 3 6,

者號性系統允许用户对显示器的分辨率进行设置,则应充分考虑计算机现有的帧级存变 前的容许范围。例如,"现有帧级存的容量为 512KB 时,为显示 256 灰度级的单色数字图 像,最多只能选用 800 像素~600 像素的分辨率。如果选用 1024 像素 758 像素的分辨率、则 图像的灰度级将降至 16 个等级,即 4bit 图像。可以通过增设帧缓存的容量为获取较人的分辨率,需要注意的是,若显示器不具备显示较高分辨率的能力,即使配置了足够的帧级存。 化分殊人能够可能的分辨率。

熟悉帧缓冲存储器的原理和作用之后,则可以通过直接向帧缓存填写图像数据来显示阳 像。需指出的是,每一个像素上的数据存帧缓存上是以位(bit)为单位描述的,而计算机中 数据的输入和输出一般以字节(byte)为单位,因此图像数据中的每一个字节对应显示画面 上横向排列的 8 个像案。

4.5.2 显示特性

图像需通过屏幕显示人眼才可以观察到, 但图像的显示效果是由显示图像的大小、光度、分辨率、低频响应、高频响应、点间距和噪声特件等因离决定的。

1. 显示图像的大小

图像显示系统显示图像尺寸的能力包括显示器物理尺寸和系统可处理的数字图像大小两 个方面。显示器自身的物理尺寸显然决定了可显示图像的天小,因此它应该尽可能大,以便 观察和理解所显示的图像。显示系统能处理的最大数字图像尺寸是图像处理系统的主要指标 之一。显示器物理尺寸大小不足会降低整个图像处理的效果,显示器的物理尺寸必须与特处 理和显示的最大图像的行数及每行像素数相适应。

2. 光度分辨率

显示系统的光度分辨率是指系统在每个像素位置产生正确的亮度或光密度的精度。特别 需要的是,显示数字图像时系统所能产生的离散灰度级数目,它部分依赖于控制每个像系完 度的位数。如果显示器只能处理 4bit 数据,则只能产生 16 种不同的灰度级。相应地,如果 显示器可以处理 8bit 数据,则表示能产生 256 种灰度级。

需要指出的是,设计 个能接收 8bit 数据的显示器并不等同于可以制造一个能真上、可

紫地显示 256 种不同灰度级的系统。

如果显示系统内部的电子噪声达到或超过一个以上的灰度级范围时,那么显示系统灰度 级的有效数目就会有"定程度的减少。一个简单的经验估计方法是根据方均根(RMS)噪声 进行计算,RMS噪声级决定了灰度分辨率的实际下限。例如、若 RMS噪声达划从黑到白总 的显示范围的 1%。则该显示器的实际灰度级可以认为只具有 100 级灰度的光度分辨率,即 使显示系统要多的t 数据。它也只有 100 个有效灰度级。因此,有效灰度级数绝对不会多于 数字数据中的灰度级数。相信可能会少一些。

3. 灰度的线性特性

灰度的线性特性是 个非常重要的显示特性指标。它的含义是显示图像的亮度或密度正 比于输入灰度级的程度。任何显示设备都有 条输入灰度级与输出亮度的变换曲线。为了进 行止确的运算操作,这条曲线应当是线性的,并且保持但定。对包含(需经显影及放大的) 胶片记录器的水久性显示设备来说,必须有精细的质量控制方能得到再现的结果。

需要指出的是,人跟并不是精确的光度计。如果转换曲线中存在轻度的非线性。以及从 開像的 "他到另" "侧 10%~20%的完度明影率变是很难被党宽所捕获的。但如果变换角线的 两端有明确肩部(或趾部),则在壳区(或暗区)可能会丢失信息或导致阳像质量下降。

4. 显示标定

在使用电视监视器进行暂时性显示时,变换曲线部分依赖于监视器的亮度和对比度旋钮 的调整位置。硬拷贝印制机。股在前面板或后面板上有一个以上的调节钮。有时,它们包括 一个用来调整非线性变换曲线形状的设定旋钮。这样就计用户能够改非线性变换曲线以适合 他们的特殊要求或个人习惯。在大多数情况下,这些处理应该是由软件而不是由显示系统来 完成的——显示系统仪起把数据无时加"增强"地显示给操作者的作用。

显示标定能保证所显示的图像正确地表达该数字图像。一幅包含所有灰度级的线条(或 正方形) 灰度测试卡被显示在监视器上或送往图像记录器,然后调整不同的设置以使全部亮 度范围都可见,并且布端均没有灰度级的丢失。一个图像处理系统经过合理的显示标定 后,从破拷贝记录器印制出的给果就与屏幕上显示的图像看起来正好一样,而且它也是数字 图像数据的精确表达。

5. 低频响应

低锅响贮本原 L 是指显示系统再现大块等灰度级区域 (平坦区域)的能力。数字图像处 理技术的目标是使数字处理对图像的视觉效果影响最小,也就是说,希望平坦区域以均匀一 致的完度显示出来。

假设显示亮点具有如下形式的 : 维高斯分布:

$$p(x,y) = e^{-(x^2+y^2)} = e^{-y^2}$$
 (4 22)

式中, r 是从亮点中心量起的径向距离。如果定义 R 为亮度等于最大值 产处的平径, 则,可以将点分布曲线函数写为如下形式:

$$p(r) = e^{-(r \cdot R)^2 \ln 2}$$
 (4 23)

上式可以进一步简化为

$$p(r) = 2^{-(r/R)^2} (4-24)$$

因此, 亮度分布如图 4 14 所示。根据以上推导, 单个点的亮度分布可表示如下:



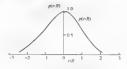


图 4 14 高斯点的高度剖面

$$p(x, y) = 2^{-[(x^2+y^2)/R^2]}$$
 (4-25)

由于高斯点只有在离中心人约研信以上半径的距离时壳度才算至不足其峰值的 1%,因 比除非显示点问距较大才不会发生难叠,距离太小则会发生难叠。注意,点中心与两点中间 位置的壳度差为 12.5%。因此,存在 - 2 R 时 无法给出缴剩平知的区域。

6. 高频响应

对于图像显示特性而言,高辣响应是指系统再现直线图案性能的好坏,系统再现直线图案的性能反映了显示图像细节的能力,显示一种常用的高频测试图案由相距 个像案的明暗 宁春节直线构成,有时被称为"线戏",其中每一线对包括 · 条暗线(由零亮度像紊组成)和相邻的 条壳线(由需壳度像紊组成)。

如图 4 15 所示,在高频竖线图案中,粗黑点代表高亮度的像素,小黑点代表零亮度的 像素。因此,可以得出位于线上的像素中心的亮度为

$$D(0,0) \approx 1 + 2p(d) + 2p(2d) \tag{4-26}$$

而线间像素亮度可以用下式表示:

$$D(1,0) \approx 2p(d) + 4p(\sqrt{2d})$$
 (4-27)

调制系数 M 可用下式表示:

$$M = \frac{D(0,0) - D(1,0)}{D(0,0)}$$
 (4-28)

M 与点间距的关系如图 4 16 所示。根据该曲线,当点间距小于 2R 时,调制深度迅速下降。



图 4 15 高频竖线图案的关键位置



图 4 16 间距对高熵必续图象的影响

7. 点间距的洗择

昱·尔点问距越小,均匀区域的平坦性越好;而问距越大,则越能更好地再现图像细节及 其对比度。因此,就点问距的选择而言。区域平均性与高频响应的要求是 对矛盾。实际选 程时须采取折中方法。具体的折中方案取决于实际图像中高频和低频信息的相对重要性。点 问距可认为是 个在图像处理中必须适当调整的显示参数。

8. 噪声考虑

显示系统的电子噪声可能引起的不利包括显示点位置与亮度两个方面。

(1) 位置噪声

· 种较严重的影响来自偏转电路,即可能引起点显示间距的不均匀。除非极其严重,否则显示位置噪声不会给图像带来视觉系统可观察到的几何畸变。然而, 点相互影响与位置噪声的组合会产生较大的幅值变化, 因为点相互影响效应放大了位置噪声, 要得到对的显示特性必须精确控制像素的位置。

(2) 幅值噪声

如果所有噪声(包括随机噪声和周期性噪声) 報值都低十 个灰度级, 那么总的显示 效果较理想。完度通道的雖机噪声会产生一种"胡椒加盐"(即黑白噪声点)的效果, 在平 即区域中, 尤其明显。而对于与水平或垂直偏转信号相同的周期性噪声, 它可能产生条状 图案。

4.5.3 数字图像的暂时显示

最常见的暂时显示是采用光栅扫描的阴极射线管(CRT)和液晶显示器(LCD)。

对于 CRT, 其像素点的亮度随着位置的不同而变化, 从而产生图像, 显示系统根据存储 的数字图像数据, 用附性地连续扫描和刷新显示点。对于普通的电视监视器若能提供合适的 视频信号, 也可用做数字图像显示器。

LCD 是另一种常用的显示设备。它是一种低电压、低功耗器件,可直接由 MOS IC 驱 动,因此器件和驱动系统之间的配合较好。LCD 的优点是结构简单,平面型,显示面也可任 愈加 E. 而且 LCD 是反射型的,在弯内也很容易看到数字图像。目前,台式计算机、便携、计算机、手表、玩具、计算器、民航候机碑、火车候车家、户外广告,以及测量仅器和航天测控显示等都广泛使用了液温显示设备。

4.5.4 数字图像的永久显示

永久显示是指将图像水久记录在纸或胶片等介质上的过程,其中图像记录器、打印机和 其他图像硬拷贝设备是常用的图像水久显示设备。

1. 抖动技术和彩色印制

(1) 抖动技术

扑动技术是弥补所用颜色不足的 · 个有效办法、即以实心点图案仿真灰度级的处理过程 称为抖动或半影调。 并动技术有多种方式,但不论采用什么方式,所有抖动技术的基本原理 即用直接显示其色彩的像素模式来替换那些色彩不能直接显示的像素。 抖动技术利用 了生活中的 · 个简单原理,人的肉服能将两种不同颜色的相邻像素融合成第 种颜色。 种 抖动方法可能用 · 个蓝色像素与黄色像素交错的模式去替换 块垫的桌桌。这种处理方法称



为模式共动。模式共动存在的问题是有时城组的非相关像素会结合形成被称为人工痕迹的 f 模式, 它们能影响最终的图像。抖动图像的 个更好办法是使用 种叫扩散抖动的技术, 它 不依赖于事先设定的颜色模式, 而是者限于图像中的每一个像赛, 并给它指定。种尽可能与 其除来颜色匹配的新颜色, 然后通过适当的计算以置化新旧颜色之间的差异。并将这种差异 扩散到其相邻像套的颜色中。例如,如果 个像素的新颜色中所包含的红色与绿色。这种对抖 中所怎么的红色与绿色少,则扩散抖动会绘周围的像素中增加适当的红色与绿色。这种对抖 动的适应处理消除了人工度迹开且遗离能产生更好的效果。对如也能用于为打印机这类单色 设备产生家色网像的黑白点迹用。如下影遇处理过程可用于产生报纸上的黑白树上。

(2) 彩色印制

人类的规定系统能独立地感觉红(Red),绿(Green)。蓝(Blue)一个波投光,人眼能 识别的颜色均可由红、绿、蓝通过适当混合来实现,因此它们又称为:基色。例如,彩色 CRT 盤基利田 (这个蜗件。

使钙贝的秘密效果是通过反射光获得的,其图像的基本构成元素是 种颜料,分别吸收 红光、绒光和基光。 在白光下,吸收红光的颜料呈现青色,吸收绿光的颜料呈现晶红色,吸 收笛光的颜料呈现黄色。 理论上,按不同比例混合这「种颜料可以获得任何视觉可见的颜 色。 青色 (Cyan)、品红 (Magenta)、黄色 (Yellow) 称为补色,被用于彩色打印中的「个 基本颜色、这就是所谓的 CMY 系统。

理论 r, 若将等量育色、品红和黄色的颜料混合,由于红、绿、蓝光被它们分别吸收 f, 因而坚现黑色,混合:神补色油得到的黑色被称为合成黑。向稀释的混合物,由于只能吸出。部分入射光由导现出灰色。实际应用中,由于不能产生合适的灰色影调,因此,实际的彩色印刷通常使用潮四种带水 黑(Black)墨水,以保证正确表达灰度信息,这种系统称为CMYK系统或四色印刷法。

2. 永久记录设备

(1) 喷墨打印机

喷墨打印机的输出图像分辨率通常在 300~600dpi 之间。无论是单色还是彩色液体喷墨 打印机,都是通过 组微小喷嘴(安装在可随意组装的夹头上)喷射出墨水流,由于墨水的 不透明性,因此,需要使用抖动技术来产生不同的灰度。墨水喷到纸取片上,干爽后形成

·个个小点,必要时可通过加热来缩短下燥过程,防止墨水在干燥过程中发生浸润。 使用普通纸打印时,墨水干燥之前会在纸上扩散,使打印的像素略有变大,使图像变得

模糊。岩采用专用纸,则可以较好地控制这种现象,使图像更清晰。

(2) 瀚光打印机

激光打印机是目前应用最广泛的高质量打印机,其优点是打印质量高,分辨率高,色彩 转速,隆声低、速度快,不足之处是价格较贵,打印成本高,不能打印多层介质。

滿光打印机是通过电子成像技术进行打印的, 当调制激光束在磷鼓 L 沿轴向扫描时, 根据字符信息的点阵结构, 使磷鼓由感光, 形成负电荷阴影, 在磷鼓向经过带 E 电荷的墨粉 ,感光部分会吸附上墨粉, 并将墨粉转印到纸上, 纸上的墨粉绘加热熔化形成水久性的字符与图像。

(3) 图像记录器

种常用的图像记录器是 CRT 胶片记录器。CRT 胶片记录器实质 L是 个安装在 CRT

显示器前的照相机、当快门打开时、整个图像像套逐个显示以使胶片罐光。它只需要显示 遍,无需肌新 像素亮度的调制有两种方法,可以通过控制显示点的亮度来实现;还可以通 过控制每个像素的显示时间来实现。胶片上像素点的曝光量与曝光强度和曝光时间的乘积成 比例。

(4) 静电绘图仪

....

静电绘图仪是 种利用静电间极相斥、异极相吸的原理进行工作的光栅扫描设备。单色 静电绘图仪是把像素化后的绘图数据输出至静电写头上。静电写头一般是双行排列,写头内 装有许多电极针。写头根据输入信号控制每根电极针所放出的高电压, 绘图纸正好横跨在写 头与背板电极之间,纸张通过写头时,写头便将图像信号转换到纸上。带电的绘图纸经过黑 水糟时,由于墨水的碳微粒带正电,所以墨水被纸上的电子吸附,从而形成图像。彩色静电 绘图仪的原理与单色静电绘图仪的原理类似。根据 CMYK 系统的颜色合成理论、当进行彩 色绘图时,纸张往返运动,分别套上品红、黄、青、黑四种颜色、根据比例可形成各种所需 葬的彩色.

目前,彩色静电绘图仅的分辨车可达 800dpi 或更高,若选用高质量的墨水和纸张, 则 所产生的彩色图片比彩色照片的质量更好。

(5) 热蜡转移打印机

热蜡转移打印机使用塑料胶片,塑料胶片上的涂层是浸过颜料的蜡。这种色带带有矩形 的面板、每个面板与打印样张入小相同、并涂以墨水。面板上的颜色有青色、品红、黄色和 照色。与喷墨打印机的原理类似,热蜡转移打印机也需要采用抖动技术形成彩色影调。 1 作 时, 每次洗用 CMYK 颜色系统中的 种颜色, 具体方法即将相应的色带面板与打印介质接 触并由打印头进行绘制。打印头上有成千上万的微小加热元件,可以按控制信息通电使蜡熔 化并转移到纸上产生一个点, 打印分辨率可达 300dpi 以上。

二维系统及矩阵运算 4.6

对于数字图像处理技术而言, .维线性系统具有重要的意义和广泛的应用, 同时也是学 习其他意节的基础。

4.6.1 二维线性系统

设 f(x,y) 是二维系统的给定输入, g(x,y) 表示其输出,即

(429)

若该系统的输入、输出满足以下特件:

 $g_i(x, y) = T[f_i(x, y)]$ $i = 1, 2, \cdots$ $a_1g_1(x, y) + a_2g_2(x, y) = aT[(f(x, y)) + a_2T[(f_1(x, y))]$

 $T[a_1f_1(x, y) + a_2f_2(x, y)]$ (430)

则称该系统为 .维线件系统。

4.6.2 二维位置不变线性系统

对于任意 个 维系统, 若给定输入 f(x,y), 则产生输出 g(x,y), 即

$$g(x,y) - T[f(x,y)]$$
 (4-31)

将输入信号自变量x 和 y 分别平移 x₀ 和 y₀, 若满足以下条件:

$$g(x-x_0, y-y_0) = T[f(x-x_0, y-y_0)]$$
 (4-32)

即输出信号的函数形式不变,仅仅是输出信号的自变量分别平移同样长度x₆和y₆,则 ;维系统具有移不变特性,或称为 维移不变系统,又称为 :维位置不变系统。若:维系统 使满足线性特性,又满足位置移不变特性,则称为:维位置不变线性系统(也可称为空间不 夸线性系统)。

:维位置不变线性系统的输出也可以通过输入信号与其冲激响应函数 h(x,y)的 : 维卷积 求出。对于二维连续系统,其形式如下;

$$g(x, y) = f(x, y)h(x, y)$$

$$= \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} f(u,v)h(x-u,y-v) du dv$$
 (4 33)

对于:维离散系统, 其形式如下:

$$g(i,j) = \sum \sum f(m,n)h(i-m,j-n)$$
 (4-34)

4.6.3 二维系统的梯度算子

数字图像处理及分析中,无论是图像的增强处理、图像的复原,还是边缘检测,许多处理方法需要应用二维系统的梯度算子,梯度是图像处理算法中的一个重要概念。

1. 连续系统梯度算子

对于连续系统,在坐标位置(x,y)处的梯度向量为

$$i\frac{\partial}{\partial x}f(x,y)+j\frac{\partial}{\partial y}f(x,y)$$
 (4-35)

上式也可写为

$$i\frac{\partial}{\partial x} + j\frac{\partial}{\partial y}$$
 (4-36)

由于梯度是向量,因此其幅值为

$$\sqrt{\left(\frac{\partial f}{\partial x}\right)^2 + \left(\frac{\partial f}{\partial y}\right)^2} \tag{4-37}$$

梯度的方向为

$$\theta = \arctan\left(\frac{\partial f}{\partial y} / \frac{\partial f}{\partial x}\right) \tag{4-38}$$

2. 离散系统梯度算子

在数字图像处理中,包括常用的罗伯特算子、案贝尔算子、普瑞维特算子等在内的各种梯度第子均以差分形式表示。因此,差分梯度算子在图像处理中具有广泛的应用领域。由于无论是x 方向还是y 方向、离散系统怪标值的最小增量为 1,因而以相邻点之差近似表示梯度分量:

$$\begin{aligned}
& \left[\Delta_x f - f(m, n) - f(m - 1, n) \right] \\
& \left[\Delta_y f = f(m, n) - f(m, n - 1) \right]
\end{aligned} (4-39)$$

梯度的幅值为

$$\nabla f = \sqrt{(\Delta_x f)^2 + (\Delta_x f)^2}$$
(4.40)

在某些情况下,为简单起见(避免平方根运算),可以根据具体情况分别采用如下方法 计梯度的近似值:

$$\nabla f \approx \max(|\Delta_x f|, |\Delta_y f|)$$
 (4.41)

显然,离散系统梯度的幅值与上述两种近似值之间存在以下关系:

$$\max(|\Delta_x f|, |\Delta_y f|) \le \sqrt{(\Delta_x f)^2 + (\Delta_y f)^2} \le |\Delta_x f| + |\Delta_y f|$$
 (4.42)

46.4 常用矩阵运算

1. 矩阵的转置与共轭

设A表示 $M \times N$ 矩阵, 矩阵A表示如下:

$$A = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & \cdots & a_{1N} \\ a_{21} & a_{22} & \cdots & a_{2N} \\ a_{31} & a_{32} & \cdots & a_{3N} \\ \vdots & \vdots & & \vdots \\ a_{M1} & a_{M2} & \cdots & a_{MN} \end{pmatrix}$$
(4 43)

式 (4-43) 简单表示为 A={a_n}。

式中, a(i,j) 表示矩阵 A 的第 i 行第 i 列元素。i 与 j 的取值分别如下:

$$i = 1, 2, 3, \dots, M$$

 $i = 1, 2, 3, \dots, N$

贝矩阵 4 的转置矩阵如下:

$$A^{\mathsf{T}} = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{21} & \cdots & a_{M1} \\ a_{12} & a_{22} & \cdots & a_{M2} \\ a_{13} & a_{23} & \cdots & a_{M3} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ a_{1N} & a_{2N} & \cdots & a_{2D} \end{pmatrix} = \{a_{ji}\}$$
(4.44)

式中, i 与 i 的取值范围不变。

矩阵 4 的共轭矩阵如下:

$$\boldsymbol{A}' = \begin{pmatrix} a_{11}' & a_{12}' & \cdots & a_{1N}' \\ a_{21}' & a_{22}' & \cdots & a_{2N}' \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ a_{M1}' & a_{M2}' & \cdots & a_{MN}' \end{pmatrix}$$

$$(4 45)$$

凯

$$A^* = \{a_n^*\}$$
 $t = 1, 2, 3, \dots, M; j = 1, 2, 3, \dots, N$

同理, 可以得出其共轭转置矩阵为

$$(\mathbf{A}^{*})^{T} = {a_{p}^{*}} \quad i = 1, 2, 3, \dots, M; j = 1, 2, 3, \dots, N$$
 (4.46)

2. 矩阵的行列式与逆矩阵

虽然矩阵与行列式在形式上类似,它们都是以矩形陈列,但却是两个不同的概念。行为 式是 个数, 而是指按 定的运算规律所确定的一个数, 它要求行数与列数必须相同。矩阵 不是 个数, 而是按 定方式排列的 张有序的数值表, 其行数与列数可以不同。当知阵的 行数与列数相同时,则称其为方阵,由 n 阶方阵 A 的工套构成的 n 阶行列式,称为方阵 A的行列式,记为 Al,或det A。

如果方阵A的行列式 $|A| \neq 0$,则称A可逆,其逆矩阵A 满足下式:

$$AA^{\top} - A^{\top}A = I$$

n 阶方阵具有以下 + 要性 盾。

- 1) $|A| = |A^T|$
- 2) $|cA| = c^n |A|$
- 3) |AB| = |BA| = |A||B|
 - 4) $(AB)^{-1} = B^{-1}A^{-1}$
- 5) $|A^{-1}| = 1/|A|$
- 6) $(A^T)^{-1} = (A^{-1})^T$

如果A是一个 $M \times N$ 矩阵, 且(A^TA) 在在,则它的伪逆用A表示,计算形式如下: $A^{-} = (A^{T}A)^{-1}A^{T}$

并目下式成立:

$$A^{-}A = I$$

3. 正交矩阵和酉矩阵

F交矩阵和西矩阵都是数字图像处理运算中经常应用的概念。 (1) 正交矩阵

如果矩阵 4 满足:

$$\mathbf{A}^{-1} = \mathbf{A}^{\mathrm{T}} \tag{4-48}$$

(4-47)

则称矩阵 4 为正交矩阵。

(2) 酉矩阵

对于复数矩阵。如果矩阵 4 满足。

$$A^{\mathsf{L}} = (A^{\mathsf{L}})^{\mathsf{T}} \tag{4.49}$$

则称矩阵 A 为酉矩阵。

4. 矩阵的迹

设入为一个数,对于n阶方阵 A,如果存在n维的非零列向量v,使下式成立

$$Av - \lambda v$$
 (4.50)

则称 λ 为方阵A的特征值, ν 为方阵A对应于特征值 λ 的特征向量。 方阵 A 的特征值 A 可以通过求解代数方程求解:

> $|A - \lambda I| = 0$ (4-51)

n 阶方阵 A 共有 n 个特征值, 目不同的特征值所对应的特征向量线性 £ 片。

n 阶方阵 A 主对角线上的 n 个元素之和称为方阵 A 的迹,用 tr(A) 表示方阵的迹,即

$$tr(A) = \sum_{n=1}^{\infty} a_n \tag{4-52}$$

方阵的迹具有以下性质:

- 1) $\operatorname{tr}(A+B) = \operatorname{tr}(A) + \operatorname{tr}(B)$
- 2) tr(cA) = ctr(A)
- 3) tr(AB) = tr(BA)
- 4) 若 $\lambda_1, \lambda_2, \cdots, \lambda_n$ 为方阵 A 的 n 个特征值,则有
 - $\operatorname{tr}(A) = \lambda_1 + \lambda_2 + \dots + \lambda_n$

5) $A = \lambda_1 \lambda_2 \cdots \lambda_n$

4.7 图像的块操作

在 MATLAB 7.0 图像处理中,有时并不需要对整个图像进行操作,而是对图像中的某部分(即块)进行操作。例如、许多线性速波操作和;进制图像操作均较照块操作为式实现, MATLAB 7.0 的图像处理「具都提供了多个专门用于图像块操作的系数,如 dilate()所数等。此外, L具箱提供的大量管通函数电适用于块操作。利用这些函数,用户可以进引各种块操作。

4.7.1 边缘操作

边缘操作属于块操作。 次只处理"个图像像素。在 MATLAB 7.0 中,像素的边缘是 个像素集,由该像素(通常称为中心像素)的相关位置确定。从本质 r 讲,像素的边缘就是 向像素集构成的 个矩形块。"当操作从图像距阵的'个元素移动到另 个元素时,该矩形块 也以相向的方向同时移动,如图 4.17 所示。

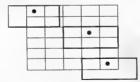


图 4 17 边缘的移动

图 4 17 中的边缘为 个 2~3 的矩形块,黑点表示边缘的中心像素。通常,对于 m·n 的 边缘来说,中心像素的计算方法如下:

例如,图 4 17 中边缘的中心像素为(1,2),即边缘块中的第一行第 列对应的元素。

MATLAB 7.0 进行边缘操作的过程如下:

- 1) 选择像素。
- 2) 确定该像素的边缘块。
- 3) 调用适当的函数对边缘中的元素进行操作。
- 4) 查找对应于输出图像中心像素的像素点。
- 5) 对于输入图像中的每个像素点。重复1)~4)的操作。
- 以下程序代码示例即调用 nlfilter()函数进行边缘操作的过程。其操作效果如图 4-18 所示。

B imread('tire.tif').

g=in..ne('max(x(:1)').

B2=nlfilter(B.[3 3l.g).

figure.imshow(B). figure,imshow(B2)



图 4 18 边缘操作前、后的效果比较

a) 原始图像 b) 边缘操作后的图像

显示块操作

MATLAB 7 0 中的显示块是将矩阵划分为 m×n 后得到的矩形部分,如图 4 19 所示。



图 4 19 显示块

图中的:虚灰色方格为数据矩阵, 而黑色的矩形则为显示块。

MATLAB 70 讲行显示块操作的函数为 blkproc()函数,该函数能够将每个显示块从图像 中提取出来。然后将其作为参数传递给任何由户承数(即用户指定的函数)。此外,bklproc() 承数还可以对由用户函数返回的显示块进行组合,从而生成最后的输出图像。

以下命令行利用 4×6 的显示块处理矩阵 I, 其中用户函数为 myfun()。

B2 blkproc(B,[4 6],'myfun');

另外,还可以把用户承数指定为 个嵌入式系数(即 inline()函数)。在这种情况下,里现在 blkproc()函数中的嵌入式承数小能带有任何引力标记,程序代码如下:

g inline(mean2(x)*ones(s,ze(x))'),

B2 blkproc(B,[4 6],g);

以下程序代码示例利用 blkproc()函数,将图像 tire.tif 数据矩阵中的每个 8×8 显示块中的每个像素值设置为该显示块中的平均值,操作效果如图 4 20 所示。

B=imread('tire tif');

g=inline('uint8(round(mean2(x)*ones(size(x))))').

B2=blkproc(B,[8 8],g),

figure.unshow(B).

figure, imshow(B2)





图 4 20 显示块操作前、后的效果比较

al 操作的 bl 操作门

最后需要说明的是, 在调用 blkproc()函数定义显示块时, 可以将其指定为彼此交叠的显示块, 如图 4-21 所示。定义交叠显示块的程序代码如下:

B=blkproc(A, [48], [12], @myfun)



图 4 21 彼此交叠的显示块

MATLAB 数字图像处理

如果将将 4 20a 所示图像中的显示块定义为具有 4×4 的交叠显示块,则处理效果如 图 4 22 所示。

$$\begin{split} &B \cdot imread('tire tif');\\ &g^{\text{minimet'}}.int8(round(mean2(x)^{\text{sones}}size(x))))'),\\ &B2\text{-bikproc}(B,[8\ 8],[4\ 4],g),\\ &figure,imshow(B); \end{split}$$

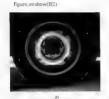




图 4 22 显示块交叠前、后的显示效果

4.8 特定区域处理

4.8.1 特定区域

有进行高像处理时,有时只需对图像中的某个特定区或进行处理。并不需要对整个图像 进行处理,处要对用户选定的 个区域进行均值滤波或对比度增强。MATLAB 70 条像处理 目前部用的某些心理承需可以具材管的形域进行处理。

MATLAB 70 图像处理「具箱提供」「4个函数分泉支持对共定区域的选择、滤波和填充。 的ploy()函数用了选择函像中的多边形区域,其调用格式参考 MATLAB 70 图像处理。 日籍。

以下程序代码说明了 roipoly()函数的用法,并根据指出的學标选择 个八边形区域,其处理效果如图 4 23 所示。

B .mread('eight tif'), g=[222 272 300 270 221 194]; f=[21 21 75 121 121 75]; BW=roupoly(B.g.f). figure,imshow(B), figure.imshow(BW)





图 4 23 根据特定的坐标选择六边形

a) 京炉序像 b) 选择点的图像

4.8.2 特定区域滤波

MATLAB 70 智像处理 | 具箱中提供了 roufilt2()函数用于对 个区域滤波, 其调用格式 参考MATLAB 7.0 图像处理 [具箱。

以下程序代码示例说明了 roifilt2()函数的用法,对特定区域进行锐化滤波,处理结果如图 4 24 所示。





图 4 24 对特定区域进行滤波的结果 a) 原始图像 b) 滤波F的图像

B imread('eight tif'), g=[22272 300 270 221 194], f=[21 21 75 121 121 75], BW=rotpoly(B.g.f), h=fspecial('u.nsharp'), j=roifit2(h.B.BW), figure.imshow(f),

4.8.3 特定区域填充

MATLAB 7.0 图像处理工具箱中提供了 roifill()函数用于对待定区域进行填充操作, 其调 田格式可参考 MATLAB 7.0 图像处理工具箱。

以下程序代码示例说明了 routilut()函数的用法,并对特定区域进行填充操作,处理结果 如图 4-25 所示。

B=imread('eight tif'); g=[222 272 300 270 221 194], f=[21 21 75 121 121 75]; j=roifil(B,g,f), figure,mshow(f),



图 4-25 对特定区域进行填充的结果

4.9 图像质量评价

绝大多数情况下,图像处理的目的是为了改善图像的(视觉)质量、因此。如何评价图像的质量是一个十分重要的问题。例如,图像增强的处理目的是以各种可能的形式突出围像。 中用户感义趣的区域。抵制图像中的能机磁声,提高图像的规定质量、图像复原的处理目的 是建立图像质量退化的数学模型,对图像质量退化进行相应的补偿。包括运动模糊补偿、焦 斯模糊补偿以及破声消除等。图像编码压缩的目的因是在尽可能保持图像质量、无损或有损 压缩)的条件下,对图像数据进行编码压缩以减少数据存储量和传输量。这些处理都涉及到 图像质量评价问题。

由于人类视觉及其系统的高度复杂性。图像质量评价事实上,真是一个十分困难的问题可以说迄今为止。还没有一种权威、系统升程多公认的、应俱全的体系和评价方法。 14.6、发回的条像需要评价方法今为实现学价和与规评价而种。

4.9.1 图像质量的客观评价

图像质量的客观评价是指提出某个或某些定量参数和指标来描述图像质量。例如,在图像压缩时,评价图像质量的定量参数可以选用解压图像对基准图的误差参数,如常见的定量参数是方均误差 MSE 和峰值信噪比 PSNR。

$$MSE = \frac{1}{M \times N} \sum_{x} \sum_{x} (f_x(x, y) - f(x, y))^2$$
 (4-53)

$$PSNR = 10 \times \lg \frac{(f_{\text{max}} - f_{\text{min}})^2}{MSE}$$
(4-54)

式中、M、N 分別对应图像的列数和行数;f(x,y)、 $f_e(x,y)$ 分别为原始图像和解以重建的图像; f_{max} 、 f_{min} 分别对应图像灰度的最大值和最小值(通常取 255 和 0)。

图像质量的客观评价的另一种方法是采用测试卡。在测定电视的显示质量、数码相机和 引描仪的废像质量时,常用不同的标准测试卡来完成。如在测定数码相机的分辨率时,通常 用专业的标准分辨率测试卡、见图 4 26 3 进行照相,然后利用配套软件对标准测试卡路像进 行效察和计算,可以测击数码相机的分辨率(线数)。

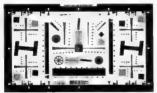


图 4-26 ISO 12233 标准分辨率测试卡

客观评价的特点是采用客观指标和定量指标,评价结果原则上不受人为于预和影响。但 由上目前的定量参数还不能或者不完全能反映人类视觉的本质,对图像质量的客观评价指标 经常与视觉的评价有偏差,其全有时结论完全相反。

4.9.2 图像质量的主观评价

图像质量的丰观评价是指采用日视观察和丰观感觉评价图像的质量。

主观评价的方法类似了体操比赛的评分,由数名裁判组成评分小组、根据规则要求和评分标准对体锁运动员的比赛码作进礼打分,评分结果取总和或平均值。有此,比赛及采取去掉。最高分和最低分的方法,以减少带有倾向性打分的影响。

图像质量主观评价的"裁判"可以由未经训练的普通观察者来担任,或由专业图像判读 员和图像专家来担任。也可由未经训练的普通观察者和专业图像无读员分组(普通观察者和 专家组)进行评价。评价时需要事先制定评分标准以及评分规以,然后依据标准和规则进行

分组评价, 世界各主要国家和组织对图像质量主观评价的评分标准见表 4 1。

劉徽原量上观评价的特点是上观性和定性评。评价结果受人为影响和于扰较多。但由于 日的图像质量等观评价的指标和参数尚不能完全反映上观视觉对图像质量的评价,所以图 像顺量上观评价还最扁重要的评价方法之。

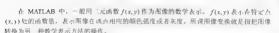
表 4-1 世界各主要国家和组织对图像质量主观评价的评分标准

扔 物				质 景			比較		
每級的主观质量		图象和组织	每级的主视质量		国家和组织	比较的衡量		国家和组织	
立 级 标 准	5 小能釋觉 4 喇察觉不对厌 3 有点讨厌 2 很讨厌 1 不能用	身获邦德 国、.1本等	五級标准	5 优 4 度 3 中 2 次 1 劣	原联邦德 国、日本、 英国	五级标准	+2 好得多 +1 好 0 相同 -1 坏 2 坏得多	原联邦德 国、美国等	
ハ級标准	1 不能靠至 2 例称位 3 明显价不妨碍 4 稍有妨碍 5 明显妨碍 6 极妨碍(不能用)	英語、欧洲 国际! 播釈 遊等	六级标准	6 优 5 良 4 中 3 稍次 2 次 1 极次	美国、欧洲 国际广播联 盟等	七级标准	+3 好得多 +2 好 +1 稍好 0 相同 1 稍环 2 坏 -3 坏得多	欧洲 国际广播联盟等	

习题

- 4 1 举例说明日常生活中观察到的数字图像成像系统及其成像原理。
- 4-2 什么是线性系统? 线性系统具有哪些重要性质?
- 4 3 试写出调谐信号的函数形式。
- 4 5 试写出传递函数的数学表达式,传递函数具有哪些重要性质?
- 46 若某系统为线性移不变系统,在传递函数的作用下,当输入信号频率为5π的调谐信号时,系统的输出信号的额率显多少?为什么?
 - 4-7 试简述什么是抖动技术。
 - 4-8 方阵具有哪些性质?
 - 4 9 迄今为止为什么还用图像质量主观评价标准? 它有何意义?

第5章 图像频域变换



在图像处理技术中。图像的下交占事换技术有着广泛的应用。是图像处理的重要工具。 通过图像变换,改变图像的表示域及表示数据。可以给后续 L 作借来极大的方便。例如、他 里叶变换可使处理分析在领域中进行,使运算变得简单。而离散会被变换(DCT)可使能量 生中在少数数据 F. 从而定即数据压缩、便于图像传输和存储。

在 MATLAR 7.0 斜像处理 T 具箱中,提供了几种常用的图像变换系数。它们是傅里叶变 换 (Fourier Transform), 离散余弦变换 (Discrete Cosine Transform) 和 Radon 变换 (Radon Transform)。另外,随着小波分析方法在图像处理中的应用不断发展成熟,MATIAR 八波分 析」具箱也提供「很多小波变换函数、用土图像处理。鉴于篇幅限制、关于小波分析在图像 处理中的应用在这只用一小节讲述, 在第9章会展开来讲述。

5.1 傅里叶变换

5.1.1 傅里叶变换的基本概念

假设 f(m,n) 是一个包含两个离散空间变量 m 和 n 的函数,则该函数的 维傅里叶变换 的定义如下:

$$F(\omega_1, \omega_2) = \sum_{m=-\infty}^{+\infty} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} f(m, n) e^{-j\omega_1 m - j\omega_2 m}$$
(5-1)

式中, α , 和 α , 为频域变量, 其单位为弧度、采样单元。通常函数 $F(\alpha_1, \alpha_2)$ 称为函数 f(m,n)的频域表示。 $F(\omega_1,\omega_2)$ 是复变函数,其变量 ω_1 和 ω_2 的周期均为 ω_2 20。因为这种周期性的存 在,所以通常在图像显示时,这两个变量的取值范围为 $-\pi \leqslant \omega_1, \omega_2 \leqslant \pi$ 。

健里叶反变换的定义如下:

$$f(m,n) = \frac{1}{4\pi^2} \int_{-\pi}^{\pi} \int_{-\pi}^{\pi} F(\omega_1, \omega_2) e^{j\omega_1 n} d\omega_1 d\omega_2 \qquad (5.2)$$

简单地说,该方程说明 f(m,n) 可以表示为无限多项式不同频率的复指函数之和。而不 同的频率点 (ω_1, ω_2) 所占的比例由幅度 $F(\omega_1, \omega_2)$ 决定。

例如,考察卜面的矩形函数 f(m,n),该函数在一个矩形区域中的函数值为 1, 在其他区 域中的承数值都为 0, 如图 5-1a 所示。

作 MATLAB 7.0 中, 变量 m、n 和函数 f(m,n) 均采用离散形式表示, 所以要想真实地通 近连续函数,只能通过提高取样率来实现。因此, f(m,n)函数的傅里叶变换可由以下程序

段获得, 傅里叶变换的幅值L. F(ω,ω), 如图 5 1b 所示。其中 τ 轴和 ν 轴分 μ 为水平分量 和垂直分量。

clear

N=100

f-zeros(50:50):

f(15 35.23 28): 1.

figure.imshow(f. notniesize)

F=fft2(f.N.N). F2=fftsheft(abs(F)).

figure.

x=1·N,y=1 N;

mesh(x,y,F2(x,y)); colormap(gray);colorbar

执行程序代码后效果如图51所示。



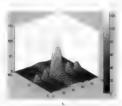


图 5 1 矩形连续函数及其值里叶亦施的幅值 a) 知形迁柱函数 b) 信甲叶苓换的标估

对于傅里叶变换的结果,通常还采用另一种方法进行显示。即将变换结果的函数值取对数, 即 $\log |F(\omega_1,\omega_2)|$ (在 MATLAB 中, $\log F(\omega_1,\omega_2)$,即为 $\ln |F(\omega_1,\omega_2)|$,但习惯用 $\log |F(\omega_1,\omega_2)|$) 接近于0 信部分的细节凸段出来。如图 5-2 所示。

clear

N 100

f-zeros(50,50),

f(15.35,23:28)=1.

figure.imshow(f,'notruesize').

F=fft2(f,N,N), F2=log(abs(F));

figure;

x I N.v I N.

ımshow(F2, [], 'notruesize')







图 5-2 傅里叶令换对数图形

a) 知形连续函数 b) 惯甲叶全排对数陷形

对如图 5 1 所小的矩阵连续减数旋转 个角度, 可得到如图 5 3a 所示的图像, 然后对 其进行傅里叶变换,得到如图 5 3b 所示的对数图。



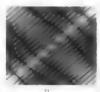


图 5 3 年形函数及其傅里叶变换的对数图 a) 挖转点的矩形函数 b) 傅里叶李特的对数系

clear N 100

f-zeros(50,50), f(15 35,23 28;=1,

J=imrotate(f,45,'bilinear') %图像旋转 45° (5.2 节讲述)

figure,imshow(J,'notruesize')

F fft2(J.N.N).

F2 log(abs(F));

figure;

x 1 N.y 1 N.

imshow(F2.[], notruesize')

比较图 5 2 和图 5 3, 可以发现 . 维傅甲耳变换具有如下旋转性质: 如果在极处标下表示。维函数图形,把空间域和空间领域的自角坐标均作坐标转换。 空间域 $x = r\cos\theta, y = r\sin\theta$ 空间频域 $u = \omega\cos\phi, y = \omega\sin\phi$

则有 f(m,n) 在空间域极坐标系中表示为 $f(r,\theta)$, F(u,v) 在空间频域极坐标系中表示为 $F(v,\theta)$ 。 如果有

$$f(r,\theta) \Leftrightarrow F(\omega,\phi)$$
 (5.3)

刨有

$$f(r,\theta+\theta_0) \Leftrightarrow F(\varphi,\phi+\phi_0)$$
 (5-4)

則如果 f(x,y) 在空间旋转一个角度 θ_0 后得到新的或數 $f(r,\theta+\theta_0)$,其对应的傅里叶变换 $F(\omega,\theta'+\theta_0)$ 是 f(x,y) 的傅里叶变换 $F(\omega,\theta')$ 在空间频域中旋转同样的角度 θ_0 得到的函数,反之亦然。

5.1.2 离散傅里叶变换

在用计算处理傅里叶变换通常采用离散傅里叶变换(Discrete Fourier Transform, DFT)。采用塞勒傅里叶变换主要有以下两个原因:

- 1) 因为 DFT 的输入/输出均为离散值,非常适用于计算机的操作运算。
- 2) 采用离散傅里叶变换,就可以用 种快速算法,即快速傅里叶变换(Fast Fourier Transform, FFT)。

FFT 的设计思想是将原函数分为奇数项和偶数项,通过不断将 个奇数项和 个偶数项相加(减),得到需要的结果。

也態是说 FFT 是将复杂的乘法运算变成两个数相加(减)的简单运算的重复,即通过 计算两个单点的 DFT,来计算 个双点的 DFT;通过计算两个双点的 DFT,来计算四个点 的 DFT……依此类推。

对 戶任何 $N-2^n$ 的 DFT 计算,通过计算两个 N/2 点的 DFT,来计算 N 个点的 DFT, 设备 散去數 j(m,n) 在有限区域($0 \leqslant m \leqslant M-1$, $0 \leqslant n \leqslant N-1$) 非零。则快速傅里叶变 始的 1.要维导 j(m,n) 在有限区域

\$

$$W_N^{pm} = \exp(-j\frac{2\pi pm}{N}) \tag{5.5}$$

则有

$$F(p) = \frac{1}{N} \sum_{n=0}^{N-1} f(m)W_N^{2m}$$

$$- \frac{1}{2} \left[\frac{2}{N} \sum_{n=0}^{N-2} f(2m)W_N^{2mn} + \frac{2}{N} \sum_{n=1}^{N-2-1} f(2m+1)W_N^{\ell(2m+1)} \right]$$

$$\frac{1}{2} \left[\frac{1}{N} \sum_{n=0}^{M-1} f(2m)W_N^{2mn} + \frac{1}{M} \sum_{n=1}^{M-1} f(2m+1)W_N^{\ell(2m+1)} \right]$$

$$= \frac{1}{2} [F_{\delta}(p) + W_N^{\rho} F_{\phi}(p)]$$
(5.6)

式(56)在计算时分成了奇数项和偶数项。

$$F(p+M) - \frac{1}{2} \left[F_{\epsilon}(p+M) + W_{\kappa}^{p+M} F_{\kappa}(p+M) \right]$$

$$= \frac{1}{2} \left[F_{\epsilon}(p) + W_{\kappa}^{p+M} F_{\kappa}(p) \right] \qquad (5.7)$$

又

$$W_{\chi}^{\rho+M} = W_{\chi}^{\rho}W_{\chi}^{M} - W_{\chi}^{\rho} \exp(-j\frac{2\pi M}{N}) = W_{\chi}^{\rho} \exp(-j\pi) = -W_{\chi}^{\rho}$$
 (5.8)

所以

$$F(p+M) = \frac{1}{2} \left[F_e(p) - W_N^p F_o(p) \right]$$

由式 (5 7) 和式 (5 8) 推导可得 FFT 的定义式为

$$F(p,q) = \sum_{m=0}^{M-1} \sum_{n=0}^{N-1} f(m,n)e^{-j2\pi \cdot M_{1pm}} e^{-j2\pi \cdot M_{2pm}} = p = 0,1, \dots, M-1$$

$$q = 0,1, \dots, N-1$$
(5.9)

$$f(m,n) = \frac{1}{MN} \sum_{p=0}^{M-1} \sum_{p=0}^{N-1} F(p,q) e^{i(2\pi \cdot M)pm} e^{j(2\pi/N)qn} = \frac{m-0,1,\cdots,M-1}{n-0,1,\cdots,N-1}$$
(5.10)

可以认为, F(p,q)是 f(m,n)的 DFT 系数。

作 MAFLAB 70 中, 可分別用函数 fft()、fft2()和 fftn()来計算 策、 维和 n 维的 FFT, 而其反受換依次为 ifft()、ifft2()和 ifftn()。

下面构建一个类似于图 5-1 所示的矩阵函数,程序代码如下:

f-zeros(30,30),

f(5:24,13:17)=1,

t(3:24,13:17)=1,

%显示效果如图 5-4 所示

figure, imshow(f,'notruesize'),

F fft2(f);

F2=log(abs(F)),

%显示效果如图 5 5 所示

imshow(F2,[1.5],'notruesize'):

colorman(jet):colorhar



图 5-4 高散矩形函数

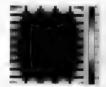


图 5 5 函数傅里叶变换幅值对数图

针对分辨率低和直流成分显示区域调整问题,MAFLAB 7.0 分别提供了补零和 fftshift() 函数来解决。

在计算离散函数的 DFT 时,可以通过对该函数进行补零来提高分辨率,补零和 DFT 计 管可以在一个函数调用中实现。

F-fft2rf,M,N),

其中 M 和 N 是足够大的整数、用于指定覆盖矩阵的大小、超出部分将补零。如上面的 例 f,可以通过下面的程序段来提高分辨率。

F fft2(f,256,256), imshow(log(abs(F)),[.1,5]), colormap(jet),colorbar,

结果如图 5 6 所示。

而 DC 系统的移动可用 fftshift()函数实现;

F fft2(f,256,256), F2 fftsh.ft(F), tmshow(log(abs(F2)),[.1,5]), colormap(jet),colorbar,

移动后的图像如图 5-7 所示。



图 5 6 补零的傅里叶亭换



图 5-7 移位后的幅值

5.1.3 傅里叶变换的应用

傅里叶变换在图像处理中有着广泛的应用,下面以几个常用的例子进行简单的介绍、

1. 线性滤波器的频率响应

有进行滤波器设计时,通常需要分析所设计滤波器的频率响应特性,如通带、起始频率 等,通口分析,看所设计的滤波器是否满足参数指标要求。

MAILAB 70 提供了 freqz2()函数,可以对线性滤波器的频率响应进行分析,这是因为 线性滤波器冲击响应的傅里叶变换银好地反映了滤波器的频率响应特性。

以下程序代码示例给此了高斯滤波器的频率响应,并显示了滤波器的通带特性。

h fspecial('gaussian'); fregz2(h) 运行程序效果如图 5-8 所示。







傅里叶变换的另一个重要特性是能够实现快速卷积。由线性系统理论可知,两个函数的 卷积的傅里叶变换等于两个函数的傅里叶变换的乘积。该特性与快速傅里叶变换 起,可以 快速计算函数的卷积。

假设A为 $M \times N$ 的矩阵,B为 $P \times O$ 的矩阵,则快速计算卷积的方法如下:

对 A 和 B 补零, 使其大小都为 $(M+P-1)\times(N+O-1)$ 。

利用 ff2()函数对 A 和 B 分别进行 二维 FFT 变换。

将两个 FFT 结果相乘,利用 ift2()函数对乘积进行傅里叶变换。

举例加下.

A=magic(3)

B=ones(3)

A(8.8)=0: %对钜随.4 进行补零

B(8.8)=0: %对矩阵 B 进行补零

C=ifft2(fft2(A),*fft2(B));

C=C(1.5,1:5);

C real(C)

程序执行的结果为

Α=							
	8	1	6				
	3	5	7				
	4	9	2				
В							
	1	1	1				
	1	1	1				
	1	1	1				
C :							
	8.0000		9.0000	15 0000	7.0000	6 0000	
	11.0000		17.0000	30.0000	19.0000	13.0000	
	15.0000		30.0000	45.0000	30.0000	15 0000	
	7 0000		21.0000	30 0000	23 0000	9 0000	

4 0000 13 0000 15 0000 11 0000 2 0000

MATLAB 数字图像处理

其结果可与直接调用 MAILAB 7.0 中的登积系数 C conv2(A,B)相比较,直接用函数实现卷积结果如下:

```
C conv2(A,B),
€=real(C)
    8
   11
              30
                    19
   1.5
         30
              45
                    30
         21
              30
                    23
                          Q
    4
              15
```

经过比较,两者运算的结果相同。

3. 图像特征定位

傅里叶变换可以用于与卷积密切和关的运算(Correlation)。数字图像处理中的相关运算通常用于匹配模板,还可对某些模板对应的特征进行定位。例如,假如用户希望存图像textuf中定位字母"a",如图59a所示,可以采用下面的方法定位。

帶色含字時 "a" 的图像与高像 text png 进行相关运算, 也就是对包含字母 "a" 的图像 和图像 text.png 进行傅里可变换, 然后利用快速卷积的方法, 计算字母 "a" 和增像 text.png 的卷起, 提取卷积还算的峰值, 即得到存置像 text.png 中对南字母 "a" 的定位结果。执行程序如下(见图 5 9b);





图 5 9 在图形中定位字母 "a"

bw=imread('text png'); a=bw(32 45,88 98); figure,imshow(bw); figure,imshow(a);

所消務機械"a" 与褶像 text.png 退剂相关延算, 總是先分別試其件快速傳甲B 变换, 外 后利用快速卷积的方法, 计算模数相图像 text.png 的在积、如图 5 10 所示, 并基取签积运算 结果的越大值。正是5 11 所示的自绝充。即每条图像 text.png 中享母 "a" 的词分数是





图 5-11 图像 text png 中字母 "a" 的定位结果

bw imread*text png'),
a=bw(3245,8898); %从函像中摄取字母 "a"
C-realffll2(Tigtbw)*ffl2(rot90(a,2),2*6,256))),
figure,imshow(C,I)
max(C))
figure,imshow(C>thresh)
ans
68
thresh
60

5.2 离散余弦变换

如果函数 f(x) 为一个连续的实偶函数,即 f(x) = f(-x), 贝此函数的傅里叶变换如下:

$$F(u) = \int_{-\infty}^{\infty} f(x)e^{-j2\pi\omega x} dx$$

$$- \int_{-\infty}^{\infty} f(x)\cos(2\pi\omega x) dx - j \int_{-\infty}^{\infty} f(x)\sin(2\pi\omega x) dx$$

$$= \int_{-\infty}^{\infty} f(x)\cos(2\pi\omega x) dx$$
(5.11)

因为塘部的被利项为奇函数,故傅里叶变换的塘敷项为零,由于变换后的结集仅含有余 弦项,故称为余弦变换。因此,余弦变换是傅里叶变换的特例。

5.2.1 一维离散余弦变换

离散余弦变换也定一种可分离变换。设 $\{f(x) x=0,1,\cdots,N-1\}$ 为离散的信与序列。 维 DCT 变换对的定义如下:

$$C(u) = a(u) \sum_{n=0}^{N-1} f(x) \cos \frac{(2x+1)u\pi}{2N} \qquad (u = 0, 1, 2, \dots, N-1)$$
 (5-12)

$$f(x) = \sum_{\nu=0}^{N-1} a(u)C(u)\cos\frac{2N}{2N} \qquad (x = 0, 1, 2, \dots, N-1)$$
 (5-13)

式中,

$$a(u) = \begin{cases} \sqrt{1/N} & u = 0 \\ \sqrt{2.N} & \text{Ji}(b) \end{cases}$$
 (5.14)

由一维离散余弦变换对的定义式可以看出,其正、反变换核均为

$$g(x,u) = h(x,u) = a(u)\cos\frac{(2x+1)u\pi}{2N}$$
 $(x,u=0,1,2,\dots,N-1)$ (5.15)

iTP. ·维 DCT 的逆变换核与正变换核是相同的。

5.2.2 二维离散余弦变换

考虑到两个变量,很容易将一维 DCT 的定义推广到 1维 DCT。设 f(x, y) 为 $N \times N$ 的数字图像矩阵函数,则 维 DCT 变换对定义如下:

$$C(u,v) = a(u)a(v)\sum_{n=1}^{N}\sum_{n=1}^{N-1}f(x,y)\cos\frac{(2x+1)u\pi}{2N}\cos\frac{(2y+1)v\pi}{2N}$$
 (5.16)

 $\pi^{k} = 0.1, 2, \dots, N-1$

$$f(x,y) - a(u)a(v) \sum_{k=0}^{N-1} \sum_{v=0}^{N-1} a(u)a(v)C(u,v)\cos\frac{(2x+1)u\pi}{2N}\cos\frac{(2y+1)v\pi}{2N}$$
 (5-17)

式中, $x, y = 0,1,2,\dots,N-1$ 。

由 维离散氽弦变换对的定义式可以看出,其正、反变换核为

$$g(x, y, u, v) - h(x, y, u, v) = a(u)a(v)\cos\frac{(2x+1)u\pi}{2N}\cos\frac{(2u+1)v\pi}{2N}$$
 (5 18)

式中, a(u)和a(v)的定义同式(5-14)。

由此可知, DCT 的变换核具有可分离性, 而且 .维 DCT 的正反变换核是相同的。

号变换核为复指数的 DFT 相比,由于 DCT 的变换核是实数的余弦函数,因此 DCT 的 计算速度要快,已广泛用于数字信号处理,如图像压缩编码、语音信号处理等方面。

5.2.3 快速离散余弦变换

关于DCT 快速算法已经有多种方案,一种典型的算法就是利用 FFT。 维 DCT 和 DFT 具有相似性,重写 DCT 如下:

$$C(0) = \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{x=0}^{N-1} f(x)$$
 (5.19)

$$C(u) \cdot \sqrt{\frac{2}{N}} \operatorname{Re} \left\{ \left[\exp\left(-j\frac{u\pi}{N}\right) \right] \times \left[\sum_{i=0}^{2N-1} f_{\epsilon}(x) \exp\left(-j\frac{2xu\pi}{2N}\right) \right] \right\}$$

$$\sqrt{\frac{2}{N}} \operatorname{Re} \left\{ e^{-\frac{2N}{2N}} \left[\sum_{i=0}^{2N-1} f_{\epsilon}(x) \exp\left(-j\frac{2xu\pi}{2N}\right) \right] \right\}$$

$$= \sqrt{\frac{2}{N}} \operatorname{Re} \left\{ \omega^{2} \sum_{i=0}^{2N-1} f_{\epsilon}(x) \omega^{m} \right\}$$
(5-20)

$$\vec{x}(\dot{\tau}), \ \omega = \mathrm{e}^{-\frac{\pi}{N}} \qquad f_{\mathrm{e}}(x) - \begin{cases} f(x) & x = 0, 1, 2, \cdots, N-1 \\ 0 & x - N, N+1, \cdots, 2N-1 \end{cases}$$

引比 DFT 的定义可以有绌、将环氨拓展之后、DFT 变换的实部对应 DCT。直塞部对应 着离散 | 浓变换、因此可以利用 FFT 实现 DCT。这种方法的缺点是평珍列拓展了。增加了 电小公要的计算量,此外这种处理也容易造成误解。其实,DCT 是独立发展的。并不是源 手 DFT 的。

5.2.4 离散余弦应用

下面通过 段程序示例来说明 DCT 的一些性质,如图 5-12 所示。 程序代码如下:

clear

RGB- imread(F- mage baboon bmp'),

GRAY rgb2gray(RGB),

figure,imshow(GRAY),

D: det2(GRAY),

figure,imshow(log(abs(D)),[]).

co ormap(gray(4)),co.orbar,

D(abs(D)<01)=0;

I=idct2(D)/255;

figure.imshow(I)

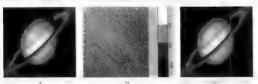


图 5 12 余弦变换应用

a) 原始图像 b) 余弦变换结果 c) 压缩后的图像

比较变换前后的图像,可以发现视觉效果相差很小。可见压缩的效果比较理想

有 JEPG 多像自蝠曾法中, 具基本原理是: 产先带化、编码, 传输后, JPEG 接收 端解码量化, "的 DCT 系数, 计算句 块的过 维商教会法变换, 然后重和,以地小块故 场事场像, 通声, 经过受换后人部分 DCT 系数都近似为 0, 因此, 这些系数对重构 的影响很小。

5.3 离散沃尔什—哈达玛变换(DWT—DHT)

前面介绍的傅里叶变换、离散余弦变换及后面将要介绍的 Radon 变换都是由指数函数, 即以正弦、余弦 角函数为基本正交函数的级数展开而构成的。由于在解决实际问题时,赖 城法往往更容易处理,所以以上 3 种变换在信号处理、图像处理以及系统设计中得到很广泛 的应用。

但且,傅里叶变换和离散会弦变换在快速算法中都要用到复数乘法,占用的时间仍然比较多,在某些吃用领域中,则需要更为便利和有效的变换方法。为此,本节将介绍沃尔什(Walsh) 空後,该空後避免比較有效的一种夸卷方法。

沃尔什受换是由两个数值(-1 和 1) 作为基本函数的级数展开而成的,它满足工交特性。由于沃尔什密数是值正交函数,两个数值与数字逻辑中的两个状态相对应,因此更适合在计算机技术、数字信号处理领域中应用。

沃尔什变换是在 1923 年田美国数学家沃尔什 (Walsh) 提出的, 其原始论文中给出了沃尔什变换的递推公式, 后来法国数学家哈达玛 (Hadamard) 等利用只包含:1 和 1 阵元的正父矩阵来表示沃尔什变换, 所以沃尔什变换与哈达玛变换是等价的。与傅里叶变换相比, 沃尔什变换的 上级优点在于存储空间少和运算速度高,这一点对图像处理来说全关重要,特别是在大量数据需要进行实时处理时, 沃尔什变换就更显示出它的优越性。

5.3.1 一维离散沃尔什变换

1. 沃尔什正交变换

设 f(x) 表示 N 点的一维离散序列,则一维沃尔什正变换定义如下:

$$F(u) = \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{x=0}^{k-1} f(x) (-1)^{\sum_{x} k \cdot (x) k} ...$$

$$u = 0, 1, 2, 3, \dots, N-1$$
(5.21)

其中,一维离散沃尔什正变换的变换核为

$$g(x,u) = \frac{1}{\sqrt{N}} (-1)^{\sum_{i=1}^{N} b_i(x)b_{\alpha_i,i+1}}$$
 (5 22)

式中、 $\nu - 0,1,2,3,\cdots,N-1,x-0,1,2,3,\cdots,N-1$ 、N 是一维离散沃尔住正安換的阶数、 $N=2^*$ 。b(x) 是x 的一連軸級的第 i 容数値、x 取値为 0 或 1。如 i=6,由 i 6 的一进轴表示为 i 110、因此b(x)=0。b(x)=1,b(x)=1。b(x)=1

2. 沃尔什逆变换

·维离散沃尔什逆变换定义如下:

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{u=0}^{N} F(u) \left(-1\right)^{\frac{1}{N} \cdot A(x \cdot A_u)}$$
 (5.23)

式中, $x = 0,1,2,3,\dots,N-1$ 。

其中, 一维离散沃尔什逆变换的变换核为

$$h(x,u) = g(x,u)$$
 (5.24)

维沃尔什正逆变换的变换核相同,沃尔什变换的变换核是 个对称阵列,其行和列是

正交的。沃尔什正、逆变换形式本质上相同,因此,计算沃尔什下变换的算法可直接用来或 其逆变换。一维沃尔什正变换也具有快速算法,简称为 FWT, 在形式上和 FFT 算法类似。 当 N-8 时。 其变换核用矩阵表示加下。





5.3.2 二维离散沃尔什变换

1. 二维沃尔什正变换

设 f(x,y) 表示 $M \times N$ 的 维离散序列,则 维沃尔什正变换定义如下:

$$F(u,v) = \sum_{x=0}^{M} \sum_{y=0}^{J-1} f(x,y)g(x,u,y,v)$$

$$u = 0,1,2,3, \cdot M - 1; v = 0,1,2,3, \cdot \cdot , N - 1$$
(5.25)

水中, 维离散沃尔什正变换的变换核为

$$g(x, u, y, v) = \frac{1}{\sqrt{MN}} \sum_{n=0}^{N-1} (-1)^{\sum_{i=0}^{\infty} (b_i(x)b_{n-i,n})^{2i}} \int_{p_n}^{\infty} (b_i(x)b_{n-i,n})^{2i}}$$
(5-26)

 $x^{n} + M = 2^{m} : N = 2^{n}$

维塞散沃尔什正变换的变换核是可分离的,即

$$g(x, u, y, v) = \frac{1}{\sqrt{MN}} \sum_{n=0}^{N-1} (-1)^{\sum_{n=0}^{N-1} [2\pi i \pi^{2} h_{n+n}]^{-1}} \sum_{n=0}^{\infty} (6\pi s h_{n-n})^{-1}$$

$$= \frac{1}{\sqrt{M}} \sum_{n=0}^{N-1} (-1)^{\sum_{n=0}^{N-1} 8\pi i \pi^{2} h_{n-n}} \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{n=0}^{N-1} (-1)^{\sum_{n=0}^{N-1} [2\pi i \pi^{2} h_{n-n}]^{-1}} \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{n=0}^{N-1} (-1)^{\sum_{n=0}^{N-1} [2\pi i \pi^{2} h_{n}]^{-1}} \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{n=0}^{N-1} \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{n=0}^{N-1} (-1)^{$$

根据沃尔什变换的定义形式可以得出。 维沃尔什变换具有可分离性、即一次 "维沃尔 什变换可以通过 "次一维沃尔什变换来实现。

 $=g_1(x,u)g_2(y,v)$

2. 二维沃尔什逆变换

.维沃尔什逆变换定义如下:

$$f(x,y) - \sum_{i=0}^{M} \sum_{v=0}^{N-1} F(u,v)h(x,u,y,v)$$

$$x = 0,1,2,3,\dots,M-1, y = 0,1,2,3,\dots,N-1$$
(5 28)

维惠勒沃尔什逆夸换的夸换核为

$$h(x,u,y,v)$$
 $g(x,u,y,v)$

维密散沃尔什逆变换的变换核为

$$g(x,u,y,v) = \frac{1}{\sqrt{MN}} \sum_{n=0}^{N-1} {1 \choose 1} \sum_{n=0}^{\sum_{j=1}^{n} \{b_{j}(x)b_{n-j+1}\}^{n}} \sum_{n=0}^{\infty} {b_{j}(x)b_{n-j+1}}$$
 (5-29)

式中, $M=2^m; N=2^n$ 。

问样, 维逆变换具有可分离性。 维沃尔什变换也可以表示为矩阵形式;

$$\begin{cases} F = \frac{1}{\sqrt{MN}}G_1fG_2 \\ f = \frac{1}{\sqrt{MN}}G_1FG_2 \end{cases}$$
(5 30)

式中, G, 为 $M \times M$ 变换核方阵; G, 为 $N \times N$ 变换核方阵。

沃尔什变换是将 个函数变换成取值为+1 或 1 的基本函数构成的级数,用它来逼近数字脉冲信号时要比 DFT 有利。因此,它在图像传输,通信技术和数据压缩中获得了广泛的应用。同时,沃尔什变换的存储量比 DFT 少,而目云窗该除出紫梯。

5.3.3 一维离散哈达玛变换

1. 一维哈达玛正变换

设 f(x) 表示 N 点的 维离散序列。则 维哈达玛变换定义如下:

$$F(u) = \sum_{v=0}^{N-1} f(x)g(x,u) = \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{n=0}^{N-1} f(x) \left(-1\right)^{\frac{r}{2n-2}(k-2)b_n}$$

$$u = 0,1,2,3,\dots,N-1$$
(5.31)

式中,g(x,u)是 维哈达玛变换的变换核,定义如下:

$$g(x,u) = \frac{1}{\sqrt{N}} (-1)^{\sum_{i=0}^{N} \delta_i(x)\delta_{pi}}$$
 (5.32)

式中, $u=0,1,2,3,\cdots,N-1,x=0,1,2,3,\cdots,N-1$ 。N 是哈达玛变换的阶数, N-2"。 $b_i(x)$ 是 x 的 : 进制数的第i 份数值,取值为0 或 1。

2. 一维哈达玛逆变换

若已知N点的'维离散序列F(u),则可以进行哈达玛逆变换,其定义如下:

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{N}} \sum_{u=0}^{N-1} F(u) (-1)^{\sum_{k=0}^{N} k \cdot x \cdot b_{k-1}}$$

$$x = 0.1.2.3...N - 1$$
(5.33)

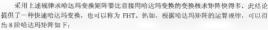
'」·维哈达玛王交变换相同, h(x,u) 是 维哈达玛逆变换的变换核, 逆变换的变换核与 正交变换的变换核相等, 即

$$h(x,u) - g(x,u) = \frac{1}{\sqrt{N}} (-1)^{\frac{N-1}{2}} h_{x}(x)h_{y}(u)$$
 (5.34)

哈达玛变换的阶数具有规律性,即按照 N - 2°规律递升,高阶哈达玛矩阵可以通过低阶哈达玛矩阵的克罗尼科积运算求得,也就是说,哈达玛矩阵具有如下关系;

2)
$$H_2 = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$$

4)
$$H_N = H_{2n} = H_2 H_{2n} = \begin{pmatrix} H_N & H_N \\ 2 & 2 \\ H_{\frac{N}{2}} & -H_{\frac{N}{2}} \end{pmatrix}$$



5.3.4 二维离散哈达玛变换

-维除法玛变换可以很方便地推广到 维。其正变换定义如下。

$$F(u,v) = \sum_{x=0}^{M-1} \sum_{y=0}^{N-1} f(x,y)g(x,u,y,v)$$
 (5-3)

$$-\frac{1}{\sqrt{MN}}\sum_{x=0}^{M}\sum_{y=0}^{N-1}f(x,y)\left(-1\right)^{\frac{n}{2}}\left(b_{jn},\sum_{x=0}^{\frac{n}{2}}b_{(x)}b_{j}\right)$$

逆变换为

$$f(x,y) = \sum_{u=0}^{M-1} \sum_{v=0}^{N-1} F(u,v)h(x,u,y,v)$$
 (5.36)

$$= \frac{1}{\sqrt{MN}} \sum_{u=0}^{M} \sum_{v=0}^{N-1} F(u,v) (-1)^{\frac{v}{mn}} b_{i}(x,b_{jn},\sum_{mn}^{n} b_{i}(x,b_{jn})$$

:维哈达玛正变换核为

$$g(x,u,y,v) = \frac{1}{\sqrt{MN}} \sum_{n=0}^{M-1} \sum_{n=0}^{N-1} (-1)^{\sum_{i=0}^{n} (x_i x_i) \delta_{i,i} + \sum_{i=0}^{n} \delta_{i,i} y_i \delta_{i,i}}$$
 (5.37)

式中, $x,u=0,1,2,3,\cdots,M=1;y,v=0,1,2,3,\cdots,N-1$ 。 '维哈达玛逆变换核与正变换核相等,即

$$h(x,u,y,v) = g(x,u,y,v)$$

:维哈达玛变换核是可分离和对称的,因此次、维哈达玛变换也可通过两次一维哈达 玛变换来实现。

5.3.5 离散沃尔什一哈达玛变换的应用举例

下面是简单的离散沃尔什一哈达玛变换(DWT-DHT)的应用实例。 实例1:有两个二维数字图像信号加下。

分别求 f, 和 f, 的 :维沃尔什变换。

离散 维沃尔什变换的过程如下:

解: 根据理论, 对于 (1) 和 (2), 均有 M=N=4, 因此, 其 . 维沃尔什变换核为

$$\begin{pmatrix}
1 & 1 & 1 & 1 \\
1 & -1 & 1 & -1 \\
1 & 1 & -1 & -1 \\
1 & -1 & -1 & 1
\end{pmatrix}$$

由此可得

实例 2: 对简单数组进行沃尔什一哈达玛变换,程序如下:

clear sq=f1 1 3 1

```
21221
   for k=1:4
       wht(:,k)=hadamard(2)*sq(:,k)/2
   end
   %%%对每 列进行沃尔什一哈达玛变换,得到 wht
   for i 1:2
       a=wht(j,:)'
       hadamard(4)
       wh( ,i)-hadamard(4)*wht(1,:)*/4
   end
   %%%%%%%%%%的每一行进行沃尔什一哈达玛夸换,得到 wh
   wh=wh' %重排
运行结果为
    wht =
       1 5000 1.0000 2.5000 1.5000
       0.5000
                 0 0 5000 0 5000
    wh
       1.6250
               0.3750 0.3750
                             0 1250
      -0.1250 0.1250 -0.1250 -0.3750
实例 3. 对二维图像进行沃尔什一哈达玛夸梅。程序如下:
    clear
    I=zeros(2.^8):
   I(2 ^7-2.^4+1·2.^7+2.^4.2.^7-2.^4+1·2.^7+2.^4)=ones(2*2.^4):
    colormap(gray(128)),imagesc(I), %显示数据
   [m,n] size(I)%数据维数
    for k=1 n
       wht(,k)=hadamard(m)*I(;,k)/m; %对每 列进行沃尔什一哈达玛变换
    end
    for i=1:m
       wh(:,i)=hadamard(n)*wht(i,:)/n: %对进行列的沃尔什一哈达玛变换后的
    %系数进行沃尔什一哈达玛变换
    end
    wh=wh':
    figure,
    colormap(gray(128)),1magesc(wh),
程序运行结果如下(见图 5-13):
    m =
      256
    n =
      256
```





图 5 13 对 维图像进行沃尔什 哈达玛变换

5.4 K-L 变换

5.4.1 K-L 变换的定义

将 组离散信力变换为不相关数列的变换方法称为 Hotelling 变换 由于是由 H Karhunen 和 M.Loeve 等人提出将过续信号变换为 组不相关数列的,所以也将 Hotelling 变换系为 K-L 变换。这种变换是键立位由螺旋计特性基础上的,且变换核即断 上物像像列防方分钟阶的特征自相特计与显决定,所以,K-L 变换也称为特色向量变换或 卡分量要换。

假定 · 幅 N×N 的数字角像通过某 信与通道传输了 M 次,出于受到各种因素的随机 F扰,接收到的图像实际是 个受睡声干扰的数字图像集合。

$$\{f(x,v),f_2(x,y),\cdot,f_M(x,y)\}$$

写成 $M \cap N^2$ 维向量 $\{X_1, X_2, \cdots, X_n, \cdots, X_M\}$ 的形式,其中,第i 次获得了图像 $f_i(x, y)$ 所对应的 X 向量可采用行堆叠或列堆叠的方法构成,即

$$X = \begin{cases} f(0,0) \\ f(0,1) \\ f(0,N-1) \\ f(1,0) \\ f(1,N-1) \\ f(N-1,N-1) \end{cases}$$
 (5.38)

X向量的协方差矩阵定义为

$$m_f - E\{X\}$$
 (5-40)

对于M幅数字图像,平均值向量m,和协方差矩阵C,可由下述方法近似求得:

$$m_f = E\{X\} \approx \frac{1}{M} \sum_{i=1}^{M} X_i \qquad (5-41)$$

$$C_f = E\{(X - m_f)(X - m_f)^{\mathsf{T}}\} \approx \frac{1}{M} \sum_{i=1}^{M} (X_i - m_f)(X_i - m_f)^{\mathsf{T}}$$
 (5.42)

$$\approx \frac{1}{M} \sum_{i=1}^{M} X_i X_i^{\mathrm{T}} - m_f m_f^{\mathrm{T}}$$

由此可知,m, 是 N^2 个元素的向量,C, 是 $N^2 \times N^2$ 的方阵。

设 $\lambda_i(i=1,2,\cdots,N^2)$ 是按递减顺序排列的协方差矩阵的特征值: $e_i=[e_{i1},e_{i2},\cdots,e_{jN^2}]^{\rm I}$ $(i=1,2,\cdots,N^2)$ 是协方差矩阵的特征向量。

则定义 K-L 变换矩阵 A 为

$$A = \begin{pmatrix} e_{11} & e_{12} & \cdots & e_{1N^2} \\ e_{21} & e_{22} & \cdots & e_{2N^2} \\ \vdots & \vdots & & \vdots \\ e_{N^21} & e_{N^22} & \cdots & e_{N^2N^2} \end{pmatrix}$$
(5-43)

从而可得 K-L 变换的表达式为

$$Y = A(X - m_f) \tag{5.44}$$

式中, $X-m_f$ 是原始图像向量X减去平均值向量 m_f ,称为中心化图像向量。此式(5 44)表明,变换后的图像向量Y等于中心化图像向量 $X-m_f$ 与变换矩阵A的乘积。

5.4.2 K-L 变换的性质

1) 变换后的图像向量 Y 的平均值向量 my -0, 即为零向量。

证明:
$$m_Y = E\{Y\} = E\{A(X - m_f)\} = AE\{X\} - Am_f = 0$$
 (5-45)

2) Y 向量的协方差矩阵 $C_Y = E\{(Y - m_Y)(Y - m_Y)^T\} = E\{YY^T\}$

把式 (5-44) 代入,得

$$\begin{split} &C_Y = E\{(AX - Am_f)(AX - Am_f)^{\mathsf{T}}\} \\ &= E\{A(X - m_f)(X - m_f)A^{\mathsf{T}}\} \\ &= AE\{(X - m_f)(X - m_f)^{\mathsf{T}}\}A^{\mathsf{T}} \\ &- AC_fA^{\mathsf{T}} \end{split} \tag{5-46}$$

3) 协方差矩阵 C_r 是对角型矩阵, 其对角线上的元素等于 C_r 的特征值 A_r,

MATLAB 数字图像处理

i 1, 2, ..., N2 . [II]

$$C_{y} = \begin{pmatrix} \lambda_{1} & & & \\ & \lambda_{2} & & & \\ & & \ddots & & \\ & & & \lambda_{1} & & \\ & & & & \ddots & \\ & & & & \lambda_{2d} \end{pmatrix}$$
(5 47)

C, 非对角线上的元素值为 0, 说明变换后向量Y的像素是不相关的;而非对角线上的元素值不为 0, 说明原始图像元素之间的相关性强。因此, K-L 变换的优点是去相关性好。

4) K-L 反变换。因为C_f 是实对称矩阵,所以总可以投至。 个标准正变的特征向量集合,使得 A⁻¹ = A^T, 则可得到 K-I, 反夸疼公式。

$$X = A^{-1}Y + m_x$$
 (5-48)

总之,离散 K-L 变换的最大优点是去相关性好,可用于数据压缩和铝像旋转。离散 K-L 变换应用的 它要因难就是由协方差矩阵 C_f 束特征值和特征向量解方程的计算量问题,同时, K-L 变换是不可分离的。一般情况下, K-L 变换没有快速算法。

5.5 Radon 变换

5.5.1 Radon 变换原理

常用的 CT(X 射线计算机层析摄影仪) 計描,其原理是基于不同的物质有不同的 X 射线 複線碱系数,如果能确定人体衰减系数的分布,就能重建其断层或"辨图像、但通过 X 射线 邊射时,只能裹 壓到人体直线上的 X 射线衰减系数的平均值(是一个积分)。当直线变化时,止牛均值(依赖于某参数)也随之变化,这样就不能很好地重建断层。但是,能含通过 計畫辦理的平均值求整个衰减系数的分布,从而有效地重建图像呢? Radon 变换为解决此类问题提供了很好的思路。

Radom)活動的作用是计算指定方向上阻像的投影、对应的 ... 元函数 f(x,y) . 则是计算 该函数在某一个方向上的线积分。 例如, f(x,y) 在垂直方向上的线积分距 f(x,y) 在x 轴上的投影, 如图 \mathcal{E} ... f(x,y) 在y 轴上的投影, 如图 \mathcal{E} ... f(x,y) 在y 地上的投影。

而同样的投影可以沿任意角 θ 进行,一般来说,函数 f(x,y) 的 Radon 变换就是沿着 y' 轴进行线积分。

Radon 变换的定义如下:

$$R_{\theta}(x') = \int_{-\infty}^{+\infty} f(x'\cos\theta - y'\sin\theta, x'\sin\theta + y'\cos\theta)dy'$$

$$\begin{pmatrix} x' \\ y' \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \cos\theta & \sin\theta \\ -\sin\theta & \cos\theta \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$$
(5.49)

Radon()函数的几何关系示意图如图 5-15 所示。

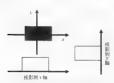






图 5 15 Radon 函数的几何关系小意图

MATLAB 提供了函数[R,xp] radon(I, theta)来计算图像 I 的 Radon 变换。其中 I 为待处 理图像、theta 为投射角度。

其中,R 记录了图像 I 沿 theta 方向上的 Radon 变换值,xp 则对应于x′ 轴的坐标值。恪 像 I 的中心点位于floor((size(I)+1)/2),即x′ 轴上x′=0。

下面,利用 MATLAB 仿真程序计算图 5 16b 在 30° 和 90° 口的 Radon 变换。变换结果如图 5 16a、c 所示。







图 5-16 30" 和 90" 方向上的 Radon 变換及原始图像
 a)30" 方向上的 Radon 変換及原始图像
 a)30" 方向上的 Radon 変換 b) 产生原始图像 c)90" 方向上的 Radon 変換

I=zeros(100,100), I(25:75,25:75)=1,

figure,imshow(I);

[R,xp]=radon(l,[30 90]);

figure,plot(xp,R(:,1)),

figure,plot(xp,R(:,2));

"当然,也可以计算多个角度的 Radon 变换,并且表示为'幅图像。例如,可以沿 0° 180°每隔 1°作方形图的'组 Radon 变换,程序代码示例如下,变换结果如图 5 17 所示。

I=zeros(100,100);

1(25.75,25.75)=1;

theta=0 180;

[R.xpl=radon(Ltheta).

imagesc(theta,xp,R), xlabel('\theta(degrees)'), ylabel('X prime'), set(gea,'XTick',0-20-180), colormap(hot),



图 5-17 从 0°~180°每隔 1°进行 Radon 变换的结果

5.5.2 用 Radon 变换检测直线

Radon 变换与计算机视觉中常用的 Hough 变换很相似。可以利用 Radon()函数来实现 Hough 变换,并进行直线检测。

以下程序亦依将说明如何在 MATLAB 中通过程序仿真。 利用 Radon 变换来实现直线的 检测。

首先, 对于己有的原始图像, 如图 5 18a 所示, 用 edge()函数计算该图像边缘的 值图像, 边缘检测结果如图 5 18b 所示, 得到候选的边缘线条。

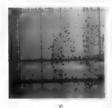




图 5-18 用 Radon 变换进行边缘直线检测 a) 原始图像 b) 边缘检测结果

程序代码如下:

i=fitsread('solarspectra.fts'),

I=mat2grav(I);

BW=edge(I),

figure,imshow(I); figure.imshow(BW).

然后利用 Radon()函数, 计算边缘图像的 Radon 变换, 变换结果如图 5 19 所示。 程序代码如下:

1 fitsread('solarspectra fts'),

I mat2gray(1),

BW edge(I);

theta=0.179,

[R,xp]=radon(BW,theta);

figure,imagesc(theta,xp,R);colormap(hot); xlabel('theta(degrees)').vlabel('X.prime').

colorbar



图 5 19 图 5 18 边缘的 Radon 变换结果

5.5.3 逆 Radon 变换及其应用

MAILAB 70 图像处理 L 具箱提供了 iradon()透散用于实现 Radon 变换,并经常用于投 影成像值。这个变换能把 Radon 变换反变换回来,因此可以从投影数据重建原始陷像。

给定图像 | 和 系列角度 theta, radon()函数可以用来计算图像的 Radon 变换。表达式为 R=Radon(R,theta)。 计算证 Radon 变换可以重建图像,其表达式为 [R=iradon(R,theta)。

这个重建图像的例子中,投影 R 是出版新图像 1 计算得到的。然而,在人多数的应用例子中,并没有得到尚值投影的原始R像。例如, X 射线吸收断层摄影术,投影是通过剩量 X 射线化不同角度通过物界切片时的衰减得到的。旅始图像可以认为是切片的 个截面, 医像的灰度代表切片的密度。 投影通过特殊的硬件设备获得,而切片内部图像通过 tradon 函数重键。这样可以对话的生物体或必透明物体实现无损成像。

iradon()函数通过平行成束的投影来重建图像。在平行波束的几何关系中,每个投影通过



把以特定角度穿过图像的一系列线积分组合得到。如图 5 20 所示为平行波束几何在 X 射线 吸收断层摄影术上的应用。注意,在平行波束的几何关系中,有相同数目的辐射器和接收 器、辐射的衰减代表物体的密度、质量等的积分。这相当于 Radon 变换中的线积分。

图 5 20 中風射波束的关系是平行的,与 Radon 变换的几何关系相同。 f(x,y) 代表图像 亮度, $R_g(x)$ 代表 θ 方向上的投影。

另外 种几何关系是扇形波束,即只有一个辐射器而有多个接收器,扇形波束投影可以 转换战平行波束投影,利用逆 Radon 变换来重建图像。其几何关系如图 5 21 所示。

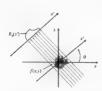


图 5 20 平行波束几何关系

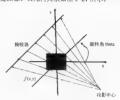


图 5-21 扇形波束几何关系

iradon()函数利用滤波后的投影算法来计算逆 Radon 变换。这种算法利用 R 各列中的投 影求构造图像 I 的近似值,若要获得更推确的图像,可以使用更多的投影值,投影数越多, 電達的图像越接近原始图像。 theta()矢量必须是固定增量的均匀矩阵,即角度每次的增量值 $\Delta\theta$ 为常数。 若 $\Delta\theta$ 已知,可作为参数取代 theta 值,传入 iradon()必数。 例如,

IR=iradon(R, Dtheta),

滤波 Radon 交換是首先对投影 R 滤波,再用滤波后的投影值重建图像。有些情况下,投影值含有噪声。Iradon()函数中可以采用多种窗函数,下面的例子采用了 hamming 窗函数来滤波。

IR=iradon(R,theta,'hamming').

indon()函数也允许指定月 化绿年 D. 高于 D 的滤波器响应为 0, 整个滤波器压缩在 [O. D]内。这在投影时可以有效抑制高频噪声的干扰,而减少对图像重建的影响。下面调用 indon()函数, 设定归 化频率为 0.85。

IR=iradon(R, theta, 0.85),

接下來介绍如何利用 Radon()函數和 iradon()函數构造 个简单图像的投影并重建图像。 测试图像是 Shepp Logan 的大脑幻影图。利用 MATLAB 7.0 图像处理工具辅的 phantom() (數可以产生數据。Shepp Logan 的大脑幻影图反映了真实世界中人类大脑的很多性质。图像中外部的椭圆形是头骨,内部的椭圆是人脑的内部特征或者暴肿瘤。

首先,产生如图 5 22 所示的 256 个灰度等级的大脑幻影图,相应的程序命令如下:

P=phantom(256). figure, imshow(P),

然后计算 3 个小同分辨率的大脑幻影图的 Radon 变换, R1 有 18 条投影光束, R2 有 36 条抄影光束。R3 有 90 条坍影光束。

theta1=0:10:170 [R1,xp] radon(P,theta1) theta2=0 5:175. IR2.xpl=radon(P,theta2), theta3-0:2 178: [R3,xp] radon(P,theta3);

显示 Shepp Logan 大脑幻影图的有 90 条投影光束的 Radon 变换图形,即 R3 的各形。 结果如图 5 23 所示。

figure.,magesc(theta3,xn,R3). colorman(hot).colorbar. xlabe ('theta'), ylabel(x.prime')



图 5 22 大脑的4.影图

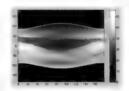


图 5 23 大脑紅裝樹的 90 条投影 1 桌的 Radon 变换

利用 R1、R2 和 R3 分别进行 Shepp-Logan 大脑幻影图的重建,结果如图 5 24 所示。







图 5 24 軍建閣僚 a) 用RI 東建序像 b) 中R2 華建序像 c) 用R3 重建序像

MATLAR 数字图像处理

II=iradon(R1,10); I2=iradon(R2,5); I3 iradon(R3,2); figure,imshow(I1), figure,imshow(I2), figure.imshow(I3)

5.6 小波变换

小波变换编码是近年来随着小波变换理论的研究而提出的 · 种具有很好发展前景的编码 方法。作为 种多分辨率分析方法。由于小波变换具有很好的时,频和空、频局部特性,特别 适合按照人类视觉系统的特性设计图像压缩编码方案,也非常有利于图像的分层传输。实验 证明,图像的小波变换编码,在压缩比和编码质层方面优于传统的DCT 受换编码。

5.6.1 传统变换方法的局限性

传统变换方法在信号分析中存在着许多不足之处,这是小波变换方法的研究越来越受到 人们重视的一个重要原因。和小波变换相比,传统变换方法的局限性主要表现在以下两个方 而。

1. 对瞬态和局部信号分量的分析

以最具有代表性的傅里叶变换为例,其正交基函数是正弦信号,又叫正弦波,即这是一种波(Wave)。这是因为,一方面这是一种波动,即等幅振荡;另一方面它在两个方向上都是无限延伸的,就像海洋中的波浪一样。

2. 时-频和空-頻局部化

在图像分析时, 有时需要将信号在时域和频域中的特性或信号在空域和频域中的特性结 方起来进行分析。例如,要了解图像的哪一部分含有较多的高频分量,或者某 段频率分量 的分布情况等。这都是传统变换方法所无法解决的。

虽然傳星中安操能鄉将任何解析函數甚至很窄的瞬态信号表示为正弦波之和, 然而这要 菲若干正弦波的复杂组合才能形成一个在大部分区间上为零的函數, 这虽然是使变换成为可 退的有效方法。但却使函数的频谱与函数本身看起来做然不同。

在注意到傅里叶变换的弱点后,Gabor 于 1946 年提出了信号的时-频局部化的分析方法,就是人们通常说的 Gabor 变换,也称为加密的傅里叶变换。

信号 f(t) 的 Gabor 变换定义如下:

$$Wf(\omega, \sigma) = \int g(t - \sigma)f(t)e^{-j\sigma t}dt \qquad (5-50)$$

式中,函数 $g(\mathbf{r})=\frac{1}{1c}\mathbf{e}^{-\frac{c^2}{2}}$ 被称为窗函数。变换被限定在窗口中进行,比起在无限大空间的

傅里叶变换有所进步,但是仍有局限性。因为无论g(r)是什么样的窗函数,时窗g(t)的宽度 L_{i} 频窗 $\hat{g}(\omega)$ 的宽度之积不小于 $1/\pi$,所以当确定某一个窗函数后,若其频宽对应于某一个领 段,其时宽则不能太窄。为了提高局部的可观察性,则需要加大窗口,这样导致计算量人 增,以致无法且体实现。

为了克服上述缺点, 数学家们探索采用有限区间 上的基成数讲行令操。这些基函数不仅频率具可亦 的,而且位置也是可变的,这就是小波——有限区间 上的波,如图 5 25 所示给出了小波曲线。小波之所



图 5 25 小波曲线

以小,是因为它有衰减性,即是局部非零的;而称为波,则是因为它有波动性,即其 取值早上负相间的振荡形式。由于小波在频率和时间或空间位置上都是可变的,所以 具有很好的时。缬或空-缬局部特性。

小波变换的基本知识

连续小波变换(CWT)

所谓小波(Wavelet)。即存在于一个较小区域的波。小波函数的数学定义是:设w(f)为 平方可积函数,即 $\omega(t) \in L^2(R)$,若其傅里叶变换 $\omega(\omega)$ 满足条件:

$$\int_{\omega} |\psi(\omega)^{2}| d\omega < \infty$$
 (5-51)

则称w(t)为一个基本小波或波母函数,并称式(5 48)是小波函数的可允许条件。

根据小波函数的定义, 小波函数 般在时域具有紧支集或近似紧支集、即函数的非零值 定义域具有有限的范围,这即所谓"小"的特点。另一方面,根据可允许性条件可知 $\psi(\omega)|_{\omega=0}$ -0, 即直流分量为零,因此小波具有正负交替的波动性。

将小波母函数w(t)进行伸缩和平移,设其伸缩因子(亦称尺度因子)为 α 、平移因子为 τ , 并记平移伸缩后的函数为 $\psi_{a,r}(t)$, 则:

$$\psi_{a,\tau}(t) = a^{-1/2}\psi\left(\frac{t-\tau}{a}\right)$$
 $(a>0, \tau \in R)$ (5-52)

并称 $w_{a-1}(t)$ 为参数a和 τ 的小波基函数。由于a和t均取连续变化的值,因此又称为连续小 波基函数,它们是由同一母函数 w(t) 经伸缩和平移后得到的一组承数。

将 $L^2(R)$ 空间的任意函数 f(t) 在小波基函数下展开, 称其为函数 f(t) 的连续小波变换 (CWT), 变换式为

$$WT_{f}(a,\tau) = \frac{1}{\sqrt{a}} \int_{B} f(t) dt \sqrt{\frac{t-\tau}{a}} dt$$
(5.53)

式中, $\psi \begin{pmatrix} t-r \\ dt \end{pmatrix}$ 为小波基系数的共轭函数。

CWT 的变换结果是许多小波系数 NT_f(a,r), 这些系数是缩放因了和平移的函数。小波 变换是通过缩放母小波的宽度来获得信号的频率特征,通过平移母小波来获得信号的时间信 总。对母小波的缩放和平移操作是为了计算小波系数,这些小波系数反映了小波和局部信号 > 间的相举程度。

其小波母函数w(t)缩放和平移的操作含义如下。

缩放就是压缩或伸展基本小波。小波的缩放因子与信号频率之间的关系是:缩放因子越 小、小波越窄,度量的是信号的细节变化,表示信号频率越高:缩放因子越大,小波越宽, 度量的是信号的粗糙程度,表示信号频率越低。小波的缩放操作如图 5 26 所示。

平移就是小波的延迟或超前,如图 5-27 所示。



CWT 计算主要有如下 5 个步骤:

- 1) 取一个小波, 将其与原始信号的开始一节进行比较。
- 计算数值WT_f。WT_f表示小波与所取一节信号的相似程度。计算结果取决于所选小 按的形状。
 - 37) 移动小波, 重复第1) 步和第2) 步, 直到覆盖整个信号。
 - 4) 伸展小波, 重复1) ~3) 步。
 - 5) 对于所有缩放, 重复1)~4)步。
- 在具体应用中,需要根据原函数 f(t) 的特点来选择小波基函数 $\psi(t)$,使得小波变换能更好地反映函数 f(t) 的特征,下面是一些小波基函数的例子。
 - 1) 哈尔 (Haar) 小波, 如图 5 28 所示。其表达式为

$$\psi(t) = \begin{cases} 1 & 0 \le t < 1/2 \\ -1 & 1/2 \le t < 1 \\ 0 & \text{if th} \end{cases}$$
(5 54)

2) 墨西哥帽小波,如图 5~29 所示。其表达式为

$$\psi(t) = \frac{2}{\sqrt{3\sqrt{\pi}}} (1 - t^2) e^{\frac{-t^2}{2}}$$
 (5-55)



图 5-28 Haar 小波



图 5-29 墨西哥衛小波

2. 离散小波变换 (DWT)

在计算机应用中, 连续小波应该离散化, 这里的离散化是针对连续尺度参数 a 和连续平 移参数 r 的, 而不是针对时间变量 r 的。为了使小波变换具有可变化的时间和频率分辨率。 常常需要改变尺度参数 a 和平移参数 r 的大小、即采用动态采样网格,以使小波变换具有 "变焦卧"的功能。小波分智的意义在于能够在不同尺度上对信号进行分析, 而且对不同尺度 使发锋可以根据不同的目的来确定。在这种意义下, 小波变换破粉为数学显微镜。这就使 分析十分有效, 并且也是相当精确的, 因此旋得到所谓的高路小波空锋。

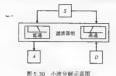
实际上,人们是在一定尺度上认识信号的。人的感官和物理仪器都有 定的分辨率,对 低于一定尺度信号的邮节是无法认识的,因此对低于 定尺度信号的研究也是没有意义的。因此,成该都信号分解为对应不同尺度的近似分量和细节分量。信号的近似分量是大的缩放因 5计算的系数, 般为信号的低频分量,包含着信号的主要特征,细节分量是小的缩放因 5计算的系数。 般为信号的高频分量,给出信号的细节或差别。对信号的小波分解可以等 效于信号通过 一个滤波器为低速波器,分别 视划信号的近似信和细节信,如图 5 到 所示。

由图 5 30 可以看出,离散小波变换可以表示成由低通滤波器和高通滤波器组成的,棵树。原始信号经过 对互补的滤波器组进行的分解称为 级分解: 信号的分解过程也可以不 助理对信号的高频分量不再分解。而对低频分量 进行连续分解。就可以到到信号不同分辨率下的低频分量、这也称为信号的多分辨率分析。如图 5-31 所示就是这样 个小波分解树。图中 S 表示原始信号,A 表示近似分量。D 表示细节分量。下标表示分解的层数。由于分析过程是重复迭代的,从理论上讲可以无艰地连续分解下去,但事实上,分解可以进行到细节只包含单个样本为止。实际中,分解的级数取决于要分析的信号数据特征及用户的具体需要。

对于一个信号采用如图 5 30 所示的方法,理论上将产生两倍于原始数据的数据量。为此,根据索奎斯特采样定理,采用下采样的方法来减少数据量。即在每个通道内(低通和高通通道),每两个样本数据取一个,通过计算得到离散小波变换系数,从而得到原始信号的近似分量与细节分量。

3. 逆离散小波变换 (小波重构)

 构。小波分解包括滤波与下采样,小波重构过程则包括上采样与滤波。上采样的过程是在两个样本之间插入0。由图 5 31 可知,小波重构过程为 $A_1+D_1-A_2$; $A_1+D_2=A_3$; $A_1+D_2=A_3$; $A_2+D_3=A_4$; $A_3+D_4=A_3$; $A_3+D_4=A_4$; $A_4+D_4=A_4$; $A_4+D_4=A_4$; $A_5+D_4=A_4$ $A_5+D_4=A_4$ $A_5+D_4=A_5$ $A_5+D_4=A_5$ A_5+D_5 A_5+



 A_1 A_2 D_3

图 5-31 小波分解树

4. 小波包分析

在小波分解中, 个信号可以不断分解为近似分量和细节分量,近似分量可以继续分解,但是细节分量不能分解,为此,人们又提出了对分量的小波包分解。使用小波包分解, 不但可以不断分解近似分量,也可以继续分解细节分量,从而使整个分解构成一种二叉树结构,如图 5 32 所示。



图 5 32 小波包分解示意图

5. 二维离散小波变换

. 维离散小波变换是 · 维离散小波变换的推广, 其实质是将 . 维信号在不同尺度上的分解。得到原始信号的近似分量和细节分量。由于信号是 . 维的, 因此分解也是二维的。分解 结果是, 近似分量A、水平细节分量B、 无直细节分量V 和对角细节分量D。同样也可以 利用 . 维小波分解的结果在不同尺度上重构信号。

5.6.3 小波变换在图像处理方面的应用及实现

1. 小波变换在图像处理的应用

小波变換是 种复杂的数学变换。可以在时域和频域上对原始信号进行多分辨率分解, 小波变换的应用是与小波变换的理论研究紧密结合在一起的。小波变换在图像处理方面的应 内广泛,可用于图像压缩、分类识别、去除噪声等,在医学成像方面,它用于减少 B 据、CT、核磁共振成像的时间,提高分辨率等。

小波变换用 F 信号与图像压缩,是小波变换应用的一个重要方面。它的特点是压缩比高,压缩速度快,压缩后能保持信号与图像的特征不变,且在传递中可以抗干扰。基于小波变换的压缩力法很多,比较成功的有小波包最优基方法、小波或换率模型方法、小波变换向摄压缩等。下面是一个.级小波分解的例子来说明基于小波变换的图像

编码能够很好地实现图像分辨率和图像质量的多级伸缩性。

如图 5 33a 所示是一个分辨率为 256 像素×256 像素的灰度图像, 图像的灰度级为 256, 对这个 . 维原始图像进行小波变换, 实际上就是把原始图像的像素值矩阵变换成另一个有利 于压缩编码的系数矩阵。该系数矩阵所对应的图像如图 5-33b 所示,可以看出,经过 级小 波变换后,原始图像被分解成几个子图像。每个子图像包含了原始图像中不同的粉率成分。 左上角子图包含了图像的低频分量,即图像的主要特征。低颗分量可再次分解:右下角了图 像包含了图像的垂直分量,即包含了较多的垂直边缘信息。左下角子图像包含了图像的水平 分量,即包含了较多的水平边缘信息;右下角子图像包含了图像的对角分量,即同时包含了 垂直和水平边缘信息。从图 5 33b 中可以看出,经过小波变换,原始图像的全部信息被重新 分配到了 4 个子图中。左上角子图像包含了原始图像的低频信息,但失去了。部分边沿细节 信息,这些失去的细节信息被分配到其他 3 个子图像中。由于失去了部分细节信息,所以左 上角了图像比原始图像模糊了一些, 不仅如此, 其长宽尺寸也降低到原来的 半, 即分辨率 降低到原来的 1/4。一种最容易理解的图像压缩方法就是。丢弃 3 个细节子图像,只保留并 编码低频子图像。但实际上,并不是通过这么简单的处理来进行图像压缩,3个细节子图像 不会被丢掉。而是与低频子图像·起编入码流,这样才可能在解码时恢复出完整的准始图 像。当然,如果用户只需要一个小尺寸的图像,那就只需从码流中解码出低频子图像即可。 低频子图像可以进 步分解,经过二级分解后,系数矩阵所对应的图像如图 5 33c 所示。图 5 33c 中, 低频子图像的尺寸降到原始图像的 1/16, 可见每一级分解都是对空间分辨率和频 率分量的进一步细分。从此例可以看出,小波变换为在一个码流中实现图像多级分辨率提供 了基础。前面提到,为了能在解码端恢复出完整的原始图像,所有的细节子图像都·起编入 了码流,不扔掉这些细节,那图像的数据量又怎能被压缩呢?对图像进行了小应变换,并不 代表图像的数据量就被压缩了。因为变换后,系数的总量并未减少,那么变换的意义何在 呢? 其意义在于使图像的能量分布(频域内的系数分布)发生改变,从而利于压缩编码。要 真正地压缩数据量,还要对变换后的系数进行量化、扫描和编编码。这样就可以达到减少图 像数据量的目的。







图 5-33 级小波夸梅示例

a) 原始灰度图像 b) -级小波变换后的图像 c) :级小波变换后的图像

2. 小波变换的 MATLAB 实现

利用 : 维小波变换对图像编码,如图 5-34 所示为运行结果,程序代码如下;

MATLAB 数字图像处理

clear: %清除 MATLAB 工作环境中现有的变量 load wharh: %装入图像 subplot(2,2,1);image(X);colormap(map); title('原始图像')。 whos('X'); %对图像用 bior3.7 小波进行 . 据小波分解 fc.sl-wavedec2(X.2, bior3.7). %提取小波分解结构中第一层的低频系数和高级系数 cal: anncoef2(c.s.'hior3.7'.1): ch1_detcoef2('h' c s 1)' cv1=detcoef2('v'.c.s.1); cd1=detcoef2('d'.c.s.1): %分别对各级率成分进行重构 al wrcoef2('a',c,s,'bior3.7',1); h!=wrcoef2('h'.c.s.'bior3.7',1); v1=wrcoef2('v'.c.s,'bior3 7'.1); d1 wrcoef2('d'.c.s.'bior3.7'.1): c1 [a1,h1;v1,d1]; %显示分解后各频率分量的信息 subplot(2,2,2):image(c1), axis square. title('分解后低颗和高颗信息'): %下面进行图像压缩处理 %保留小波分解第一层低频信息,进行图像的压缩 %第一层的低频信息即 cal, 显示第一层的低频信息 %首先对第 层信息进行量化编码 cal approef2(c.s.'bior3.7',1); cal=wcodemat(cal,440,'mat',0), %改变图像的高度 cal 0.5*cal; subplot(2,2,3);image(cal);colormap(map); axis square, title('第一次压缩图像'): disp('第 次压缩图像的大小:'); whos('cal'); % 保留小波分析分解第一层低频信息,进行图像的压缩,此时压缩比更大 % 第二层的低频信息 ca2,显示第二层的低频信息 ca2 appcoef2(c,s,'bior3.7',2); ca2=wcodemat(ca2,440,'mat',0); ca2=0 25*ca2. subplot(2,2,4),image(ca2),colormap(map); axis square, title('第 .次压缩图像'); disp('第二次压缩图像的大小:'); whos('ca2'),



图 5-34 示例运行结果

原始图像 X 的 た小・

Name Size Bytes Class 256×256 524288 double array Grand total is 65536 elements using 524288 bytes

第一次压缩图像的大小:

Name Size Bytes Class 135×135 145800 double array Grand total is 18225 elements using 145800 bytes

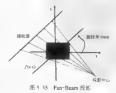
第二次压缩图像的大小-

Name Size Bytes Class ca2 75×75 45000 double array Grand total is 5625 elements using 45000 bytes

5.7 扇形光束投影

类似于 Radon 变换, 扇形光束投影 (Fan-Beam Projection) 也是通过求沿 -组特定方向的 直线积分来获得图像的映射, 如对于一幅图像, 就是求一组扇形直线的线积分,而这组扇形盲线 是由一个点源发散形成 一个扇形而得名。为了获 得图像的有效投影,可以改变点源的方向角,得 到一组映射,如图 5-35 所示。

MATLAB 提供了 fanbeam()函数来实现扇形 光束投影的功能, 下面分别介绍如何使用该函数 获得映射数据以及从映射数据重建原图像, 最后





给止一个侧子来详细说明。

5.7.1 投影变换的基本概念

週用 fanbeam()函数实现图像映射,必须给定一些参数,如图像。扇形光束的原点以及旋转中心(即图像中心像素),投影线的数量由 fanbeam()函数根据图像的大小以及以上给定的每隔 个弧度 (Arc)分配一条投影线,如图 5-36 所示。

如果将几何关系设定为"线形",则其几何示意图如图 5-37 所示。

在获得图像的投影数据后,可以调用 ifanbeam() id数来重建图像。

I ifanbeam(P, D):

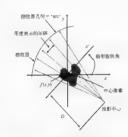


图 5 36 弧度光束投影原理图

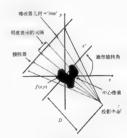


图 5 37 线性光束投影原理图

5.7.2 投影变换函数的应用

下面以一个实例来说明映射和重建的过程。

%产生测试图像并显示

P-phantom(256),

figure,imshow(P),

%计算投影数据

%设定几何关系为"线形",分别给定光束数目为18,36和90

[R1,xp]=radon(P,theta1);

num_angles_R1 =size(R1,2) % num_angles_R1=18

theta2=0:5:175;

[R2,xp]=radon(P,theta2),

num angles R1=size(R2,2) % num angles_R1 =36

theta3=0:2:178.

```
[R3.xn]=radon(P.theta3).
```

num angles R1=size(R3,2) % num angles R1=90

%设定几何关系为"弧度",分别给定光束密度为2弧度、1弧度以及0.25弧度 D=250:

dsensor1=2:

F1=fanbeam(P,D,'FanSensorSpacing',dsensor1);

dsensor2=1:

F2 fanbeam(P.D. FanSensorSpacing dsensor2);

dsensor3 =0.25:

[F3.sensor pos3,fan rot angles3] fanbeam(P,D,FanSensorSpacing'.dsensor3).

%显示投影数据

%几何关系为"线形"

figure.imagesc(theta3.xp.R3)

colormap(hot)

colorbar

xlabel('Parallel Rotation Angle-\theta(degrees)');

vlabel('Parallel Sensor Position-x\prime(pixels)');

%几何关系为弧度

figure,imagesc(fan rot angles3,sensor pos3,F3)

colormap(hot):colorbar

xlabel('Fan Rotation Angle(degrees)'),

ylabel('Fan Sensor Position(degrees)'),

%重建图像

%几何关系为"线形"

output size=max(size(P));

dthetal=thetal(2)-thetal(1),

I1=Iradon(R1,dtheta1,output size);

figure.imshow(I1)

dtheta2=theta2(2)-theta2(1):

I2=Iradon(R2,dtheta2,output size);

figure, imshow(12)

dtheta3 theta3(2) theta3(1);

13=Iradon(R3.dtheta3.output size);

figure, imshow(I3)

%几何关系为"强度"

Ifan1=Ifanbeam(F1,D,'FanSensorSpacing',dsensor1,'OutputSize',output_size);

figure, imshow(Ifan1)

Ifan2=Ifanbeam(F2,D,'FanSensorSpacing',dsensor2,'OutputSize',outp ut size);

figure.imshow(Ifan2)

Ifan3=Ifanbeam(F3.D.'FanSensorSpacing',dsensor3,'OutputSize',outp ut size);

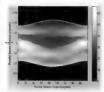
figure, imshow(Ifan3)

图 5 38 为由函数 phantom()产生的原始图像,图 5 39 为生 成的投影数据。图 5-40 给出了不同投影密度重建的图像。



图 5 38 产生的点始图像





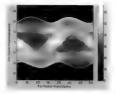


图 5 39 投影数据

a) 儿何关系为"绒形" b) 几何关系人"弧形"

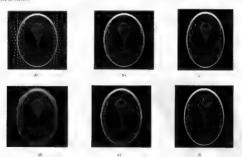


图 5 40 依不同投影密度重建的图像

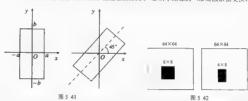
a) [1 18 b) [2 (36 c) [3 90) d) [fan] (2 筑後) e) [fan2 | 気後) f) [fan3 (0, 25 弧度)

习题

- 5 1 离散傅里叶变换的性质及在图像处理中的应用有哪些?
- 5 2 求如图 5 41 所示图像的二维离散傅里叶变换。
- ① 长方形图像

$$f(x,y) = \begin{cases} E & |x| < a, y| < b \\ 0 & \text{if the} \end{cases}$$

- ② 旋转 45° 后的长方形图像。
- 5 3 构造 N = 8的 Haar 变换矩阵。
- 5 4 请用 C 语言或者 MATLAB 编程做出如图 5-42 所示图像的 1维离散余弦变换。



- 55编号·个程序,要求实现下列算法:首先将图像分割为8×8的子图像,对每个子图像进行 FFT,对每个子图像中的64个系数,按照每个系数的方差来排序后,含去小的变换系数,只保留16个系数,实现4:1的图像压缩。
 - 5-6 离散哈达玛变换的最大优点是什么?
 - 5-7 K-L 变换的优点是什么? K-L 变换都有哪些性质?
 - 5 8 求下面离散图像矩阵的 :维离散傅里叶变换、离散沃尔什变换和离散哈达玛变换。

$$\begin{pmatrix} 0 & 3 & 3 & 0 \\ 0 & 3 & 3 & 0 \\ 0 & 3 & 3 & 0 \\ 0 & 3 & 3 & 0 \end{pmatrix}$$

- 59 给定·幅行和列都为2的整数次幂图像。用 Haar 小液基函数对其进行 维小液变换, 试着将最低尺度近似分量 W。置零再反交换, 结果是什么? 如果把垂直方向的细节分量置零, 反变换后结果又是什么呢? 试解释 下原因。
 - 5 10 小波变换是如何定义的? 小波分析的主要优点是什么?

第6章 图像处理中的代数运算及几何变换

各像处理是建立在各种質法基础上的处理方法,本章围绕数字图像处理中的基本运算, 1.要介绍路像处理中的点运算、代数运算和几何变换,及其在图像处理中的应用等。

6.1 基本运算类型

在數字图像处理中, 经常需要采用各种各样的算法。根据數字图像处理运算中输入信息 与输出信息的类型, 具有代表性的图像处理典型算法从功能上包括以下几种:

- 1) 单幅图像 +单幅图像。
- 2) 多幅图像→单幅图像。
- 3) 单幅图像或多幅图像 +数值/符号等。
- 以1. 类运算形式中,所有输入信息都是图像且其灰度值都是非负整数值,而输出信息的形式则各不相同,既可以是具有非负灰度值的数字图像,又可以是仅具有 0、1 两个灰度值的 值图像,也可以是对输入图像逐个像素点进行解释的符号或由特定参数组成的某种信息。又称为哧号图像),还可以是从图像中提取证的以数值或符号描述的特征信息。所有12、维信息形式输出的信息统称为广义图像,标号图像也属于广义图像的范畴。
- 行 类达算中,第一类达算功能是数字图像处理技术中最基本的功能。对基本的图像处理功能、根据输入图像得到输出图像(目标光像)处理运算的数学特征,可将图像处理运算方式分为点运算,代数运算和几何运算。这些运算都是基于空间域的图像处理运算,与空间域追询相对应的层等检查运算。

6.2 点运算

在图像处理运算中,点运算(Point Operation)是 类简单却非常具有代表性的重要算法 之 ,也是其他图像处理运算的基础。运用点运算可以改变图像数据所占据的灰度值范围。对于 触输入图像,经过点运算会产生 幅输出图像 输出图像中每个像紊点的灰度值仅由相应输入像紊点的灰度值的完。这与领域处理算法截然不同,在领域处理算法中,每个输出像素的灰度值出对应输入像系的一个领域内若干像素点的灰度值共同决定。因此,点运算不会改变图像则的空间位置关系。点运算是图像数字化软件以及图像显示软件的重要组成部分。

.2.1 点运算的种类

点运算从数学上可以分为线性点运算和非线性点运算两类。

1. 线性点运算

线性方运算是指输入图像的灰度级与目标图像的灰度级呈线性关系。线性点运算的灰度

变换函数形式可以采用线性方程描述,即

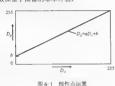
$$D_B = aD_A + b (6-1)$$

式中, D_a 为输入点的灰度值; D_a 为相应输出点的灰度值。这种线性运算关系如图 6 1

2. 非线性点运算

所示。

除了线性点运算外,还有非线性点运算。 般考虑非碱 (Nondecreasing) 的灰度变换活 数,其灰度变换关系如图 6 2 所示。非线性点运算的灰度变换函数的斜率处处为止数,这类 函数保留了图像的基本外貌。



即6-2 非维性占证質

非线性点运算的函数形式可以表示为

$$D_0 = f(D_4) \tag{6-2}$$

式中, D_4 为输入点的灰度值; D_8 为相应输出点的灰度值;f表示非线性函数,函数表达式 添根据具体应用选择有代表性的非线性函数形式。

以下是三种典型的非线性点运算函数。

$$D_B = f(D_A) = D_A + CD_A(D_m - D_A)$$
 (6.3)

式中, D_n 为灰度级的最大值。参数C定义了中间灰度范围内的增加量(C \sim 0)或减少量(C \sim 0),非线性点运算可增加中间范围像素的灰度级向只使暗像素和亮像素进行较小改变。

$$f(D_A) = \frac{D_n}{2} \left\{ 1 + \frac{1}{\sin\left(\frac{a\pi}{2}\right)} \sin\left[\frac{a\pi}{D_n} \left(\frac{D_A}{D_n} - \frac{1}{2}\right)\right] \right\} \cdot 0 < a < 1$$
 (6.4)

式中, 灰度級范围为 $0 \sim D_a$, 在该灰度级范围内, 百方图非零。参数 a 越大, 效果越明显。 该函数是基于证 强病数的 非线性点运算形式。这类非线性单调点运算通过降低较高减较暗物 体的对比度来加强灰度级处于中间范围的物体的对比度,这类函数曲线为s 形,其灰度变换 函数 中中间部分的斜率大于 1,而两端处斜率小于 1。

$$f(D_A) = \frac{D_n}{2} \left\{ 1 + \frac{1}{\tan\left(\frac{a\pi}{2}\right)} \tan\left[\frac{a\pi}{D_n} - \frac{1}{2}\right] \right\} \quad 0 < a < 1 \quad (6.5)$$

该函数是基于上切函数的非线性点运算形式。同样,参数 a 决定点运算的效果。这类非线性单调点运算是通过降低灰度级处于中间范围的物体的对比度,而将较亮和较暗物体的对比度加强。该灰度受换函数在中间处的斜率小于 1, 而在靠近两端处斜率大于 1,

6.2.2 点运算与直方图

点运算是一种在确定的函数关系下所进行的像素变换运算,因此,点运算之后输出图像 和输入图像之间的直方图也具有与变换函数相关联的对应关系。

设点运算之间的函数关系为 $D_B=f(D_A)$,输入直方图、灰度变换函数以及输出直方图之间的 关系 如图 6 3 所示。 灰度 值 D_a 转换为 D_B , 同样, 灰度 值 D_a + 4 D_A + 5 D_B + D_B

$$\int_{D_{r}}^{D_{r}+\Delta D_{s}} H_{A}(D) dD = \int_{D_{b}}^{D_{b}+\Delta D_{e}} H_{B}(D) dD \qquad (6-6)$$

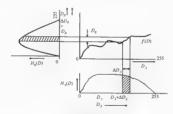


图 6-3 点运算与直方图之间的关系

 $^{\circ}\Delta D_{a}$ 很小时, ΔD_{a} 的取值也较小,因此,输入、输出图像阴影部分的面积可分别用两个小矩形的面积近似替代。

$$H_B(D_B)\Delta D_B = H_A(D_A)\Delta D_A \tag{6.7}$$

因此,输出直方图的值为

$$H_B(D_B) = H_A(D_A) \Delta D_A / \Delta D_B \simeq \frac{H_A(D_A)}{\Delta D_B / \Delta D_A} \ . \tag{6-8}$$

若 ΔD_A 趋于0,则取极限,因而可用微分表示:

$$H_{g}(D_{g}) = \frac{H_{s}(D_{s})}{dD_{g}}$$

$$dD$$
(6.9)

代入点运算的函数形式得如下结论,

$$H_B(D_B) = \frac{H_A(D_A)}{df(D_A)}$$

$$dD_A$$
(6-10)

6.2.3 点运算的应用

由于点运算能有规律地改变像紊点的灰度值,因而点运算有时又被称为对比度增强或灰 度变换 (Grav Scale Transformation, GST)。因此, 通讨恰当定义数学运算的形式, 占运算 ff用土的並图像数字化设备或图像数字显示设备的基此局限性。

1. 对比度增强

在一些數字图像中, 技术人员所关注的特征可能仅占整个灰度级范围非常小的 部分。 点运算可以扩展所关注部分的灰度信息的对比度。使其占据可显示灰度级的更大部分。该方 法有时被称为对比度增强(Contrast Enhancement)或对比度拉伸(Contranst Stretching)。

2. 光度学标定

人们常常希望数字图像的灰度能反映诸如光照强度、光密度等某些物理特性,通过去掉 图像传感器的非线性影响,点运算可达到该目的。例如,假设一幅图像被一个对光照强度是 非线性关系的仪器所数字化。点运算可以通过适当的东度夺换运算。使基度级与光路强度的 等步长增量匹配。

点运算的另一个用处是变换灰度的单位。假定有一个图像数字化仪器, 用来数字化一幅 显微镜下观察到的图像。其产生的灰度值与标本的透射率呈线性关系, 市运暂可用来产生。 幅图像,该图像的灰度级可代表光学密度的等步长增量。光度学标定通常作为图像数字化的 软件部分。

3. 显示标定

·些显示设备通常具有能突出图像视觉特征的优选灰度范围。使用这样的显示设备时。 数字图像中具有相同对比度的较暗和较亮的特征,在显示时却不能以同样的性能表现出来。 在这种情况下, 用户可以利用占运算计感兴趣的所有特征同等容压地显示出来。

一些显示设备不能保持数字图像上像素的灰度值和显示屏幕上相应点的亮度之间的线性 关系,同样,许多股片记录仪小能线性地将灰度值转换为光密度。这一缺点也可以通过点运 算予以克服,即在图像显示之前,先设计合理的点运算关系。另外,可将点运算和显示非线 性组合起来互相抵消,以保持在显示图像时的线性关系。这一过程就是显示标定(Display Calibration).

少数情况下, 非线性显示关系对于图像的表示也具有一定的作用。例如, 电视机或 CRT 显示器的文校上就是利用了这种非线性关系,点运算可纠正或调整显示的文值。

点运算有时被私为强化细节或增加图像某些部分的对比度的图像处理步骤。然而,由于 信息实际.1.包含企数字图像中,所以,实际要做的工作是使感兴趣部分的灰度级污显示设备 的对比度范围匹配起来。显示标定和对比度增强也经常作为数字图像思示的软件部分。

4. 轮廓线

点运算可为图像加上轮廓线,可以应用点运算进行阈值化,根据灰度级可将 幅图像划分成一些不连接的区域,有助于在后续处理中确定边界或用于定义痊源。

5. 剪栽

因为数字图像通常以整型格式存储,所以,可用的灰度级范围是有限的。对于 8bit 图像, 介每个像素值被存储之前,输出灰度级 定要被裁剪到 0~255 的范围内。

6.3 图像的代数运算

图像的代数运算是指对两幅或两幅以上输入图像的对应像素逐个进行加、减、乘、除四 则。这节 以产生有增强效果的图像。图像的代数运算是一种比较简单和有效的增强处理,是 易像增强处理中的事用方法。为此,MATLAB 7.0 的图像处理工具箱提供了一套图像代数运 等场数。使组出图像的任务运输金组主发发易。

图像代数运算函数可以处理包括 uint8、uint16 和 double 等各种类型在内的数值数据, 并返回相同类型的结果图像。

6.3.1 图像代数的异常处理

图像數据不同于一般意义的數据,在执行代數运算得到結果图像的时候,必须注意图像 数据的物理意义,保证计算结果的合理性。合则,在执行图像代数运算时,结果赔常会由现 。此异常情况。常见的异常情况有以下两种。

(1) 计算结果溢出

很多图像。如灰度图像、索引色图像、 值图像或有限位真彩色图像, 其像素值是有范 出限物的, 然而在执行两幅或多唱图像的加、减或乘法运算时, 计算结果很可能会超出限定 的有效范围, 如两幅 256 色灰度图像在执行减法运算时, 很可能会出现像素值为负值的情况,或者执行加法和乘法运算时, 像素值超过 255, 这都是异常的结果, 必须使下,

(2) 计算结果类型无效

图像教照有多种有磷类型,如 uint8 或 uint16。像素值要求是整数类型,然而在进行验 法运算时,往往会得到分数的计算结果,这是因为图像代数运算作为函数在执行运算时,把 附像数据有为 double 类型。这是另一种异常的图像代数运算结果,也必须压以改工。

MATLAB 中用士普通代数运算的操作符尽管也可以执行加、减、乘、除四则运算,但 它们对计算结果的有效性不予检查。直接以实数运算的结果进行表示。然而,用于图像的代 致运育函数则会自动地对计算结果进行有效修正。下面分别介绍 下对以上出现的两种异常 结果的修正方式。

异常计算结果的修下遵循两个原则:

1) 超过整数类型有效范围的结果直接截断到限定范围的端点值。

2) 对于分数计算结果采取四会五入。

例如,如果被处理的图像数据是 uint8 类型的。当计算结果出现以下情况时的修正结果 见表 6-1。

主 6_1 传春传取教医则学终工兴例

理论计算结果	函數返回值典型	实际输出结果
300	wict8	255
-30	uint8	0
10. 5	Street	11

类似于一般的队员运觉,我们可以嵌套使用图像代数运管系数,即组合多个图像代数运管 函数来完成 系列操作。例如,要计算两幅图像的平均值,用户通常会想到下面的几行代码。

I imread('rice png'),

(2=imread('cameraman.tif'):

K=imdivide(imadd(1, 12), 2).

上面的前两条语句是分别读取图像 rice.png 和图像 cameraman.tif 到变量 1 和 12, 第 条 语句是组合使用加法函数 imadd()和除法函数 imdivide(),分析起来,这样的代码完全可以完 成预定的操作。然而,当我们读进来的图像数据是 uint8 或 uint16 类型时,图像代数运算函 数会自动地按照上面介绍的两个原则对结果进行修正。而且 MATIAR 图像代数运算函数是 每执行一次代数运算就执行一次條下,这样对于第一条语句的嵌套调用则是先对加法运算的 结果进行修正再对除法运算的结果进行修正,这就显著地减少了结果图像中包含的大量信 息。为了能够得到更好的结果。在嵌套调用图像代数运算函数时,可以考虑使用函数 imlincomb(), 这个函数采用线件组合的方式按照 double 类型执行所有的图像代数运算函数。 而且只对最终结果进行数据有效性修正。为此、上面的两幅图像求平均运算、可以采用如下 更合话的语句:

K=imlincomb(, 5,I,, 5,12);

各种代数运算 6.3.2

1. 加法运算

图像加法运算一般用于对同一场景的多幅图像求平均效果,以便有效地降低具有参加性 质的随机噪声。直接采集的图像品质 般都较好不需要进行加法运算处理,但是对于那些经 过长距离模拟通信方式传送的图像、如卫星图像),这种处理是必不可少的。

在 MATLAB 7.0 中, 如果要进行两幅图像的加法,或者给 幅图像加上 个常数, J 以调用 madd()函数来实现。imadd()函数将某一输入图像的每一像素值与另一幅图像相应的 傻素信相加, 返回相应的像素值之和作为输出图像的对应像素值。imadd()承数的调用格式回 参考图像 MATLAB 7.0 处理工具箱。下面的程序可将如图 6 4a、b 所示的图像叠加在 ·起 生成新图像, 如图 6-4c 所示。







图 6 4 图像相加运算

a) 原始图像 rice.png b) 原始图像 cameramap.hf c) 知法16實后的期像

I smread(rice png'),

figure(1),imshow(1,[])
12=imread('cameraman tif')

figure(2),1mshow(12,[])

K=imadd(1,12,'i.int16'); figure(3),imshow(K,f1)

给图像的每 个像套加上 个常数可以使图像的整体亮度增加。例如,以下程序实例的 处理效果如图 6-5 所示。

I imread(' F:\image \lena. bmp'),

I2ssimadd(I,50);

figure(1),imshow(1) figure(2),imshow(12)





图 6-5 图像亮度整体增强

a) 原始图像 lena.hmp b) 加入常数后的图像

对两幅图像的像来值进行相加操行,其结果很可能超过图像数据类型所支持的最人值。 其其对于 unu8 矢型的图像,避出情况最为常见。当数据值发于溢出时,imadd)消数会将数 据载取为废混杂对所支持的最大值,这种载取效果取为股和处理,为了避免出现限和现象。

在进行加法计算前最好将图像转换为·种数据范围较睾的数据类型。例如,在加法操作前将 uint8 类型的图像转换为 nint16 类型。

2. 减法运算

图像减法也称为差分方法, 是 种常用于检测图像变化及运动物体的图像处理方法。图 像减法可以作为许多图像处理过程的准备步骤。例如,可以使用图像减法来检测 系列相同 场景图像的差异。利用图像减法处理图像时,往往需要考虑背景的更新机制,尽量补偿因天 气、光照等因素对图像显示效果造成的影响。

在 MATLAB 7.0 中、使用 imsubtract()函数可以将一幅图像从另一幅图像中磁步、或者 从 幅图像中减去 个常数。imsubtract()函数将 ·幅输入图像的像素值从另 ·幅输入图像相 应的像素值中减去,再将相应的像素值之差作为输出图像相应的像素值。执行两幅图像相减 操作, 生成如图 6-6 所示的图像, 程序代码加下。

I=imread('rice.png'), [2=imread('cameraman.tif') 13 imsubtract(I,I2), imview(13)



图 6-6 图像减过运算

3. 乘法运算

两幅图像进行乘法运算可以实现掩模操作,即屏蔽掉图像的某些部分。一幅图像乘以 个常物诵常被称为缩的。这是一种常见的图像处理操作。如果使用的缩前因数大十 1。那么 格增强各像的点度:如果缩拉因费小干 1,则会使图像变暗。缩放操作通常会产生比简单派 加像素偏移量更自然的明暗效果。这是因为该操作能够更好地维持图像的相关对比度。比 外,由于时频的卷积或相关运算与频域的乘积运算对应。因此乘法运算有时也成为一种技 巧, 用来实现卷积或相关处理。

在 MATLAB 7.0 中,可以使用 immultiply()函数实现两幅图像的乘法或 幅图像的亮度缩 放, immultiply()函数将两幅图像相应的像素值进行元素对元素的乘法操作,即图像矩阵的点 乘运算, 并将乘法的结果作为输出图像相应的像素值。例如, 以下程序实例将使用给定的缩放 因数对如图 6 7a 所示的图像进行亭度缩放,从而得到如图 6 7b 所示的较为暗淡的图像。







图 6-7 图像乘法运算 a) 泉於剛像 b) 相乘后的馬像

I-imread('lena.bmp'), 12~immultiply(1,0.5), figure,imshow(1), figure,imshow(12)

Units 英型的图像在进行乘法运算时。 殷都会发生溢出现象。immultiply()孟数将溢出 的数据截取为数据类型的最大值。为了避免产生溢出现象。可以在执行乘法运营之前将 units 类型的图像转换为 种数据宏阳数大的图像类型。

4. 除法运算

验达运额可用于校上城像设备的非线性影响,这在转级形态的图像(如斯尼·扫描等医学 智像)处理中绘高用到。图像除法也可以用束检测两幅图像的区别。但是除达操作给计的足 月应像靠值的变换比率。而不是每个像裏的绝对差异。因而图像除法操作也称为比率更换。

在 MATLAB 7.0 中,可以使用 imdivide()函數进行两幅图像的除法运算或 幅图像的亮度缩放 imdivide 高数式两幅输入图像的所有相应像素换行元素对元素的除法运算, 升将得 为1的给来作为输出图像的相应像素值。以下程序代码实例将如图 6 8a 所示的图像进行除法 运算, 得到如图 6 8b 所示的效果。





图 6-8 图像除法运算

a) 原始图像 lena.bmp b) 除去一个常数后的效果

I-imread('lena.bmp'), 12 imdivide(I,0.5), figure,imshow(I); figure,imshow(I2)

6.4 几何变换基础

6.4.1 齐次坐标

数字图像是把连续图像在坐标空间和性质空间离散化了的图像。例如,一幅 维数字图像可以用:组 缩(2D) 数组f(x,y) 来表示,其中x 和y 表示2D 空间xy 中·个學标点的位置,f(x,y) 代表图像在点(x,y) 的某种性质的数值。如果所处理的是 幅灰度图像,这时f(x,y) 表示灰度值,此时f(x,y),x,y 都在整数集合中取值。因此,除了插值运算外,然见的图像几何要卷可以通过与某构应的矩阵线性变换来实现。

设点 $P_0(x_0,y_0)$ 进行平移后,移到 P(x,y),其中x方向的平移量为 Δx ,y方向的平移量为 Δy ,如图 6 9 所示,那么,点 P(x,y) 的坐标为



图 6-9 图像的平路事换示意图

$$\begin{cases} x = x_0 + \Delta x \\ y = y_0 + \Delta y \end{cases}$$
 (6 11)

这个变换矩阵的形式可以表示为

$$\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_0 \\ y_0 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} \Delta x \\ \Delta y \end{pmatrix} \tag{6.12}$$

对式 (6-12) 进行简单变换可得

$$\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_0 \\ y_0 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} \Delta x \\ \Delta y \end{pmatrix}$$
(6 13)

对式 (6-13) 进一步变换。可得

$$\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & \Delta x \\ 0 & 1 & \Delta y \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_0 \\ y_0 \\ 1 \end{pmatrix}$$
 (6 14)

式 (6-14) 中等与右侧左面矩阵的第 1、2 列构成单位矩阵。第 3 列元素为平移常量。该矩阵 是点 $R(x_0,y_0)$ 平移列点 P(x,y) 的平移矩阵。即为变换矩阵。或变换矩阵是 x_3 配价 的矩阵,为 1 有分矩阵 用架时要来俯着列数与后着1 数相等的规则。而要在点的坐标列矩阵 $\{x_0,y_0\}^{\dagger}$ 中引入第 3 个几点,增加 个时加华标,扩展为 3×1 阶的列矩阵 $\{x_0,y_0\}^{\dagger}$ 中引入第 3 个几点,增加 个时加华标,扩展为 3×1 阶的列矩阵 $\{x_0,y_0\}^{\dagger}$ 记 $\{x_0,y_0\}^{\dagger}$ 中引入第 3 个几点,增加 个时加华标,扩展为 3×1 阶的列矩阵 $\{x_0,y_0\}^{\dagger}$ 的形式,可用 1 维空间点 $\{x_0,y_1\}$ 表示,维空间点 $\{x_0,y_0\}^{\dagger}$ 即采用一种特殊的坐标,可以或理平移全接。牵掩结果如下。

$$\begin{pmatrix} x \\ y \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & \Delta x \\ 0 & 1 & \Delta y \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_0 \\ y_0 \\ 1 \end{pmatrix}$$
(6-15)

现对式(6-15)中的各个矩阵进行定义:

$$T = \begin{pmatrix} 1 & 0 & \Delta x \\ 0 & 1 & \Delta y \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$
 为变换矩阵:

$$P = \begin{pmatrix} x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$
 为变换后的坐标矩阵;

$$P_0 = \begin{pmatrix} x_0 \\ y_0 \\ 1 \end{pmatrix}$$
为变换前的坐标矩阵:

则有

$$P = TP_0 \tag{6-16}$$

从式(6-16)可以看出,引入附加坚标后,扩充了矩阵的第 3 行,但并没有使变换结果 受到影响。这种用n+1维向量表示n维向量的方法称为齐次坐标表示法。

6.4.2 齐次坐标的一般表现形式及意义

1. 齐次坐标的一般表现形式

式 (6-16) 给出了图像经过平移后齐次坐标的特殊形式,齐次坐标的一般形式可表示为

$$\mathbf{P} = \begin{pmatrix} H_x \\ H_y \\ H \end{pmatrix} \tag{6-17}$$

式中, H 为非零的实数。 ${}^{\circ}H=1$ 时, $P=(x y 1)^{\mathsf{T}}$ 称为规范化齐次坐标。

由点的齐次坐标(H,H,H,H),求点的规范化坐标(x,v,l)。可按如下公式进行:

$$x = \frac{H_x}{H} \qquad y = \frac{H_y}{H} \tag{6-18}$$

2. 齐次坐标的音义

齐次坐标的几何意义相当于点(x,y) 洛在3D 空间H=1的平面上,如图 6 10 所示。如 果将xy 平面内的 $\triangle ABC$ 的各顶点表示成齐次坐标(x,y,1) (i-1,2,3) 的形式,就变成H=1平面内的 $\triangle A_1B_1C_1$ 的各项点。



图 6 10 齐次坐标的几何意义

643 二维图像几何变换的矩阵

为了将式(6 16)写成 般形式,对包括平移在内的所有几何变换都适用,对 P. T. P。讲行重新定义, 齐次坐标为

$$P = \begin{pmatrix} Hx_1 & Hx_2 & \cdots & Hx_e \\ Hy_1 & Hy_2 & \cdots & Hy_a \\ H & H & \cdots & H \end{pmatrix}$$
(6.19)

当H=1时,规范化的齐次坚标为

$$P = \begin{pmatrix} x_1 & x_2 & \cdots & x_n \\ y_1 & y_2 & \cdots & y_n \\ 1 & 1 & \cdots & 1 \end{pmatrix}$$
 (6-20)

变换矩阵 7 为

$$T = \begin{pmatrix} a & b & p \\ c & d & q \\ l & m & s \end{pmatrix}$$
 (6-21)

$$\mathbf{P}_{0} = \begin{pmatrix} x_{01} & x_{02} & \cdots & x_{0n} \\ y_{01} & y_{02} & \cdots & y_{0n} \\ 1 & 1 & \cdots & 1 \end{pmatrix}$$
(6 22)

则上述变换可以用公式表示为

$$\begin{pmatrix} x_1 & x_2 & \cdots & x_n \\ y_1 & y_2 & \cdots & y_n \\ i & i & \cdots & 1 \end{pmatrix} = T \begin{pmatrix} x_{01} & x_{02} & \cdots & x_{0n} \\ y_{01} & y_{02} & \cdots & y_{0n} \\ 1 & i & \cdots & 1 \end{pmatrix}$$
(6-23)

引入齐次坐标后,表示2D图像几何变换的3×3阶矩阵的功能就完善了,可以用它完成 2D图像的各种几何变换。下面讨论3×3阶受换矩阵中元素在变换中的功能。几何变换的 3×3阶矩阵的一般形式见式 (6-21)。

 3×3 阶矩阵 T 可以分成 4 个子矩阵: $\begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix}_{2\times2}$ 子矩阵可使图像实现恒等、比例、镜

像、错切和旋转变換: (p g)^T列矩阵可以使图像实现平移变換: (l m)行矩阵可以使图像 实现透视变换, 但当1 0, m - 0时, 它无透视作用; s 这一元薪可以使图像实现全比例变 换。例如, 前图像进行全比例变换, 即

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & s \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_{0t} \\ y_{0t} \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x_t \\ y_t \\ 1 \end{pmatrix}$$
(6 24)

由式 (6-24) 可知,当 $_{5} \neq 1$ 时,等式两端不相等,若想等式成立,应将式 (6~24) 变为

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & s \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_0 \\ y_{0l} \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x_{0l} \\ y_{0l} \\ 1 \end{pmatrix}$$
(6-25)

齐次坐标规范化后得

$$\begin{pmatrix}
1 & 0 & 0 \\
0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & s
\end{pmatrix} \begin{vmatrix}
\frac{A_0}{s} \\
\frac{1}{s}
\end{vmatrix} = \begin{pmatrix} x_i \\ y_i \\ s
\end{pmatrix}$$
(6-26)

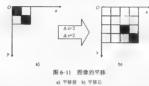
由式(6 26) 可见,当s>1时,图像按比例缩小,如s-2, $x-\frac{x_0}{2}$, $y-\frac{y_0}{2}$,图像缩小到原来的 1/2; 当0< s<1时,整个图像按比例放大,如s=1/2, $x-2x_0$, $y=2y_0$,图像 放大到原来的 2倍;当s=1时, $x=x_0$, $y=y_0$,图像大小不变。

6.5 各种几何变换

图像平移变换

1. 7 图像平移变换

平移是日常生活中最普遍的方式之一,如开学时教室里课桌的重新摆放等都可以视为平 移运动。刚像的平移县将 幅图像上的所有像素点都接给定的偏移量品上方面(水平方面) 和γ方向(垂直方向)进行移动。如图 6-11 所示。图像的平移变换县图像几何少换中层简 单的变换之一。



若点 $A(x, y_0)$ 进行平移后,被移到 A(x, y) 位置,其中,x 方向上的平移量为 Δx , y 方 向上的平移量为 Δv ,那么,点A(x,v)的坐标为(此公式 6.4 节已经列出):

$$\begin{cases} x = x_0 + \Delta x \\ y = y_0 + \Delta y \end{cases}$$

利用齐次坚标、点 4(x v)的坚标可以表示如下(此公式 6.4 节户经列出)。

$$\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 0 & \Delta x \\ 0 & 1 & \Delta y \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_0 \\ y_0 \\ 1 \end{pmatrix}$$

相应地,也可以根据点 A(x,y) 求解原始点 $A_0(x_0,y_0)$ 的坐标,即

$$\begin{pmatrix} x_0 \\ y_0 \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & -\Delta x \\ 0 & 1 & -\Delta y \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \\ 1 \end{pmatrix}$$
(6 27)

显然,以上两个变换矩阵互为逆矩阵。

图像平移变换的特占是平移后的图像与原图像完全相同。平移后新图像上的每一占都可以在 原图像中找到对应的点。仍以图 6-11 为例,对于新图像中的像素点(0,0),代入式(6.27)可 以求出对应原始图像中的像素点(2,2),该点不在原始图像中。对于不在原始图像中 的占, 可以直接将它们的傻素值经一设置为 0 或 255, 对于东府图像则为图色或白色。反 之,若具像素点不在新图像中,同样说明颜新图像中有某些像素只被移出了显示区域。图像 分半移后,原始图像的 ----像素点被移出了显示区域。若想保留全部图像,则应扩大新路像 的显示区域。

2. 图像平移变换的 MATLAB 实现

下面是图像平移的程序代码实例 (见图 6 12):

I=imread('trees.tif'),

figure,imshow(1),

I double(I);

[movesult=zeros(size(I)),

H size(1),

Move x 50.

Move v=50.

I movesult(Move x+1 H(1),Move_y+1 H(2),, H(3))=I(! H(1) Move x,1 H(2) Move_y,1 H(3)), anshow(unt8(I_movesult));





图 6-12 图像的 1 移

6.5.2 图像比例变换

1. 图像比例变换

通常情况下,数字图像的比例缩放是指给定的系像在x 方向和 $_1$ 方向按相同的比例。缩放 α 倍,从而获得 扁新的图像,又称为全比多增越。 Δ 果x 方向和 α 方向缩放的比例不可,则盈像的比例。缩放会改变原始图像像素问的相对位置。 α 生儿问畸变。 没原始系像中的土 $A_0(x_0,y_0)$ 比例缩放后,在新图像中的对应点为 $A(x_1,y_1)$,则 $A_0(x_0,y_0)$ 和 $A(x_1,y_1)$ 之间的 學标》 关系 0 是 α 为

$$\begin{bmatrix} v_1 \\ y_1 \\ 1 \end{bmatrix} T = \begin{pmatrix} a & 0 & 0 \\ 0 & a & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{bmatrix} v_0 \\ y_0 \\ 1 \end{bmatrix}$$
(6-28)

$$\begin{cases} x_1 = ax_0 \\ y_1 = ay_0 \end{cases}$$

若比例缩放所产生的图像中的像素在原始图像中没有相对应的像素点时。就需要进行灰 度值的插值运算。 般有以下两种插值处理方法。

- 1) 直接赋值为和它最相近的像素灰度值,这种方法称为最邻近插值法(Nearest Neighbor Interpolation), 该方法的主要特点是简单、计算量很小, 但可能会产生马赛克现象。
- 2) 通过其他数学插值算法来计算相应的像素点的灰度值,这类方法处理效果好,但法 質量会有所增加。
- 在式 (6 28) 所表示的比例缩放中, $E_a>1$, 则图像被放大: $E_a<1$, 则图像被缩 小。以 a=1/2 为例,即图像被缩小为原始图像的 · 半。图像被缩小 · 半以后根据目标图像 和原始图像像素之间的关系,有如下两种缩小方法。
 - 第一种方法如图 6-13 所示。此时缩放前后图像间像素点的对应关系如下。

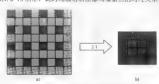


图 6-13 图像缩小一半(偶数行和偶数列构成新的图像)

a) 原始阻像 b) 缩小后的阻像

依此坐推, 可以逐占计算缩八图像各像要占的值。图像缩小之后所承载的信息量为 原始图像的 50%,即在原始图像上,按行优先的原则,对所处理的行,每隔一个像素取 ·点、每隔·行进行 次操作。也就是说、取原始图像的偶数行和偶数列构成新的图 (S)

另一种方法是取原始图像的奇数行和奇数列组成新的图像。如图 6-14 所示。

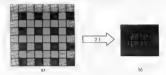


图 6-14 图像缩小一半(查费行和查数列构成新的图像) a) 应给附像 b) 缩小后的图像

如果图像按任意比例缩小,则以类似的方式按比例选择行和列上的像素点。若ょ方向与 v 方向缩放比例不同,则这种变换将会使缩放以后的图像产生几何畸变。图像 x 方向与 v 方 向的不同比例缩的的变换公式加下。

$$\begin{pmatrix} x_1 \\ y_1 \\ 1 \end{pmatrix} T - \begin{pmatrix} a & 0 & 0 \\ 0 & b & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_0 \\ y_0 \\ 1 \end{pmatrix} \quad a \neq b$$
(6-29)

图像缩小变换是在已知的图像信息中以某种方式选择需要保留的信息。反之、图像的放 大变换则需要对图像尺寸经放人后所多出来的像素点填入适当的像素值,这些像素点在原始 图像中没有直接对应点,需要以某种方法进行估计。以a=b-2为例,即原始图像按全比例 放人 2 倍, 实际上, 这是将原始图像每行中各像素点重复取一遍值, 然后每行重复一次。根 据理论计算,放大以后图像中的像素点(0,0)对应于原始图像中的像素点(0,0),(0,2)对 应于原始图像中的(0,1),但放大后图像的像素点(0.1)对应于原始图像中的像素点 (0,0.5), (1,0) 对应于原始图像中的(0.5,0), 原始图像中小存在这些像素点, 那么放大后 的图像如何处理这些问题呢?以像素点(0,05)为例,这时可以采取以下两种方法和原始图 像对应, 其全占依此逐占类推。

- 1) 将原始图像中的像素点(0.0.5) 近似为原始图像的像素点(0.0)。
- 2) 熔值始图像中的像素占 (0.0.5) 近似为原始图像的像素点 (0.1)。
- 以图 6 15 所示的 ·段直线为例来说明这两种放人的细微差别。

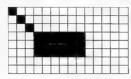


图 6 15 放大前的原始图像

若采取第1种方法,则原始图像和放大图像的像素点对应关系如下:

$$(0,0) \leftrightarrow (0,0)$$

 $(0,1) \leftrightarrow (0,0)$
 $(1,0) \leftrightarrow (0,0)$
 $(1,1) \leftrightarrow (0,0)$
 $(2,2) \leftrightarrow (1,1)$
 $(2,3) \leftrightarrow (1,1)$
 $(3,2) \leftrightarrow (1,1)$
 $(3,2) \leftrightarrow (1,1)$
 $(4,4) \leftrightarrow (2,2)$
 $(4,5) \leftrightarrow (2,2)$
 $(5,5) \leftrightarrow (2,2)$
 $(5,5) \leftrightarrow (2,2)$

其对应的放大图像如图 6 16 所小。

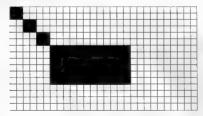


图 6 16 按最近邻域法放大两倍的图像

若采取第2种方法,则原始图像和放大图像的像素点对应关系如下:





 $((0,0) \leftrightarrow (0,0))$ $(0.1) \leftrightarrow (0.1)$ $(1.0) \leftrightarrow (1.0)$ $(1.1) \leftrightarrow (1.1)$ $(1.2) \leftrightarrow (1.1)$ $(2.1) \leftrightarrow (1.1)$ (22) --- (11) (2.3) ↔ (1.1) **放大图像 ((3.2) ↔ (1.1)**) 原始图像 $(3.3) \leftrightarrow (1.1)$ $(3.4) \leftrightarrow (2.2)$ $(4.3) \leftrightarrow (2.2)$ $(4,4) \leftrightarrow (2,2)$ $(5.5) \leftrightarrow (3.3)$ $(5,6) \leftrightarrow (3,3)$ $(6.3) \leftrightarrow (3.3)$ (6,6) ↔ (3,3)

其中对应的放大图像如图 6 17 所示。因此,两种放大方式具有一定差别。

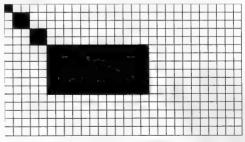


图 6 17 按插值方法放大两倍的图像

般地,按比例将原始图像放人a倍时,如果按照最近邻域法,则需要将 个像套值本 到新图像的a×a的方块中,如图 6 18 所示。因此,如果放大倍数过大,则按照这种方法填 充灰度值会出现 5赛克效应。为了避免马赛克效应,提高几何变换后的图像质量, T以采用 小同复杂程度的线性插值法填充放大后所多出来的相关像素点的灰度值。

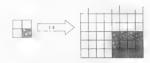


图 6 18 按局斤乳域过的大刀倍的图像

2. 图像比例变换的 MATLAB 实现

洛像缩放的 MATLAB 应用,图像缩放函数的格式参考以下程序代码:

J=imread('trees tif'),

imshow(J).

X1 imresize(J.2)%从人为京来的两份

X2=imresize(J.0.5) %缩小为来的 1.2

figure.imshow(X1).

figure, imshow(X2)

执行程序后结果如图6 19所示。



b)



图 6-19 图像缩放

a 为 要 阳 像 b) 放大后的图像 c) 缩小后的即像

6.5.3 图像旋转变换

1. 旋转变换

旋转(Rotation) 在一个绕着什么转的问题。通常的做法是。以图像的中心为圆心旋 转,将陷像上的所有像素都旋转一个相同的角度。图像的旋转变换是图像的位置变换,但旋 转后、陷像的人小一般会改变。和图像平移变换一样、在图像旋转变换中、可以把转出显示

MATLAB 数字图像处理

区域的图像截去,旋转后也可以扩大图像范围以显示所有的图像。图 6-20 是旋转前的图像。图 6-21 是将图 6-20 是旋转前的图像。图 6-21 是将图 6-20 旋转 30°(顺时针方向)后保持原图像大小,转出的部分被旋掉的情况。图 6-22 是不歲掉转出部分,旋转后图像放大的情况。







图 6 20 旋转前的图像

图 6-21 保持原图像大小的旋转 图 6-22 图像放大的旋转

采用不裁掉转出部分, 旋转后图像变大的做法(见图 6 22), 首先给出变换矩阵。在我们熟悉的性标系中, 如图 6-23 所示, 将 个点顺时针旋转 a 角, r 为该点到原点的距离, b 为r 5 x 44之间的 矢角。在旋转以程中, r 保持不安。

设旋转前 x_0 、 y_0 的坐标分别为 x_0 $r\cos b$: $y_0-r\sin b$ 。 当旋转 a 角度后,坐标 x_1,y_1 的值分别为

$$x \quad r\cos(b-a) = r\cos b\cos a + r\sin b\sin a = x_0\cos a + y_0\sin a$$

$$y_1 = r\sin(b-a) = r\sin b\cos a - r\cos b\sin a = -x_0\sin a + y_0\cos a$$
(6-30)

以矩阵的形式表示为

$$(x_1 \ y_1 \ 1) = (x_0 \ y_0 \ 1) \begin{pmatrix} \cos a & -\sin a \ 0 \\ \sin a & \cos a \ 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$
 (6-31)

式 (6-31) 中,坐标系 xOy 是以图像的中心为原点,向右为x 轴正方向,向上为y 轴正方向。它与以图像上上角点为原点O',向右为x' 轴正方向,向下为y' 轴正方向的坐标系x'y' 之间的转换关系如图 6 24 所x'。



图 6 23 旋转示意图



图 6-24 两种坐标系间的转换关系

设图像的宽为w, 高为h, 容易得到

$$(x \ y \ 1) = (x' \ y' \ 1) \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0.5w & 0.5h & 1 \end{pmatrix}$$
 (6-32)

$$(x' \ y' \ 1) = (x \ y \ 1) \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ -0.5w & 0.5h & 1 \end{pmatrix}$$
 (6.33)



有「式 (6-31) ~ (6-33), 可以将变换分成3个步骤来完成:

- 1) 将坐标系 xO'y 变成 xOy。
- 2) 将该点顺时针旋转 a 角。
- 3) 将坐标系xOy变回xO'y,这样,就得到了如下的变换矩阵(是上面3个矩阵的级联)。

$$\begin{aligned} &(x_i \quad y_i \quad 1) = &(x_0 \quad y_0 \quad 1) \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ -0.5w_{\rm old} & 0.5h_{\rm old} & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \cos a & -\sin a & 0 \\ \sin a & \cos a & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ -0.5w_{\rm new} & 0.5h_{\rm bes} & 1 \end{pmatrix} \\ &= &(x_0 \quad y_0 \quad 1) \begin{pmatrix} \cos a & \sin a & 0 \\ -\sin a & \cos a & 0 \\ -0.5w_{\rm old}\cos a + & -0.5w_{\rm old}\sin a - \\ 0.5h_{\rm old}\sin a - 0.5w_{\rm old}\cos a + & 0.5h_{\rm old}\cos a + 0.5h_{\rm oles} \end{pmatrix}$$

(6 34) 式中, w_{old} , h_{old} , w_{one} , h_{one} 分別表示原图像的宽、高和新图像的宽、高。式 (6-34) 的逆 を接为

$$\begin{aligned} & (x_0 \quad y_0 \quad 1) = (x_1 \quad y_1 \quad 1) \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ -0.5w_{\text{min}} & 0.5h_{\text{how}} & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \cos a & \sin a & 0 \\ -\sin a & \cos a & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0.5w_{\text{old}} & 0.5h_{\text{old}} & 1 \end{pmatrix} \\ & = (x_1 \quad y_1 \quad 1) \begin{pmatrix} \cos a & -\sin a & 0 \\ \sin a & \cos a & 0 \\ -0.5w_{\text{now}} & \cos a - 0 & .5w_{\text{now}} & \sin a - 1 \\ 0.5h_{\text{now}} & \sin a + 0.5w_{\text{old}} & 0.5h_{\text{how}} & \cos a + 0.5h_{\text{dol}} \end{pmatrix}$$
 (6-35)

这样,对于新图像中的每 点,就可以根据式 (6 34) 求出对应原图像中的点。并得予。 它的灰度。如果超出原图像范围,则填成白色。 受注意的是,由于有浮点运算,计算出来的 点的坐标可能不是整数,需要采用取整处理,且1投最接近的点,这样会带来。此误差(例像可能会出现辖齿)。更精确的方法是采用插值。这将存 6.6 节中进行介绍。

2. 图像旋转变换的 MATLAB 实现

图像分别逆时针旋转 30°、45°和 60°的程序代码如下,程序运行结果如图 6 25 所示。

[imread('peppers png')

imshow(I),

X1=imrotate(I,30,'nearest'); %旋转 30°

figure;

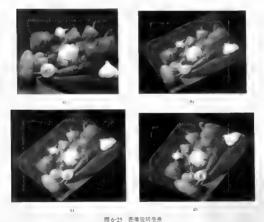
imshow(uint8(X1)).

figure,

X2 imrotate(I,45,'nearest'); %旋转 45° unshow(uint8(X2)).

figure,

X3 :unrotate(I,60,'nearest'); %旋转 60° umshow(uunt8(X3));



a) 脉始图像 b) 旋转 30°后的图像 c) 旋转 45°后的图像 d) 旋转 60°后的图像

6.5.4 图像镜像变换

图像的镜像变换不改变图像的形状。图像的镜像 (Mirror) 变换分为 3 种, 水平镜像、 垂直错像和对伯错像.

1. 图像的水平镜像

设图像的水平铬像操作品格图像左至部分和右半部分以图像垂直中轴线为中心进行错像 对换。设图像的大小为 M×N, 水平镜像可按式 (6-36) 计算:

$$\begin{cases} i'-t \\ j'=N-j+1 \end{cases}$$
 (6 36)

式中, (i,j) 为原图像 F(i,j) 中像素点的坐标: (i',j') 为对应像素点 (i,j) 水平镜像变换后图像 H(i', i')中的坐标。设原图像的矩阵为

$$F = \begin{cases} f_{11} & f_{12} & f_{11} & f_{4} & f_{5} \\ f_{21} & f_{22} & f_{23} & f_{23} & f_{23} \\ f_{31} & f_{32} & f_{33} & f_{34} & f_{35} \\ f_{41} & f_{42} & f_{43} & f_{44} & f_{45} \\ f_{51} & f_{52} & f_{51} & f_{52} & f_{52} \end{cases}$$
(6-37)

经过水平链像的图像。行的排列顺序保持小变、客原来的列排列;=1.2.3.4.5 转换成 j' = 5, 4, 3, 2, 1, \Box

$$\mathbf{F} = \begin{pmatrix} f_{11} & f_{14} & f_{13} & f_{2} & f_{3} \\ f_{25} & f_{24} & f_{33} & f_{22} & f_{24} \\ f_{25} & f_{34} & f_{33} & f_{32} & f_{33} \\ f_{45} & f_{44} & f_{41} & f_{42} & f_{41} \\ f_{44} & f_{44} & f_{45} & f_{54} & f_{54} \end{pmatrix}$$
(6 38)

2. 图像的垂直镜像

图像的垂直镜像操作是将图像上半部分和下半部分以图像水平中轴线为中心进行镜像对 换。设图像的大小为 M×N, 垂直镜像可按式 (6-39) 计算:

$$\begin{cases} i' & M & i+1 \\ j'-j \end{cases}$$
 (6 39)

式中,(i,j) 为原图像F(i,j) 中像素点的學标; (i',j') 为对应像素点(i,j) 垂直镜像变换后图像 H(l', j')中的坐标。

设质始图像的矩阵见式(637),经过垂直镜像的图像,列的排列顺序保持小变,将京 来行的排列1-1,2,3,4,5转换成1'=5,4,3,2,1,即

$$\mathbf{H} = \begin{pmatrix} f_{51} & f_{52} & f_{51} & f_{54} & f_{55} \\ f_{41} & f_{42} & f_{51} & f_{44} & f_{45} \\ f_{31} & f_{32} & f_{33} & f_{34} & f_{35} \\ f_{21} & f_{22} & f_{23} & f_{24} & f_{25} \\ f_{11} & f_{12} & f_{13} & f_{14} & f_{15} \end{pmatrix}$$
(6 40)

3. 图像的对角镜像

图像的对角镜像操作是特图像以图像水平中轴线和垂真中轴线的交点为中心进行镜像 对换。相当于将闭缆见后进行水平镜像和垂直镜像。设图像的大小为 $M \times N$, 对角镜像可 技式(64))计算:

$$\begin{cases} i' = M - i + 1 \\ j' = N - j - 1 \end{cases}$$
 (6-41)

式中, (ι,j) 为原图像 $F(\iota,j)$ 中像素点的學标;(i',j')为对应缴套点 (ι,j) 对角变换后图像H(i',j')中的坐标。设原图像的矩阵见式(6 37),经过对角镀像的图像,将原来的行排列i-1,2,3,4,5转换成i-5,4,3,2,1,即

$$\mathbf{H} = \begin{pmatrix} f_{33} & f_{34} & f_{31} & f_{32} & f_{31} \\ f_{45} & f_{44} & f_{43} & f_{42} & f_{41} \\ f_{73} & f_{74} & f_{73} & f_{72} & f_{73} \\ f_{75} & f_{74} & f_{73} & f_{72} & f_{72} & f_{71} \\ f_{15} & f_{14} & f_{15} & f_{13} & f_{13} \end{pmatrix}$$
(6-42)

4. 图像镜像变换的 MATLAB 实现

垂直、水平和对角镜像的程序如下: 其中, Ⅱ 为原始图像: 12 为垂直镜像: 13 为水平镜像: 14 为对角镜像。

Il=imread('F. amage\fj jpg');

I1=double(I1); figure(1),

mshow(unt8(11));

H=size([]);

figure(2), 12(1.H(1).1:H(2).1:H(3))=I1(H(1):-1:1.1:H(2).1 H(3)); %垂直缝像

imshow(uint8(12)):

figure(3), f3(1.H(1),1:H(2),1:H(3))=l1(1:H(1),H(2) 1:1,1:H(3)); %水平镜像

imshow(unt8(I3));

figure(4),

|4(1:H(1),1:H(2),1·H(3))=11(H(1).·1·1,H(2):-1·1,1:H(3)),%对角镜像

imshow(unt8(I4));

程序运行结果如图 6 26 所示。

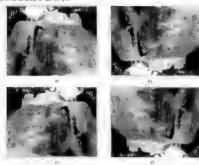


图 6-26 图像镜像变换 a) 原始图像 b) 垂直镜像 c) 水平镜像 d) 对角镜像

6.5.5 图像剪切变换

1. 图像剪切变换

当只需要处理關係中的 部分到:或者需要将某一部分取出,这样就要对图像进行剪 切, MATLAB 7.0 阁像处理 [具箱提供了感数 imcrop()用 严剪切图像中的 一个矩形图, 用户 可以通过参数指定这个矩形页点的學标,也可以用鼠标指针选取这个矩阵。

函数 imcrop()的语法格式为

12=imrcon(1)

X2= imrcop(X, map)

RGB2= imrcop(TGB)

12= imrcop(i, rect)

X2= imrcop(X, map, rect)

RGB2= imrcop(RGB, rect)

 $[\cdots] \ \, \operatorname{imrcop}(x\,,\,y,\,\,\cdots)$

[A, rect]= imrcop(···)

[x, y, rect]= imrcop("")

其中, 12 mrcop(I)、X2 imrcop(X, map)和 RGB2 imrcop(TGB)为父互式地对灰度图像、索引色图像和真彩色图像进行剪切。12- imrcop(I, rect)、X2- imrcop(X, map, rect)和 RGB2- imrcop(RGB, rect)按指定的矩形框 rect 剪切图像, rect 是一个四元向量(xmm ymm

2. 图像剪切的 MATLAB 实现

下向的例子将从 幅图像中剪切 块子图像, 學标为(80, 70)~(220, 178), 结果如图 6·27 所示。

I1=imread('F-\image-yJ.jpg'), I2=imreop(I1,[75.68.220.100]); imview(I1).imview(I2).





图 6 27 图像剪切变换 a) 总始图像 b) 剪切后的图像

6.5.6 图像复合变换

器像的复合变换是指对给定的图像进行两次或两次以上的平移、镜像、比例、旋转等基本变换的多次变换。人称为级联变换。由于引入齐次替标后图像的基本变换采用了效。 的是 表示形式,根据如阵理论可知,对给定图像按顺序建续进行多次基本图像变换,其变换的 与陈纺纳加以用 3·3 净附表小。复合变换的矩阵等于基本变换的矩阵被交换顺序依次相乘。

若对图像依次进行了n次平移、镜像、比例、旋转等基本变换,其变换矩阵分别为 T_1,T_2,\cdots,T_s ,则n次变换之后的复合变换矩阵T可以表示为

$$T - T_1T_2 \cdots T_{n-1}T_n$$
 (6-43)

根据复合变换的组合类型。复合变换可以分为如下两类。

1. 同类型复合变换

复合变换由同一种基本变换组成。E.相同的基本变换连续进行多次,如复含平移、复合比例缩放、复合旋转等。

2. 不同类型的复合变换

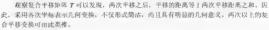
复合变换由不同类率的基本变换组成,即不同的基本变换连续进行多次,如图像的转置、绕仟意点的比例缩放、绕仟意点的旋转等。

现对同类型的复合变换讨论如下。

(1) 复合平移

以包含两次基本平移的复合平移为例,指将图像先平移到新的位置 4(x, x)后,再将图 像平移到位置 A(x, v,),复合平移矩阵为

$$T - T_1 T_2 \begin{pmatrix} 1 & 0 & \Delta x_1 \\ 0 & 1 & \Delta y_1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 0 & \Delta x_2 \\ 0 & 1 & \Delta y_2 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 1 & 0 & \Delta x_1 + \Delta x_2 \\ 0 & 1 & \Delta y_1 + \Delta y_2 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$
(6 44)



(2) 复合比例

同样、以包含两次比例缩放变换的复合缩放变换为例、复合比例矩阵为

$$T = T_1 T_2 \begin{bmatrix} a_1 & 0 & 0 \\ 0 & b_1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a_2 & 0 & 0 \\ 0 & b_2 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} a_1 a_2 & 0 & 0 \\ 0 & b_1 b_2 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$
(6-45)

对图像连续进行多次比例缩放变换,最后的复合比例矩阵,只需要对两次变换的比例常 数讲行 乘积运算即可。

(3) 复合旋转

类似地,对图像连续进行多次旋转变换,最后合成的旋转变换矩阵等于各次旋转角度之 和。以包含两次旋转变换的复合旋转变换为例。复合旋转矩阵如下:

$$T - T_1 T_2 \begin{pmatrix} \cos \beta_1 & \sin \beta_1 & 0 \\ -\sin \beta_1 & \cos \beta_1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \cos \beta_2 & \sin \beta_2 & 0 \\ \sin \beta_2 & \cos \beta_2 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

$$- \begin{bmatrix}
\cos(\beta_1 + \beta_2) & \sin(\beta_1 + \beta_2) & 0 \\
-\sin(\beta_1 + \beta_2) & \cos(\beta_1 + \beta_2) & 0 \\
0 & 0 & 1
\end{bmatrix}$$
(6 46)

以上均为相对上原点(图像中心)进行比例、旋转等复合变换,如果要相对其他参考点 进行以上变换,则要先进行平移。然后再进行其他基本变换,最后形成图像的复合变换。不 同的复合变换, 所包含的基本变换的数量和次序各不相同。但是无论其变换过程多么复杂。 都可以分解成若十基本变换组成,都可以采用齐次举标表示,且图像复合变换矩阵由 系列, 其太安施钜佐依次相垂而得到。

透视投影

在光线的照射下, 维物体可以在二维平面上形成投影, 这种将 维物体或对象转变为 维图形表小的过程称为投影变换,投影中心称为视点。根据视点与投影平面之间距离的不 同, 投影可分为平行投影和透视投影。平行投影的视点与投影平面之间的距离为无穷人, 若

该距离是有限的员称为透视投影。

透视投影即透视变换,透视投影的距离决定着透视投影的透视缩小效应, 「维物体或对 象透视改影的人小与物体到观点的距离成反比、例如、平行于投影面且长度相等的两段直 线、高投影中心距离较近的线段,其透视投影长。高投影中心远的线段,其透视投影也。这 种效应所产生的视觉效果与照相机系统、人的视觉系统十分相似。与平行投影相比,透视投 影的浓度滤更强,看上去更真实。但透视投影不能真实地反映物体的精确尺寸和形状。

透视投影时,平行于投影面的平行线的投影依然平行,而不平行于投影面的平行线的投影则会集集型,个点。这个点称为庆点(Vanishing Point)。灭点可以音做是无限远处的可以形成不同的投影。透视投影的庆点可以有无限多个,不同方向的平行线在投影面上就可以形成不同的为之点。其中堡际输方向的平行线在投影面上所形成的灭点称为上灭点。对于:维空间(xx,y,z3 个坐标输)上灭点最多有3个。透视投影一般根据主灭点的数量(即按投影面与"根标轴的束角)进行分类。因此可分为一点透视、二点透视和 点透视,如图6-28 所示。

- 以 点透视为例,如图 6 28a 所示, 它仅有 个主灭点, 即投影面与一个坐标轴正交, 与另外两个学标轴平行, 进行"点透视投影变换时, 应考虑好投影的布局, 以避免,维物体 或对象的严调或积聚应肯效和最近自能较和原种。主要考虑如下几点。
 - 1) : 维物体或对象与画面(投影面)的相对位置。
 - 2) 视距,即视点与画面的距离。
 - 3) 视点的高度。

如图 6-29 所示,设视点在坐标原点。z 坐标轴方向与观察方向重合一致,点 P(x,y,z) 为 "维物标或对象上的" 点。经 。点透视变换后在投影面、观察平面 UOV 上的对应点为 P(x',y',z'),投影面与视点的距离为d ,并与z 轴垂直。z 轴过投影面窗口的中心,窗口足边长为z2 的正方形。根据几何学知识问得。

$$\begin{cases} \frac{x'}{x} = \frac{y'}{y} = \frac{z'}{z} = k \\ z' = d \end{cases}$$

$$\frac{\lambda \triangle}{\lambda}$$

$$\frac{\lambda}{\lambda}$$

$$\frac{$$

(6-47)

图 6 28 透视变换的类型

a) 点透视 b) 点透视 c) 上点透视



图 6-29 点透视变换原理

利用各次學标、与二维几何变换类似。将该过程写成变换矩阵形式为

$$\begin{pmatrix} x' \\ y' \\ z' \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & k & 0 \\ 0 & 0 & k & 0 \\ 0 & 0 & k & 0 \\ x \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$$
(6-48)

这就是图像的 点透视变换。即

$$\begin{pmatrix} x' & y' & z' & 1 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} \frac{x}{z}d & \frac{y}{z}d & d & 1 \end{pmatrix} \tag{6.49}$$

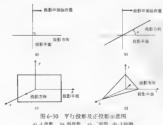
空际上. ·般情况下, ·点透视变换矩阵也可以用 ·个4×4的矩阵表示。

6.5.8 平行投影

平行投影不具有缩小性,能精确反映物体的实际尺寸。平行线的平行将影仍是平行线。 平行投影可根据投影方向与投影面的夹角分成正投影和斜投影两种。"省投影方向与投影面的 夹角为 90°时,得到的投影为正投影,否则为斜投影。是平行投影中的两类投影难式的点理 示意图如图 6 30a、b 所示。

1. 正投影

如图 6 30c、d 所示。依据投影平面的法矢量的方向。正投影又分为 视图和正轴侧两 种模式。



a) d 投影 b) 斜投影 c) '视图 d) 上轴侧



a) .视图 b) ÷视图 c) 俯视图 d) 侧视图

将:视图投影变换用齐次學标來表示。设点P在:维空间的坐标为(x,y,z),其投影点 P在,维空间上的学标为 (x_y,y_y,z_y) ,则在齐次學标下。上视图、侧视图和俯视图的变换 见式(6 50) \sim (6 52)。

$$(x_{p'} \ y_{p'} \ x_{p'} \ 1) = (x \ y \ z \ 1)T_{\text{front}}$$
 $T_{\text{front}} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ (6-50)

$$(x_p \quad y_{p'} \quad z_p \quad 1) = (x \quad y \quad z \quad 1)T_{\text{index}} \qquad T_{\text{olde}} = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$
(6.51)

$$(x_{p'} \ y_{p'} \ z_{p'} \ 1) = (x \ y \ z \ 1)T_{top}$$
 $T_{top} = \begin{cases} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{cases}$ (6-52)

非:视图的平行投影为正轴侧,如图 6 32 所示。正轴侧有等轴侧、正 侧和正·侧: 种。"投影面与一个举标轴之间的实角都相等对为等轴侧、"投影面与两个学标轴之间的夹角和相等时为止"侧。如图 6 33 所示。 上轴侧可以通过几步分解获得。如图 6 33 所示。投影面分别与一个坐标交子 A. B. 和 C. 投影方向;投影面垂直。首定、把物在发投影面缘》轴顺时针旋转 B. 角视 B. 33b、再络 x 轴逆时针旋转 B. 角积 6 33c。换句话说,就是将上轴侧分为两个绕坐标轴旋转的处理来完成。这样,用齐次坐标来描述得;

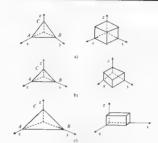


图 6 32 正轴侧正方体侧投影 at 等轴侧 b) 正 侧 c) 正 侧



图 6 33 正轴侧投影变换分解示意图

ε) 止轴侧投影平面 b) 投影面绕 y 轴顺时针旋 θ 角 c)投影面绕 z 轴顺时针旋转 σ 角

$$(x_{p'}, y_{p'}, z_{p'}, 1) = (x, y, z, 1)T$$
 (6.53)

做绕 y 轴及 x 轴的旋转:

$$T = T_{s}T_{v} = \begin{pmatrix} \cos \varphi & 0 & \sin \varphi & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ -\sin \varphi & 0 & \cos \varphi & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \cos \theta & \sin \theta & 0 \\ 0 & -\sin \theta & \cos \theta & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} \cos \varphi & -\sin \varphi \sin \theta & \sin \varphi \cos \varphi & 0 \\ 0 & \cos \theta & \sin \theta & 0 \\ -\sin \varphi & -\cos \varphi \sin \theta & \cos \varphi \cos \theta & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$
(6.54)

在 z 轴方向上做正投影。就得到正轴侧的投影变换矩阵为

$$T = \begin{pmatrix} \cos \varphi & -\sin \varphi \sin \theta & 0 & 0 \\ 0 & \cos \theta & 0 & 0 \\ -\sin \varphi & -\cos \varphi \sin \theta & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$
(6-55)

等轴侧的条件是投影面与"个坐标轴方向的夹角都相等。于是得到等轴侧的投影变换矩阵为

$$T_{oo} = \begin{pmatrix} \sqrt{2}/2 & -\sqrt{6}/6 & 0 & 0 \\ 0 & \sqrt{6} & 3 & 0 & 0 \\ -\sqrt{2}/2 & -\sqrt{6}/6 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$
(6.56)

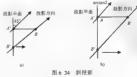
止 便的条件是投影与某两个坐标轴之间的夹角相等。因此, 正 侧的投影变换矩阵为

$$T_{den} = \begin{cases} \sqrt{2}/2 & -\sqrt{2}/2\sin\theta & 0 & 0\\ 0 & \cos\theta & 0 & 0\\ \sqrt{2}/2 & -\sqrt{2}/2\sin\theta & 0 & 0\\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{cases}$$
(6.57)

2. 斜投影

斜投影是第一类平行投影,与正投影的区别在于投影方向与投影面不垂直。斜投影将正 投影的:视图和正轴侧的特性结合起来。既能像:视图那样在主平面上进行距离和角度测量、又能像正轴侧那样同时反映物体的多个面,具有立体效果。通常选择投影面垂直于某个上轴,这样对平行于投影面的物体表面可进行距离和角度的侧置,而对物体的其他面,可沿该主轴侧置距离。

如图 6 34 所示,常用的两种斜投影起斜等侧和斜。侧。"投影方向与投影平面成 45°角时,得到的是斜等侧(见图 6 34a),这时,和投影平面垂直的任何直线段,其投影长度不变,即起 6-34a中 AB - A'B'。"投影方向与投影平面成 arctan 2 的角度时,得到的是斜。侧(图 6-34b)。这时,和投影平面垂直的任何直线,其投影长度为原来的一半,即图 6 34b中 4B = 2'A'B'。



a) 斜等倒 b) 斜 倒

有了斜投影的概念, 下面来看斜投影变换。设投影平面为xy平面, 投影方向与投影平

面的夹角为 α ,投影线和z轴所组成的平向与xz面的两面角为 β 。如图 6.35 所示,点 $P'(x_{-}^{(0)}, v_{-}^{(0)}, 0)$ 是点 P(0,0,z) 在投影平面上的斜投影,设其大小为k,于是有:

$$x_n^{(0)} = k \cos \beta$$
 $y_n^{(0)} = k \sin \beta$ $k = z \tan \alpha$ (6.58)

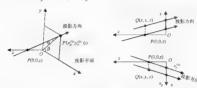


图 6-35 斜投影变换

对于空间任意 ·点 Q(x,y,z), 在投影平面上的斜投影 O'(x,y,0) 的坐标可以直接得出,

RD

$$\begin{cases} x_p = x_p^{(0)} + x = z \tan \alpha \cos \beta + x \\ y_p = y_p^{(0)} + y = z \tan \alpha \sin \beta + y \end{cases}$$
 (6.59)

斜投影变换矩阵为

$$T_{\rm obt} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ \tan \alpha \cos \beta & \tan \alpha \sin \beta & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \tag{6-60}$$

其中,斜等侧的投影方向与投影平面的夹角 $\alpha=45^{\circ}$, $\tan\alpha-1$,所以变换矩阵为

$$T_{\text{obline}} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ \cos \beta & \sin \beta & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$
(6-61)

对于斜 侧,投影方向与投影平面的夹角 $\alpha = \arctan \frac{1}{2}$, $\tan \alpha = 1 \cdot 2 \cdot 0.5$,所以变换处 改初

$$T_{abdim} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0.5\cos\beta & 0.5\sin\beta & 0 & 0 \end{pmatrix}$$
 (6-62)

图 6 36 给出了一个单位立方体在xy平面上的几种斜投影。那些倾斜线是与xy平面垂直 的立方体棱边的投影。它们与怪轴轴x的夹角,就是图 6 36 中的投影倾角 β , β 一般取 45° 和 30°。可以看到,同一个物体以不同的投影方式进行投影后,所得到的图形是不相同的。

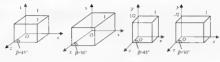


图 6 36 单位立方体的斜投影

6.6 灰度级插值

在进行阁像的比例缩放、旋转及复合变换等,原始图像的像素坐标(x,y)为整数。而变 换后目标阁像的位置型标并非整数。反过来也是如此。因此。在进行图像的几何变换时。除 了要进行几何变换运算之外。还需要进行灰度级插值处理。常用的灰度级插值方法有三种; 最近邻插值法、观线性插值法和三次内插值法。

6.6.1 最近邻插值法

最近邻达插值是 种简单的插值方法,如图 6 37 所示,它是通过计算与点 $P(x_0,y_0)$ 临近的四个点,并将与点 $P(x_0,y_0)$ 最近的整数坐标点 (x,y) 的灰度值取为 $P(x_0,y_0)$ 点灰度近似值。 (x,y) 从各相邻像素间灰度变化较小时,这种方法是一种简单快速的方法,但当 $P(x_0,y_0)$ 点有邻像素间灰度值差异很大时,这种灰度估值方法会产生较大的误差,甚至可能影响积像原量。

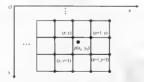


图 6 37 最近邻插值法插值示意图

6.6.2 双线性插值法

双线性插值法是对最近邻法的 种改进,即用线性内插方法、根据点 $P(x_0, y_0)$ 的四个相邻点的灰度值,通过两次插值计算出灰度值 $f(x_0, y_0)$,如图 6~38 所示。 具体计算情况如下:

1) 计算α和β。

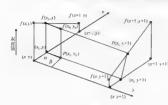




图 6-38 双线性插值法

$$\begin{cases}
\alpha = x_0 - x \\
\beta = y_0 - y
\end{cases}$$
(6-63)

2) 先根据 f(x, v), f(x+l, v) 插值求 f(x, v)。

$$f(x_0, y) = f(x, y) + a[f(x+1, y) - f(x, y)]$$
 6 64)

3) 再根据
$$f(x_0, y+1), f(x+1, y)$$
 插值求 $f(x_0, y+1)$ 。

$$f(x_0, y+1) = f(x, y+1) + d f(x+1, y+1) - f(x, y+1)$$
(6-65)

4) 最后根据 $f(x_0, y)$ 及 $f(x_0, y+1)$ 插值求 $f(x_0, y_0)$.

$$\begin{split} f(x_0, y_0) &= f(x_0, y) - \beta[f(x_0, y + 1) - f(x_0, y)] \\ &= (1 - \alpha)(1 - \beta)f(x, y) - \alpha(1 - \beta)f(x + 1, y) + \\ &= (1 - \alpha)\beta f(x, y + 1) + \beta\alpha f(x + 1, y + 1) \\ &= f(x, y) - \alpha[f(x - 1, y) - f(x, y)] + \beta[f(x, y + 1) - f(x, y)] + \\ &= \beta\alpha[f(x + 1, y + 1) + f(x, y) - f(x, y + 1) - f(x + 1, y)] \end{split}$$
(6-66)

式中, $x = [x_0]; y = [y_0]$ 。

由土双线性插值法已经考虑到了点 P(xo, vo) 的直接邻点对它的影响,因此: 般可以得到 令人满意的插值效果。但这种方法具有低通滤波性质(后面将介绍),使高频分量受到损 失,使图像细节退化而变得轮廓模糊。在某些应用中,双线性插值的斜率不连续还可能会产 牛·此不期望的结果。

三次内插值法

为了得到更精确的 $P(x_n, y_n)$ 点的灰度值。在更高程度上保证几何变换后的图像质量。实 现更精确的灰度插值效果, 可采用一次内插值法等更高阶插值法, 如一次样条函数、 Legendre 中心函数和 $\sin(\pi x)/(\pi x)$ 函数等,这时既要考虑 $P(x_0, y_0)$ 点的直接邻点对它的影 响, 还应考虑到该占周围 16 个组占的灰度值对它的影响(果图 6-37)。

根据连续信号采样定理可知,若对采样值用插值函数 s(x)-sin(xx)/(xx)进行插值,当采 样赖奉不低于信号谱最高频率的两倍时可以准确地恢复原信号。并可准确地得到采样点间任

MATLAB 数字图像处理

意点的值。插值函数 sin(xx)/(xx)的特性如图 6-39 所示。



图 6-39 插值函数 sin(xx)/(xx)的特性

 $s(x) = \sin(\pi x)/(\pi x)$ 可以采用以下三次多项式近似。

采用插值函数 $\sin(\pi x)/(\pi x)$, 可按下述步驟插值算出 $f(x_0, y_0)$:

- 1) 计算 $s(1+\alpha)$ 、 $s(\alpha)$ 、 $s(1-\alpha)$ 、 $s(2-\alpha)$ 以及 $s(1+\beta)$ 、 $s(\beta)$ 、 $s(1-\beta)$ 、 $s(2-\beta)$ 。
- 2) 根据 f(x-1,y), f(x,y), f(x+1,y), f(x+2,y) 计算 $f(x_0,y)$ 。

$$\begin{split} f(x_0,y) &= s(1+\alpha)f(x-1,y) + s(\alpha)f(x,y) + s(1-\alpha)f(x+1,y) \\ &+ s(2-\alpha)f(x+2,y) \end{split} \tag{6.68}$$

- 3) 按步骤 2) 求 $f(x_0, y-1), f(x_0, y+1), f(x_0, y+2)$.
- 4) 根据 $f(x_0, y-1)$, $f(x_0, y)$, $f(x_0, y+1)$, $f(x_0, y+2)$ 计算 $f(x_0, y_0)$.

$$f(x_0, y_0) = s(1+\beta)f(x_0, y-1) + s(\beta)f(x_0, y) + s(1-\beta)f(x_0, y+1)$$

$$+s(2-\beta)f(x_0, y+2)$$
(6-69)

上式计算过程可用矩阵表示为

$$A = (s(1+\alpha) \quad s(\alpha) \quad s(1-\alpha) \quad s(2-\alpha))$$

$$\mathbf{B} = \begin{cases} f(x-1,y-1) & f(x-1,y) & f(x-1,y+1) & f(x-1,y+2) \\ f(x,y) & 1 & f(x,y+1) & f(x,y+1) & f(x,y+2) \\ f(x+1,y-1) & f(x-1,y) & f(x-1,y+1) & f(x+1,y+2) \\ f(x+2,y-1) & f(x+2,y) & f(x+2,y+1) & f(x+2,y+2) \end{cases}$$

$$C = (s(1+\beta) \quad s(\beta) \quad s(1-\beta) \quad s(2-\beta))^T$$

6.6.4 灰度级插值法的 MATLAB 实现

如图 6 40 所示,图中分别采用最近邻插值法、双线性插值法和三次内插值法得到的图

第6章

像放大结果。其实现代码如下:

I=imread('lena.bmp'), figure.imshow(I)

X1=imresize(I,1)、%最近邻插值法

X2=imresize(1,1,'bilinear'), %双线性插值法

X3=imresize(1,1,'bicubic')% 次内插值法

figure,imshow(X1); figure,imshow(X2).

figure,imshow(X3)

从以上:种插值方法对图像放大的结果可以看示,采用最近邻插值法的图像中明显可以 看珠状效应,但对于质量要求不高的情况下,图像效果还可以接受,双线性插值法和 次内 插值法的结果则没有块状,但双线性插值法有些模糊,次内插值法的效果是最好的。



图 6 40 采用不可插值方法的图像

a) 原始图像 b) 最近邻插值法 c) 双线性插值法 d) "次内插值法

习题

- 6 1 为什么点运算不会改变图像内像素的空间位置关系?
- 6 2 图像相加运算能消除图像的加性随机噪声吗?为什么?
- 6 3 什么是齐次坐标? 在图像的几何变换中。它具有哪些优点?



- 6 4 几何运算在数字图像处理技术中具有哪些典型应用?
- 6 5 常用的几何运算有哪几种?
- 6-6 編写 一个程序以实现如下功能。考一个灰度图像与该灰度图像经过平移后(边界全部填充为零)得到的图像,进行相减后再相乘,并显示和比较两种操作带来的不同图像输出效果。
 - 6-7 图像游转变换对图像的质量有无影响? 为什么?
 - 6 8 什么是图像的复合变换?复合变换可以分为几种情况?
 - 6-9 设原图像为

59	60	58	57	
81	59	59	57	
62	59	60	58	
59	61	60	56	

请用最近邻插值法将该图像放大为16×16大小的图像。

第7章 图像增强



经图像信息输入系统获取的原图像中通常都含有各种各样的噪声和畸变, 大大影响了图 像的质量。因此, 在对图像进行分析之前, 必须先对图像质量进行改善。通常, 采用图像增 强的方法对图像质量进行改善。图像增强不会考虑引起图像质量下降的原因,而是将多像中 感兴趣的特征有选择地突目,并衰减不需要的特征。各像增强的目的是为了改善图像的视觉 效果。提高图像的清晰度和。艺的适应性,以及便士人与计算机的分析主处理,以满足图像 复制或再现的要求。

图像增强的方法分为空域法和叛域法两类, 空域法主要是对图像中的各个像素点进行操 作; 血频域法是在图像的某个变换域内对整个图像进行操作, 并修改变换后的系数, 加值甲 叶变换、DCT变换等的系数,然后再进行反变换,便可得到处理后的图像。

当然, 在图像增强的过程中, 总是以对某 部分信息的强调和另一部分信息的损失为代 价的。因而总是在要求不降低图像质量的前提下,对图像进行处理来改善图像质量。但是, 目前在图像增强方面还没有统 的质量评价标准,即缺乏从图像外观的角度进行1、客观评 判的数学量度,所以图像增强手段还有待于更深入的研究。下面将对这 章展开学习。

7.1 灰度变换增强

灰度变换增强是根据某种目标条件,按 定变换关系逐点改变原图像中每一个像素占的 灰度值的方法,即设原图像像素的灰度值为D = f(x,y),处理后图像像素的灰度值为 D' g(x, y), 则灰度增强可表示为

$$f(x,y) \quad T[g(x,y)]$$

$$D' - T(D)$$
(7.1)

通过变换,达到对度增强的效果。当灰度变换关系D'T(D)确定后,见确定了一个具 体的灰度增强方法。D' = T(D) 通常是一个单值函数。

7.1.1 像素及其统计特性

1. 像素的选择

MATLAB 7.0 图像处理 「具箱提供了两个指定像套信息的函数。

- pixval()函数: 交互式显示像素的数值,也可以显示两个像素间的欧儿里德距离。
- mpixel()函数: 返回被洗择像套或像素集合的数据值,可通过输入参数定义像素學标。 以下命令行说明了 impixel()函数的使用方法。

[C, R, P]=impixel(X, MAP)

其中, X 表示输入图像, MAP 为家引色图像的调色板 (当图像为索引色图像时才有此参数), C 表示指定像素的颜色, R 和 P 表示像素的學标。如果在输入图像参数后面给出两个指定的像素学标的问道, 则 impixel()函数格返回指定像素的庚度; 如果用 impixel()函数的设有指定参数, 则系统特力动选择位于当前全标轴中的图像。在父互式下,选择完生后按(Fpiter) 键, 函数将返回解洗像素的缩色数据。以下程序代码设即了该函数的操作情况。

Imshow canoe tif vals: Impixel vals: 0.2902.0.2588.0.1922 0.5176...0.0 0.3882.0.3882.0.2902

显示图形效果如图71所示。



图71 获取像素值小意图

2. 线段上像素灰度分布的计算和绘制

如果需要计算并绘制图像中 条或多条线段上的所有像素灰度值、MATLAB 7.0 图像处理, L具箱提供的 improfile(j函数可以实现该功能。调用该函数时,可以使用端点學标作为输入参数来定义线段,也可以使用鼠标交互式地定义线段。非交互式 improfile()函数的调用格式如下,

C−ımprofile(I, Xi,Yi)

其中, I 为输入图像、Xi()和 Vi 是两个向量, 用来指定线段的端点。输出为线段各点的 灰度或颜色值, 如果 improfile()函数不输入任何参数。那么"直标位于图像中时会变为十字 形。可以通过鼠标来定义线段的端点。单击"返回" 按程后, improfile()函数将在一个新客 形窗口中显示所得的线段夹度值的分布情况,如图 7 2 所示。

[=fitsread('solarspectra fts'),
imshow(!,[]),
improfile



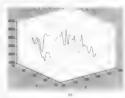




图 7-2 线段上的像素灰度分布图 a) 总的图像 b) 像素灰度分布图

图 7 3 所示 是对 RGB 图像进行以下操作后显示的结果:

imshow peppers.png improfile



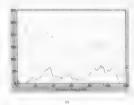


图 7-3 RGB 图像线段灰度分布图 a) 原始图像 b) 像高灰度分布图

3. 图像等高线

在 MATLAB 7.0 图像处理。具箱中还可以用 imcontour()函数来显示表度图像的简高线。 该系数与 MATLAB 7.0 中的 contour()系数类似。不同的第是 imcontour()函数可以自动进行 學标改置。使输出图像的方向和外观与图像吻合。以下程序代码示例说明了该函数的使 用方法。

> timread('rice png'), imshow(I) figure,imcontour(I)

执行程序代码后效果如图74所示。





图 7 4 图像与其等高线图 a) 均价图像 b) 等基均图像

4. 统计摘要

比外,还可以使用图像处理工具箱中的 mean2()函数、std2()函数和 corr2()系数, 对图像的标准统计特性进行计算。

- mean2: 计算矩阵元素的平均值
- std2: 计算矩阵的标准偏差
- corr2: 计算两个矩阵的相关系数

5. 区域属性度量

在 MAILAB 7.0 中可以用 regionprops()添数来计算图像的区域属性。这些属性包括测量指定图像区域的向积、质心、边框等。regionprops()逐数调用方式如下:

BW=imread('text png'); L=bwlabel(BW), stats=regionprops(L,'all'), stats(23)

得到的图像属性统计结果为

ans

Area 48

Centroid: [121 3958 15 8750]

BoundingBox [118.5000 8 5000 6 14]

Subarrayldx: {[9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 21 22] [119 120 121 122 123 124]}

MajorAxisLength: 15.5413

MinorAxisLength: 5.1684

Eccentricity, 0 9431

Orientation, -87 3848

ConvexHull. [10x2 double] ConvexImage: [14x6 logical]

ConvexArea 67

Image: [14x6 logical]

FilledImage [14x6 logical]

FilledArea, 48

EulerNumber 1

Extrema: [8x2 double] EquivDiameter: 7.8176 Solidity: 0.7164 Extent: 0.5714 PixelldxList, [48x1 double] PixelList: [48x2 double] Perimeter: 35 3137



7.1.2 直接灰度变换

在扫描过程中、由于扫描系统或者光电转换系统多方面的原因。常用规图像不均匀、对 比度不足等弊端,使人眼在观看图像时视觉效果很差。灰度变换就是在图像采集系统中对图 像像素进行修正, 使整幅图像成像均匀。

灰度变换可以分为 3 种; 线性变换、分段线性变换和非线性变换。灰度变换可以使图像 动表范围加大、图像对比度扩展、图像清晰、特征明显、显图像增强的重要手段。

1. 灰度线性变换

若 D' = T(D) 是一个线性单值函数、则由它确定的基度变换称为基度线性变换。简称线 性变换。

岩图像灰度值D = f(x, y)的可能值域为 $[D_{--}, D_{--}]$, 如图 7 5 所示是 种 D'_{--} D 的曲线 正斜率的线性变换, 其表达式为







图 7 5 灰度线性夸接

a) 灰度倒置 b) 局部祭车变换

具体变换时、将图像中每个像素的灰度值根据令换曲线进行映射。 下面是灰度倒置线件变换的程序示例。其效果如图 7-6 所示。

clc:

clear all.

I imread('peopers ong').

colorman.imshow(I):

%设置图像倒置参数

j=imadjust(I,[0 1],[1 0],1.5);

%显示倒置后的图像

figure,subimage(j)





图 7-6 灰度倒置约里

a) 拉於財徒 b) 表序包置与价格使

2. 分配线性变换

分段线性变换是格图像的传域分战多个值域并进行不同线性变换的 种質法。采用分段 线性变换,可根据变换要求,压缩 部分东度区间,扩展为另外 部分灰度区间。其变换表 达式为

$$D' = \frac{D'_c - D'_a}{D - D}(D - D_a) + D'_a \qquad D \in [D_a, D_c]$$
(7-3)

$$D' = \frac{D'_e - D'_g}{D_e - D_g} (D - D_g) + D'_g \qquad D \in [D_g, D_g]$$

$$D' = \frac{D'_b - D'_g}{D_c - D_g} (D - D_g) + D' \qquad D \in [D_g, D_g]$$
(7-3)

分段线性变换既可以用多段折线构成 个单位函数, 又可逼近 条曲线。同时, 经过议 种心换以后, 司使所关心的图像细节的灰度范围得以扩展, 增强其对比度;同时, 又使不关 心的图像细节所处的灰度范围得以压缩。降低其对比度。值得注意的是,采用这种分段线性 变换, 心掩前后整幅图像点的灰度范围是不变的。如图 7 7 所示。

3. 灰度的非线性变换

灰度的非线性变换简称非线性变换,是指出D'=T(D)这样 个非线性单值函数所确定 的灰度变换。这里主要讨论实际应用中经常使用的对数变换。对数变换常用来扩展低值灰 度、压缩高值复度。这样可以使低值复度的图像细节更容易看清、从而达到图像增强的效 果。对数变换曲线如图 7 8 所示。其表达式为





图 7-7 分段线件变换

图 7-8 对数变换曲线

$$D' - C * \log(1 + |D|)$$

式中, C为尺度比例常数。

利用图 7 8 中的对数变换曲线,对图 7 9a 中的原始图像进行变换,可得到如图 7 9b 所

示的变换效果, 其变换程序说明如下:

I = imread('trees tif');colormap

ımshow(1)

J=double(!), J=45*.og(J+1),

I=uint8(J), figure,subimage(J)





图 7 9 对 数变换前、后的图像效果图 a) 原始条像 b) 变换L的序像

7.1.3 直方图灰度变换

有多种方法可以实现网像灰度变换, 其中最常用的就是直方图灰度变换的方法, 下面将 垂点时论直方图灰度变换方法。

省像的自介划是\$像的重要统计特征,可以从为是各像实度分布密度函数的近似。通常 图像的灰度分布空度函数,像素所有的位置有义。设图像自点(x,y)处的灰度分布密度函数为p(x;x,y),那么图像的灰度密度函数为

$$p(z) = \frac{1}{S} \iint_{D} p(z, x, y) dxdy$$
 (7.6)

式中、D 是伤像的定义或:S 是区域 D 的面积。一般来引,要得到精确的密像来度分布密度 承敬:此刻相率,所以实际中国国际的自己图案代替。自力周速 个离散清数,它表示数字悠像 每一块度级二点失度级汇度制率的对应关系。设 辐数字选像的像乘点数为 N,D L 个失度级。几人句本个头度级的变度。我的像来只看。

$$h_K = \frac{n_K}{N}$$
 $k = 0, 1, \dots, L - 1$ (7-7)

← MATLAB 70 関像处理 Ⅰ 具箱中, 直接提供了 imhust()函数来计算和显示各像的直方 图、格式为

- ımhist(I, n): 对灰度图像
- imhist(X, map): 对索引色图像

• [counts, x] imhist(***)

其中, 1 代表灰度率像, n 为指定的灰度级数目, 默认值为 256, counts 和 x 分别为返回 自方图数据向量和相应的色彩值向量。

灰度直方图程序代码如下,操作效果如图 7 10 所示。

[imread('cameraman tif'), imshow(I,[40 255]); figure.imbist(I)



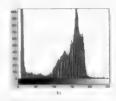


图 7 10 灰度图像与直方图

a) 旅岭開像 b) 直方图

出图 7 10 可以看出,可以通过改变百方图的形状来达到增强图像对比度的效果。该方法以概率论为基础。实际上,改变直方图形状的常用方法就是直方图的均衡化、

 \land MATLAB 70 中,图像处理上箱箱提供了对比度调整系数 madjust(),用于调整灰度 值或颜色图,其调用格式为

ullet J imadjust(I, [low_in] high in,[low_out high out], γ)

将灰度各像 1 转化为图像 J,使值 low in 到 high_un 与从 low out 到 high_out 相匹配,人 F high m 或小 I low in 的鱼将被减去。即小于 low_in 的鱼与 low out 相匹配,人于 high in 的鱼与 high out 相匹配。它们的默认值为[0, 1]。 y 用来指定描述 1 和 J 值关系曲线的形 状: y <1 时,输入越壳,输上值越流强; y >1 时,输入越壳,输出值越减弱; 默认时 y -1,表示线性变换。图 7 11 给元 J 字值 不同时对应的权 L a数曲线。



图 7 11 不同,值对应的校正函数曲线

a) y <1 計 b) y =1 計 c) y >1 时

下面将通过示例来说明 imadjust()函数的用法。

在北仍然社图 7 10 所示的图像进行处理,程序代码如下,其处理结果如图 7 12 所示。 对这两幅密进行对比,可以看出,经过变换品的洛像覆盖了整个灰度稳固,而在图像 7 10 中,灰度范围只在 40~255 之间。





图 7 12 均衡后的衡像及其自方图 a) 变换石的图像 b) 变换后附像的直方图

I imread('cameraman tif'), J=imadjust(I,[0.15 0.9],[0 1]), imshow(I).

figure,imhist(1,64)

其中, imadjust()函数的第二个向量[0.15, 0.9]指定需要映射的灰度值范围,第二个可量 [0.1]指定希望映射至的灰度值范围,即灰度值 0.15 碳射到輸出图像中的 0, 灰度值 0.9 映射 到輸出图像中的 1。

除了增强或减弱图像的对比度外,还可以对图像的灰度范围进行映射。以下程序代码水 例就是用 imadjust()函数将输入图像的灰度范围从[0 51]映射于[128 255],输出图像9、8 7 13 所示。





图 7-13 元 是调节 符、 后图像 a) 原始图像 b) 2型均当1.6高度

I imread(cameraman tif'),
I imadjust(I,[0 0 2],[0.5 t]);
imshow(I);
figure.imshow(I)

上述操作可以人人提高恪像的亮度,也可使原始图像失暗部分的动态变化范围大大增加,从而使细节更容易观看。

从上面的例子可以看出。用 imadjust()函数必须按照下面的两个步骤进行:

- 1) 观察图像的直方图, 判断灰度范围。
- 2)将永度范围转换为0~1之间的小数,使得永度范围可以通过向量[low_in high_in]传 递给函数。

此外, 可选参数 y 对剧像修订的处理效果有很好的改善, 如以下程序代码示例, 仍假设 图像灰度范围不变, 取 y 0.5, 对图 7 14a 进行变换, 可得到如图 7 14b 所示的效果。

[X,map] imread('trees.tif'); I=ind2gray(X,map); J=imadjust(I,[],[],0 5), figure,imshow(I)





图 7-14 y 修正前、后的图像 a) 身始图像 b) 修正后的图像

7.1.4 直方图均衡化

- 自方图均衡化是 种使输出图像自方图近似服从均匀分布的变换算法,其计算步骤如下:
- 1) $F_{i,1}$ 原始射像的灰度级 f_i , $j=0,1,\cdots,k,\cdots,L-1$, 其中 L 是灰度级的个数。
- 2) 统计各灰度级的像素数目 n_j , $j=0,1,\cdots,k,\cdots,L-1$ 。
- 计算临始图像直方图各灰度级的频度 P_i(f) n_i, j=0.1,····k,····,L-1, 其中 n 为原始图像总的像素数目。
 - 4) 计算累计分布函数 $C(f) = \sum_{j=0}^{n} P_{f}(f_{j})$, $j = 0,1,\cdots,k,\cdots,L-1$,

5) 应用以下公式计算映射后的输出图像的灰度级 g , $i=0,1,\cdots,k,\cdots,P-1$. P 为输出图像灰度级的个数:

$$g_{t} = \text{INT}[(g_{\text{max}} - g_{\text{totat}})C(f) + g_{\text{man}} + 0.5]$$

式中, INT 为取整符号。

- 6) 统计映射后各级灰度级的像素数目n, $i=0,1,\dots,k,\dots,P-1$ 。
- 7) 计算输出图像直方图 $P_{s}(g_{i}) = \frac{n_{i}}{r_{i}}$, $i = 0,1,\cdots,k,\cdots,P-1$.
- 8) 用 $f_{,}$ 和 $g_{,}$ 的映射关系修改原始图像的灰度级。从而获得直方图近似为均匀分布的输出图像。
- 以上8个步骤就是实现百万图均衡化的具体过程。MATLAB70的图像处理上具箱提供 了图像直方图均衡化的具体函数 histeq(),其具体调用格式为
 - J=histeq(I, hgram)
 - J∞histeq(I, n)
 - [J,T] histeq(I,...)
 - newmap-histeq(X,map,hgram)
 - newmap-histeg(X, map)
 - [newmap, T]-histeg(X,...)

其中,前面两行命令是对灰度图像而言。后三行命令是对索引色图像而言,具体用法可 参照前面工具箱介绍。

以下程序代码示例说明了 histeq() pn数的用法,处理效果如图 7 15 所示。

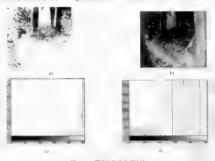


图 7-15 图像均衡化前后比较 a) 原始图像均衡前 b) 原始图像均衡后 c) 直方图均衡后 d) 直方图均衡后

I=imread('forest.tif').

J-histeq(1);

figure.imshow(I)

figure, imshow(J)

figure,imh.st(1,64)

占备 7 15 「知、经过直方图均衡化后, 可以看出图像的细节成分更加清楚了。同时, 也可看出, 在直方图调整之前, 低灰度的比例很大, 经过直方各调整后, 各灰度等级的比例, 更加平衡。然而, 由于直方图均衡没有考虑图像的内容, 只是简单地将图像进行百方离均衡 化, 每图像看起来疼痛讨疼。

7.1.5 对比度自适应直方图均衡化

在某些专用中、可能只需要对图像的某个部分进行均衡化、为此、可以用 adapthisteq() 函數特代 histeq()函数。实现对陈像进行对比度自适应直方图均衡化。histeq()函数作用整照图像时,可用 adapthisteq()函数对陈像中的一个区域进行操作、称为切片、则切片的对比度 不得到加强。这样,或可以使输出区域的直方图;指定的直方图相匹配。为了避免放大图像中噪声的对比度。可以设定 adapthisteo()函数的参数。 限基顺声的对比度。可以设定 adapthisteo()函数的参数。 限基顺声的对比度。可以设定 adapthisteo()函数的参数。 限基顺声的对比度。可以设定 adapthisteo()函数的参数。 限基顺声的对比度。可以设定 adapthisteo()函数的参数。

以下程序代码4.例 说明了如何利用 adapthisteq()系数米调整阳像的对北度问题。如 6.7 16a 所示的原始阳像。其对比度比较低。人部分值集中在一起。经过直方图均衡化处理。可得到如图7.16b 所示的效果、均衡化的直方图如图7.16c 所示。

> I imread('pout.tif'), J adapthisteq(I), figure,imshow(I) figure,imshow(J) figure.imhist(J.64)





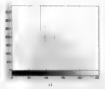


图 7 16 自适应直方图均衡化前、后效果图 a) 均纳高像 b) 处理后的高像 c) 处理后的自介图

7.1.6 去相关拉伸

去相关拉伸可以增强图像相关区域的颜色,可以利用 MATLAB 7.0 图像处理 1 具箱中

的 decorrstretch() 函数定理去相关操作。

为了说明如何利用,多悉数实现去相关操作,这里以 mdemos 文件夹中的 进制解像为免进行说明。在本例中,图像有7个颜色段,但在这里只读取3个可见的颜色段。图717说明了原图像和处理后的效果。

A=multibandread("ittlecoriver.lan",[512,512,7],'uint8=>uint8",128,'bil','seee_le_,('Band_,'Direct',[3,2,1],'),
B=decorrstretch(A);

figure imshow(A).

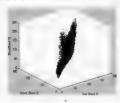
figure,imshow(B)





图 7-17 图像去相关拉伸前、后的效果图 a) 原始多像 b) 去相关拉伸后的图像

下面,将说明如何在一个颜色带内实现去相关和均衡化操作。图 7 18 说明了对图 7 17a 的颜色带处理效果,程序代码如下所示;



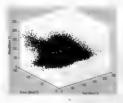


图 7-18 处理前、后颜色分散效果图 a) 处理前的颜色分散效果图 b) 处理后的颜色分散效果和

Ra=A(, .!),Ga A(, ,2),Ba A(, ,3), figure,plot3(Ra(),Ga(),Ba(),' '),gnd('on') klabel('Red (Band 3y'), ylabel('Green (Band 2y'); zlabel('Blue(Band 1y'), Rb=B(,,,'A)Gb=B(,,,'2),Bb=B(,,,'3), figure,plot3(Rb(,,'Gb('),Bb('),''),gr.d('on'), xlabel('Red (Band 3y'), ylabel('Green (Band 2y'),

zlabel('Blue(Band 1)'),

当然,也可以在去相关拉伸后使用线性对比度拉伸,读者可以对比对比度拉伸前后的效果(见图7-19)。

imshow(A):

C-decorrstretch(A, Tol', 0.01);

figure,imshow(C)





图 7 19 线性对比度拉伸后的效果图 a) 原始图像 b) 线性和特征的图像

7.2 空间域滤波

为在领域内实现图像增强操作,常可利用模板与图像进行卷积,每个模板、际上是一个 1维数组,其中各个元素的取值确定了模板的功能,这种模板操作也称为空域速放。

7.2.1 基本原理

根据其特点,空域滤波 般可分为线性滤波和非线性滤波两类。线性滤波器的设计希基;对增理时变换的分析。非线性空域滤波器机、极自接对领域进入操作。另外各种平域滤波器根据功能又上要分成平滑滤波器和锐化滤波器。中语可用低温滤水实现、平均的目的可分两类。一类是模糊,目的是在提取较大的目标前去除太小的细节线接引林内的小间断边接起来;另一类是消除处声。镜化可用高通波波来容易。镜化的目的是为了增强被按脑的部节。

结合议两种分类法,可移空间滤波增强方法分成4类。

- 线性平滑滤波器(低通)
- 非线性平滑滤波器 (低通)
- 线性锐化滤波器(高通)
- 非线性锐化滤波器 (高通)

空域滤波器的「作点理都可借助缬域进行分析。它们的基本特点都是计图像在傅里可空 间的某个范围的分量受到抵制,而让其他分量不受影响,从而改变输出图像的频率分布,达 到图像增强的目的。在图像增强中用到的空间滤波器主要有两类;

平滑(低通)滤波器,它能减弱或消除傅里叶空间的高频分量,但不影响低频分量。因 为高颎分量对应图像中的区域边缘等灰度值具有较大较快变化的部分,滤波器等这些分量滤 去可使图像平滑。

・ 機化(高速) 滤波器: 它能減弱或消除傅里 中空间的低频分量、但不影响高频分量。因 为低級分量対应系像中 東度值緩慢変化的区域、因而与图像的整体特性,如整体对比度和平 均取度值等有差。 旅校述号 海波上可保険機管化。

空域減波器都是利用模板卷积,主要步骤是:

- 1) 将模板在图中漫游,并将模板中心与图中某个像素位置重合。
- 2) 将模板上的系数与模板下对应的像套相乘。
- 3) 将所有乘积相加。
- 4) 络横板的输出响应赋绘图中对应模板中心位置的像素。

下面重点介绍 MATLAB 中如何具体实现图像的平滑和锐化,以及此方法在「程中的应用实例。

7.2.2 平滑滤波

1. 线性平滑滤波

线性低週滤波器是最常用的线性平滑滤波器。实现这种滤波的方法也称为领域平均法。 領域平均法是一种局部空间域处理的算法,这种方法的基本思想是用几个像素灰度的平均值 来代种每个像素的灰度。假定有一幅 $N \times N$ 个像素的阅像f(x,y), 平滑处理后得到 解图 像g(x,y), g(x,y)由下式决定:

$$g(x,y) = \frac{1}{M} \sum_{(m,n) \in S} f(m \cdot n)$$
 (7-8)

式中, x,y 0,1,2, \cdot ,N-1; S $\mathbb{E}(x,y)$ 点领域中点的學标的集合。但其中不包括(x,y) 点: M 是集合內學标式的总數。式 (7.8) 说明,平滑后的图像g(x,y)中的每个像素的灰度值均。 合在(x,y)的预定领域中的 f(x,y)的几个像素的灰度值的平均值来决定。一种常见的平常经过程的现象。一个像素的灰度值和它周围邻近 8 个像素的灰度值相加,然后求得的平均值(除以 9) 作为新铅像中该像素的灰度值。我们用如下方法来表示该操作。

$$\frac{1}{9} \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{pmatrix} \tag{7.9}$$

中间的黑点表示该元素为中心元素。即该个元素是要进行处理的元素。同理可得5×5的 權紙。如下所示。

$$\begin{pmatrix}
1 & 1 & 1 & 1 \\
1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\
1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\
1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\
1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\
1 & 1 & 1 & 1 & 1
\end{pmatrix}$$
(7-10)

通常模板 不允许移出边界,因此处理后的图像会比原图像小。对于边界上无法进行模板操作的点,我们的做法是复制原图像的灰度值,不再进行任何其他的处理。

另外,Wiener 滤波器也是丝典的线性降喘滤波器。Wiener 滤波的思想是 20 世纪 40 年 代提出来的,是一种在平稳条件下采用最小方均误差难则得出的最佳滤波准则,该方法就是 引找一个最佳的线性滤波器,使得方均误差最小。其实质是解维纳-霍大(Wiener Hoof)方 和.

Wiener 滤波器首先估计出像素的局部矩阵均值和方差:

$$\mu = \frac{1}{NM} \sum_{n \in N} a(n1, n2)$$
 (7 11)

$$\sigma^{2} = \frac{1}{NM} \sum_{n=1,2,3,4} a^{2}(n1,n2) - \mu^{2}$$
(7.12)

 η 是图像中每个像素 $N \times M$ 的领域,利用 Wiener 滤波器估计出其灰度值:

$$b(n!, n2) = \mu + \frac{\sigma^2 - v^2}{\sigma^2} (a(n!, n2) - \mu)$$
 (7-13)

式中, v² 是整幅图像的方差。它根据图像的局部方差来调整滤波器的输出,当局部方差大时,滤波器的效果较弱,反之滤波器的效果较强,是一种自适应滤波器。

2. 线性平滑滤波器的 MATLAB 应用

用 MATLAB 70 图像处理工具箱中提供的 imfilter()函数实现5×5领域平均运算。程序代码如下:

clear all,

I=imread('F'\image\child.bmp'),

J=imnoise(L'salt & pepper',0 02);

h ones(5,5)/25,

I2 imfilter(J,h),

figure_imshow(J).

figure_imshow(I2)

采用领域平均法对图 7 20a 中的图像进行处理后的结果如图 7 20b 所示。可以看出经过 领域平均处理后,图像的噪声得到了抑制,但图像变得相对模糊了。







图 7-20 5×5 领域平均运算得到的平滑图像
a) 有隔点的图像 b) 5×5 领域平均运算后的图像

2) Wiener 滤波实现降噪的过程,程序代码如下:

clear all,

1 imread('F. image lena bmp'),

figure,imshow(1),

K1=wiener2(I,[3,3]), %3×3Wiener 滤痰

K2=wiener2(I,[5,5]), %5×5Wiener 滤液 K3 wiener2(I,[7,7]); %7×7Wiener 滤液

K.3 wiener2(1,[7,7]); figure.imshow(K1).

figure,imshow(K1),

figure,imshow(K3),

程序执行后效果如图 7 21 所示。



3. 非线性平滑滤波器

中值滤波是 -种去除暖声的非线性处理方法, 是由 Turky 在 1971 年提出的。其基本原理是把数字图像或数字序列中 -点的值用该点的 -个领域中各点值的中值代替。中值的定义 知 F : 数组 $x_1, x_2, x_3, \cdots, x_n$, 无 n 个数按值的大小顺序排列于 F : $x_n < x_n < x_n < \cdots < x_n$

$$y - \text{med}\{x_1, x_2, x_3, \dots, x_n\} = \begin{cases} x_{\frac{(n+1)}{2}} & n 为 奔 数 \\ \frac{1}{2} \left[x_{\frac{(n-1)}{2}} + x_{\frac{n}{2}+1} \right] & n 为 偶 数 \end{cases}$$
 (7-14)

y 於为序列 $x_1, x_2, x_1, \cdots, x_n$ 的中值。把一个点的特定长度或形状的领域称为窗口。在 维情形下,中值滤波器是一个含有奇数个像素的滑动窗口。窗口正中间那个像素的值用窗口 内各像条值的中值代替。设输入序列为 $\{x_i, i \in I\}$, I 为自然数集合或子集,窗口长度为n. 砂油房路输出为

$$y_i = \text{med}\{x_i\} = \text{med}\{x_{i-\alpha}, \dots, x_i, \dots, x_{i+\alpha}\}$$
 (7-15)

 $x + i \in I$: $u = (n \ 1)/2$.

很容易将中值滤波的概念推广到 维,此时可以利用某种形式的 维窗口。设 $\{x_{\alpha},(i,j)\in I^2\}$ 表示数字图像各点的灰度值、滤波窗口为A的 :维中值滤波可定义为

$$y_n = \text{med}_A\{x_n\} = \text{med}\{x_{s+r,t+r}, (r,s) \in A, (i,j) \in I^2\}$$
 (7.16)

维中值滤波可以取方形,也可以取近似圆形或十字形。

中值滤波是非线性运算,因此对于端机性质的噪声输入,数学分析是相当复杂的。由大 得实间到,对于零效值正态分布的噪声输入,中值滤波输出与输入噪声的密度分布有关, 输出噪声方差;与输入噪声密度或数的平方成反比。

对随机噪声的抑制能力,中值滤波性能要比平均值滤波差些,但对于脉冲干扰来讲,特 別是脉冲宽度较小、相距较远的窄脉冲,中值滤波是很有效的。

4. 非线性平滑滤波器的 MATLAB 应用

下例对含有椒盐噪声的图像实现中值滤波处理(见图 7-22)。

clear all;

I imread('F image\lena.bmp');

figure,imshow(I);

I1=imnoise(l,'salt & pepper',0.06), %加噪

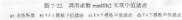
K1=medfilt2(1,[3,3]), %使用 3×3 模板完成中值滤波

K2=medfilt2(I,[5,5]); %使用 5×5 模板完成中值滤波

K3=medfilt2(I,[7,7]); %使用 7×7 模板完成中值滤波

figure,imshow(K1),





出, b) 上处理结果;以后, b, 中值速波器不爆均值滤波那样, 它在衰减吸声的同时不会 使開像的边界模糊, 这也是中值滤波器受效迎的 1 裴原因,中值滤波器丛噪声的效果依赖 力两个整票, 被破空间危限, 中值计算中所涉及的擦素数。 授來说, 小于中值滤波器的 积一个的密或暗的物体基本上会被滤碎, 向较大的物体发, b, 乎会原封不动地保存下来, 对 此中值滤波器的空间尺寸必须根据血临的问题来进行调整。较简单的模板是 A × N 的 5 形 (这里 N 通常还奇数), 计算时用到所有的 (N 个) 像套点, 另外, 读者也可以使用稀疏 分布的模板来等靠空间。

	(0	0	1	0	0		1	U	U	U	1	
	0	0	1	0	0		0	1	0	1	0	
domain =	1	1	1	1	1	domain -	0	0	1	0	0	(7-17)
	0	0	1	0	0		0	1	0	1	0	
	0	0	1	0	0		1	0	0	0	1.	

这里仅举两例,例中都是对于5×5的模板来说的。当然,实际应用中可以根据不同的情况选取不同大小的模板,来达到更好的应用效果。

需要说明的是、中值滤波只是排序统计滤波中的 种,即用当前窗口灰度排序在中间的 值代替当前的值。在实现中也可以用其他规定点的值代替,在 MATLAB 中这种滤波器可以 用 ordfilt2(A.order, domain)函数来定证。分别举加下每,

B=ordfilt2(A. 1. ones (3.3)) 实现 3×3 的最小信滤波器, 因为它取全 1 模板中排在最小位 置价的那个像套。

B- ordfilt2(A, 1,I0 1 0: 1 0 1: 0 1 0))的输出是每个缴素的东、西、南、北四个方向相邻 像素灰度的最小值。因为它取 4- 密域的模板中排在最小位置处的那个像素。

7.2.3 锐化滤波

在图像识别中,需要有边缘鲜明的图像,即图像锐化。图像锐化的目的是为了突出图像 的边缘信息,加强图像的轮廓特征,以便于人眼的观察和机器的识别。因此,从图像增强的 目的看,它是与图像平滑相反的一类处理。

图像中对象的边缘像素都是变化较大的地方。而边缘模糊、线条不均是由于减少了边缘 亮度差异的缘故。从数学观点来看,检查图像某区域内灰度的变化就是微分的概念、因此可 以通过微分的方法进行图像锐化。根据微分方法是否线性,可将图像锐化分为线性锐化和非 线性锐化两类。下面分别介绍。

1. 线性锐化造波

线性高通滤波器是最常用的线性锐化滤波器,这种滤波器的中心系数都是正的,而周围 的系数都是负的。对3×3的模板来说, 血电的系数即信息

事实上这是拉普拉斯質子。

拉普拉斯算子是实线性导数运算,对被运算的图像它满足各向同性的要求,这对于图像 增强是非常有利的。拉普拉斯算子的表达式是

$$\nabla^2 f(i, j) = \frac{\partial^2 f}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 f}{\partial y^2}$$
 (7.18)

对于离散函数 f(i,j), 其差分形式是

$$\nabla^2 f(i, j) = \Delta x^2 f(i, j) + \Delta y^2 f(i, j)$$
 (7-19)

这里 $\Delta x^2 f(i,j)$ 和 $\Delta y^2 f(i,j)$ 是f(i,j)是x 方向和y 方向的 二阶差分,所以离散函数的 拉普拉斯算子的表达式为

$$\nabla^2 f(i, j) - f(i+1, j) + f(i-1, j) + f(i, j+1) + f(i, j-1)$$
 4f(i, j) 系數取值是

[0-10; -18 1; 0 10]

1) 在 MATLAB 中可通过调用 filter2()函数和 fspecial()函数来实现,代码如下:

[1=imread('F \image\lena.bmp');

%将图像矩阵转化为 double 型

I!=double(II):

h1=fsnecial('laplacian'). 12 ·filter2(h1,11), %拉瓦变换 figure.imshow([1,1]); 13-11 12. figure,imshow([3,[]),

处理前后的图像如图 7 23 所示。





图 7 23 拉普拉斯图像增强 a) 愈如图像 b) 拉普拉斯增强(的图像

2) 下旬为线性锐化滤波后面的边缘检测的例子,程序代码如下,运行结果如後724所示。 %下面是利用拉普拉斯質子对模糊图像进行增强

I imreadi'trees tif').

%转换数据类型为 double 双精度型 I double(D:

figure.imshow(1,[]),

H=[0 1 0.1 -4 1.0 1 0]: %拉普拉斯質了

J conv2(I,H,'same'); %用拉普拉斯算子对图像进行 维卷秋运算

%增强的图像为原始图像减去拉普拉斯算子滤波的图像

K-1 J:

figure.imshow(K.f1)





图 7-24 拉普拉斯算子对模糊图像进行增强 a) 原始图像 b) 拉普拉斯曾子对图像的铯化

运针结果如图 7 24 所示。由图可见,논像模糊的部分得到了镜化、迎缘部分得到了增 成功并更加明显。但相像显示清楚的地方, 经滤波后发生了失真, 这也是轻唇的胸腔了增 强的, 大缺古。

2 非线性镜化液油

 斯閣像施加爾度模算子。可以增强灰度变化的幅度、因此我们可以采用模模模算子 为阁像的锅化算了。此方法也是最常用的自动电缆低滤波方法。而且由数字组织可以知 海、檢度模算了以身有向同性和价格不全性。这正是数例所希望的。

对于离散函数 f(i,j), 利用差分来代替微分。

·阶差分的定义为

$$\Delta_x f(i, j) = f(i, j) - f(i - 1, j)$$
 (7 20)
 $\Delta_x f(i, j) = f(i, j) - f(i, j - 1)$ (7 21)

因此, 梯度的定义为

$$|G| = \left[\Delta_x f(\iota, j)^2 \quad \Delta_x f(\iota, j)^2\right]^{\frac{1}{2}}$$
(7.22)

为了运算简便。实际中采用梯度模的近似形式,如 $[\Delta_i f(i,j)]$ + $[\Delta_i f(i,j)]$ 、max $[\Delta_i f(i,j)]$ 、 $\Delta_i f(i,j)$)、max[f(i,j)] 等。另外,还有一些常用的算了。如Robert 數字例 Sabel 數 任.

利用 Sobel 算子对图像滤波,程序代码如下:





图 7 25 Sobel 算子材图像锐化的结果

7.3 频域滤波增强

频域滤波增强方法是将图像从空间域变换到转域,在路像的频域空间对高缘进行虚波处 理。根据信号分析理论、傅里叶变换和卷标理论是领域滤波技术的基础,因此,在领域空间 的滤波与空间域滤波 一样可以通过卷积运算实现。

假定 g(i,j) 表示函数 f(i,j) 与线性移不变算子h(i,j)进行卷积运算的结果。即

$$g(x,y) = f(x,y) \otimes h(x,y)$$
 (7-23)

因此可得

$$G(u,v) = F(u,v)H(u,v)$$

(7.24)

式中,G、F、H 分别是函数 g(i,j)、 f(i,j)、 h(i,j) 的傅里叶变换: H(u,v) 称为滤波器函数,也可以称为传递函数。在图像增强中,由于待增强的图像函数 f(i,j) 是已知的,因此,F(u,v) 可由图像的傅里叶变换得到。

实际应用中,首先需要确定 H(u,v),然后就可以来得 G(u,v), 再对 G(u,v) 进行 傅里村 遊 变换,即可得到增强的图像 g(i,j)。 g(i,j) 可 过关 由 f(i,j) 的某一方面的特量 信息。 岩 通过 H(u,v) 增强 F(u,v) 的高频信息,如增强图像的边缘信息等,则为岛通滤波;如果增强 F(u,v) 的低频信息,如对图像进行平滑操作等,则为低通滤波、频域滤波方法的系统框例如图 7-26 所示。其滤波处理过程可以分为以下三个步骤。



图 7-26 频域波波系统框图

- 対原始图像 f(i, j) 进行傅里叶变换得到 F(u, v)。
- 2) 将F(u,v)与滤波器函数H(u,v)进行卷积运算得到G(u,v)。
- 3) 对G(u,v)进行傅里叶逆变换,即可求出增强陷像g(i,j)。

7.3.1 低通滤波

图像从空间域变换到频域后,其低频分量对应图像中灰度值变化比较缓慢的区域。 向高 频分量则表示了图像中物体的边缘和随机噪声信息。低通滤波器的功能是通过滤波器函数 H 绒弱或抑制高频分量,保留低频分量。因此,低通滤波器与空域中的平滑滤波器一样可以消 除图像中的随机噪声,削弱边缘效应,起到平滑图像的作用。

第一個的低通滤波器包括理想低通滤波器、巴勢沃斯低通滤波器、指数低通滤波器和棉形低通滤波器等多种类型。本草只讨论径向对称的零相移滤波器函数,几种常用的低通滤波器形式如下。

1. 理想低通滤波器

:维的理想低通滤波器的传递函数为

$$H(u,v) = \begin{cases} 1 & D(u,v) \leq D_0 \\ 0 & D(u,v) > D_0 \end{cases}$$
(7-25)

式中, D_0 是一个非负款数。即理想低適滤波器的截上频率;D(u,v) 是从点(u,v) 到频域原点的距离,即

$$D(u,v) = \sqrt{u^2 + v^2}$$
(7-26)

因此,H(u,v)、u、v组成「理想低通滤波器的:维图形。图 7 27a、b 分别为理想低 通滤波器的。维透视图和"维制值不意图,理想低速滤波器的作用是将小于 D_0 的频率,即 v0。为平径的圆内的所有频率成分可以无衰减通过,而大于 D_0 的频率则被完全截止不能通 讨。

理论上给出的滤波器函数(包括高通滤波)形式都是以坐标原点经向对称的,而为上一个数字图像所对应的 $N \times N$ 频域矩阵,坐标原点是该矩形的中心,因而滤波器理想特性一般 如图 727 所示。理想低通滤波器的数学定义形式生常简洁,其平滑作用的物理意义非常明显,但在图像处理过程中会产生比较严重的模糊与振铃玩象。因为,根据傅里叶变换的性质, 若H(u,v) 这理想的矩形特性,那么其逆变换h(x,y) 的特性会产生无限的振铃特性,h(x,y) 与f(x,y) 卷积运算后将给目标图像g(x,y) 造成機輔与振铃现象。而且 D_0 越小,这种现象的明显。

此外在截止频率 D_0 处垂直截止的理想低通滤波器只能通过计算机模拟实现,无法采用电子器件实现。

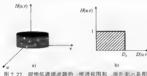


图 7 27 理想低過滤波器的 :维透视图和 .维帛面示意图 a) 理想低過滤波器的 维透视图 b) 那想低過滤波器的 维朗面示意图

2. 巴特沃斯低诵滤波器

巴特沃斯 (Butterworth) 低通滤波器的传递函数为

$$H(u,v) = \frac{1}{1 + \left[\frac{D(u,v)}{D_0}\right]^{2s}}$$
 (7-27)

 χ 中、 D_0 为截止频率: n为滤波器的阶次、和理想低通滤波器一样, 巴特沃斯低通滤波器 的特性曲线同样为 : 增图形、其剖面示意图如图 7-28 所示。 數情况下, 当H(u,v) 下降至, 载人值的 1/2 时, D(u,v) 为截止频率 D_0 。 在实际应用中, 有时也取 H(u,v) 下降至最大值的 $\sqrt{2}$ 2 时的 D(u,v) 作为截止频率 D_0 。 这时,其传递函数为

$$H(u,v) = \frac{1}{1 + (\sqrt{2} - 1) \left[\frac{D(u,v)}{D_0} \right]^{2\pi}}$$
(7-28)

巴特沃斯低通滤波器又称为最大平坦滤波器、其通带与阻带之间的过渡比较平坦。因此,巴特沃斯低通滤波器的特点是:在通过频率与截止频率之间没有明显的不连续性,不会出现"振铃"效应,其效果好于理想低通滤波器。



图 7 28 巴特沃斯低通滤波器的剖面示意图

3. 指数低通滤波器

指数低通滤波器的传递函数为

$$H(u,v) = e^{-\left[\frac{D(u,v)}{D_b}\right]}$$
 (7-29)

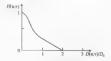
級情況 F、取 H(u,v) 下降至最人值的 I(2) 时的 D(u,v) 为截止频率 D_0 。 其剖面示意 留如图 T 29 $F_{T^{-1}}$ 力巴特沃斯低通滤波器 - 样,指数低通滤波器从通过频率到 截止频率之 间具有一段平滑的过渡带,也没有明显的不连续性。

4. 梯形低通滤波器

梯形低通滤波器的传递函数为

$$H(u,v) - \begin{cases} 1 & D(u,v) < D_0 \\ \frac{D(u,v) - D_1}{D_0 - D_1} & D_0 \le D(u,v) \le D_1 \\ 0 & D(u,v) > D_1 \end{cases}$$
(7 30)

線形低通滤波器的創面图示意如图 7 30 所示。从图中可以看出,在 D_0 的尾部包含有部分高级分量 ($D > D_0$)。因而,结果图像的清晰度较速想低速滤波器有所改善。" 散铃" 效应也有所减弱,应用时可调整 D_i 的值。即能达到平滑图像的目的,又可以使图像保持足够的清晰度。



陷 7-29 指数低通滤波器的剖由示意图



图 7 30 梯形低通滤波器的削血示意图

根据 DFT 变换的性质和帧谱的分布特点. . . 维 DFT 变换的频谱主要集中在低频处, 因 此, 在设计和应用低通滤波器时, · 定要注意. . 维 DFT 的频谱特点, 即图像能量集中在频 适图的帧道中心位置。

5. 频域实现图像平滑滤波

各种频域低通滤波器的 MATLAB 实现,程序代码如下:

```
[1,map] imread('F' image lena.bmp'),
noisy-imnoise(I,'gaussian',0.01),
[M,N]: size(1),
F=fft2(noisy),
fftshift(F):
Dcut=100:
D0=150.
D1=250.
for u =1 M
    for v=1:N
         D(u,v)=sart(u^2+v^2),
         BUTTERH(u,v)=1 (1 -(sqrt(2)-1)*(D(u,v)/Dcut)^2),
         EXPOTH(u,v)=exp(log(1/sqrt(2))*(D(u,v)/Dcut)^2);
         of D(u,v)<D0
              THPFH(u,v)=1:
         elseif D(u,v)<=D1
              THPEH(u.v)=(D(u.v) D1)/(D0 D1);
         else
              THPFH(u,v)=0,
         end
     end
end
BUTTERG=BUTTERH.*F:
BLITTERfiltered=uf92(BLITTERG):
EXPOTG*EXPOTH *F:
EXPOTfiltered=ifft2(EXPOTG).
 THPFG THPFH *F:
THPFfiltered=ifft2(THPFG).
 figure, imshow(noisy),
 figure.imshow(BUTTERfiltered.map)
 figure,imshow(EXPOI filtered,map)
 figure,unshow(THPFfiltered,map);
```

程序运行结果如图 7 31 所示。















图 7 31 频域低通滤波举例

al 急斯嗪 F 的界像 b) 兰特沃斯低通滤液儿的图像 c) 指数低通滤液片的图像 d) 梯形低通滤液片的图像

7.3.2 高通滤波

图像中物体的边缘及其他灰度变化较快的区域与图像的高频信息有关,因此利用高通滤 波器可以对图像的边缘信息进行增强,起到锐化图像的作用。高通滤波器包括理热高通滤波 器、巴特沃斯高通滤波器、指数高通滤波器和梯形高通滤波器等类型。本章只讨论径向对称 的零相移滤波器函数, 几种常用的岛通滤波器形式如下。

1 理相高诵滤波器

维理想高通滤波器的传递函数为

$$H(u,v) = \begin{cases} 0 & D(u,v) \le D_0 \\ 1 & D(u,v) > D_0 \end{cases}$$
 (7.31)

式中, D_0 是 个非负整数,即理想高通滤波器的截止频率;D(u,v)是从点(u,v) 到频域原 点的距离,即

$$D(u, v) = \sqrt{u^2 + v^2}$$
 (7 32)

图 7 32 中给出了理想高通滤波器滤波特性的孢面示意图, 其作用'」理想低通滤波器相 反,它将小于 D_0 的频率(半径为 D_0 的圆内)的所有频率完全截止,而大于 D_0 的频率(圆 外的粉室)则可以全部无泉减通过。理想高通滤波器也不能通过电子器件实现。

MATLAB 数字图像处理

2. 巴特沃斯高滿波波器

巴特沃斯高通滤波器的传递函数为

$$H(u,v) = \frac{1}{1 + \left[\frac{D_0}{D(u,v)}\right]^{2\alpha}}$$

$$(7-33)$$

式中, D_0 为滤波器的截止频率;n为滤波器的阶次。巴特沃斯高通滤波器滤波性能的剖面示意图如图 7-33 所示。截止频率 D_0 的取值方法与巴特沃斯低通滤波器相似,该滤波器在通过频率与截止频率之间也没有明显的不连续性,图像增强后。"振铃"效应不明显。



H(u,v) 1 1 2 3 D(u,v)/D₀

图 7 32 理想高通滤波器的剖面示意图

图 7-33 巴特沃斯高通滤波器的剖面示意图

与巴特沃斯低邁遊波器类似, 般情况下,取H(u,v)下降至最大值的 1/2 时的 D(u,v) 为截止频率 D_0 。在实际应用中,有时也取H(u,v) 下降至最大值的 $\sqrt{2}/2$ 时的 D(u,v) 作为截止频率 D_0 。这时,其传递函数形式为

$$H(u,v) = \frac{1}{1 + (\sqrt{2} - 1) \left[\frac{D}{D_0(u,v)} \right]^{2\alpha}}$$
(7-34)

3. 指数高诵滤波器

指数高通滤波器的传递函数为

$$H(u,v) = e^{\left[\frac{D_{t}}{D_{b}(u,v)}\right]}$$
 (7-35)

其截止頻率 D_0 的取值与指数低通滤波器相似,其特性曲线剖面示意图如图 7 34 所示。

4. 梯形高通滤波器

梯形高能滤波器的传递函数为

$$H(u,v) = \begin{cases} 1 & D(u,v) < D_0 \\ \frac{D(u,v) - D_1}{D_0 - D_1} & D_1 \leq D(u,v) \leq D_0 \\ 0 & D(u,v) < D_1 \end{cases} \tag{7-36}$$

如图 7 35 所示为梯形高通滤波器滤波的剖面示意图。

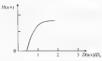


图 7-34 指数高消滤波器的副而示意图



图 7-35 梯形高通滤波器的剖面示意图

7.3.3 带通和带阻滤波器

在图像处理中, 有时需要增强的信息或抑制的信息既不是图像中的高频成分也不是低級 成分, 而是在 '个有限的频带范围内。这时, 无论是低通滤波器还是高通滤波器都不能完个 输足中ጠ需求, 而需要采用普通或偿用波波器。

1. 带诵滤波器

所谓带通滤波器是指允许一定频率范围内的信号通过而阻止其他频率范围内的信号通过 的滤波器。理想带通滤波器的传递函数为

$$H(u,v) = \begin{cases} 0 & D(u,v) < D_0 - \frac{w}{2} \\ 1 & D_1 - \frac{w}{2} \le D(u,v) \le D_0 + \frac{w}{2} \\ 0 & D(u,v) < D_1 + \frac{w}{2} \end{cases}$$

$$(7-37)$$

式中, w 为通带宽度; D_0 为通带中心频率; D(u,v) 表示从点 (u,v) 到频带中心 (u_0,v_0) 的距离,即

$$D(u,v) = \sqrt{(u \cdot u_0)^2 + (v - v_0)^2}$$
(7.38)

理想带诵滤波器的部面示意图如图 7 36 所示。

2 崇阳速波器

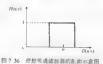
带阻滤波器是指可以对一定频率范围内的信号进行完全衰减,而容许其他频率范围内的 信号通过的滤波器。理想带阻滤波器的传递函数为

$$H(u, v) = \begin{cases} 1 & D(u, v) < w_1 \\ 0 & w_1 < D(u, v) < w_2 \\ 1 & D(u, v) \le w_2 \end{cases}$$
(7 39)

式中, w_0,w_1 为带阻宽度;D(u,v)表示从点(u,v)到带阻中心 (u_0,v_0) 的距离。即

$$D(u,v) = \sqrt{(u-u_0)^2 + (v-v_0)^2}$$
 (7.40)

理想带阻滤波器的剖面示意图如图 7 37 所示。





 $H(u \cdot v)$

图 7-37 理想带阻滤波器的剖面示意图

7.3.4 频域滤波的 MATLAB 实现

如下用频域高通滤波法对图像进行增强。程序代码如下:

```
[I,map] imread('F-\image\lena.bmp'),
noisy 'imnoise(L'gaussian',0 01).
[M,N]=size(I).
F=fft2(noisy),
fftshuft(F).
Dcut=100.
D0=250.
D1 150:
for u=I:M
    for v=1:N
        D(u,v)-sqrt(u^2+v^2).
        BUTTERH(u,v)=1/(1+(sqrt(2)-1)*(Dcut/D(u,v))^2);
        EXPOTH(u,v)=exp(log(1/sqrt(2))*(Deut/D(u,v))^2),
        of D(u,v)<D1
             THPFH(u,v)=0;
        elseif D(u,v)<=D0
             THPEH(u,v)-(D(u,v)-D1)/(D0-D1);
        else
              THPFH(u,v)=1;
        end
    end
end
BUTTERG-BUTTERH.*F.
BUTTERfiltered=ifft2(BUTTERG).
EXPOIG=EXPOTH.*F:
EXPOTfiltered ifft2(EXPOTG).
THPFG=THPFH.*F.
THPFfiltered=ifft2(THPFG):
figure,imshow(noisy),
figure,imshow(BUTTERfiltered)
figure, imshow(EXPOI filtered)
figure.imshow(THPFfiltered):
```

程序代码执行后的结果如图 7 38 所示。











图 7 38 频域高通滤波举例

a) 加入高斯噪产后的阳像 b) 二特沃斯荷通滤波드的阳像 c) 作数向通滤波后的函像 JI 梯北高通滤波后的函像

7.4 同态增晰

同态增嘶是一种介殊域中将图像动态范围进行压缩并将图像对比度进行增强的方法。它 差于陷像的成像模型。一幅图像 f(x,y) 可以用它的照明分量 f(x,y) 及反射分量 f(x,y) 来表示,即

$$f(x,y)=i(x,y)r(x,y)$$

(741)

根据这个模型可用下列方法对两个分量分别进行滤波,如图 7 39 所示。



图 7 39 同态增渐流程图

- 1) 先对式 (7 41) 取对数, $\ln f(x,y) = \ln i(x,y) + \ln r(x,y)$.
- 2) 对式 (7-41) 取傅里叶变换, F(u,v) = I(u,v) + R(u,v)。
- 3 / 用 · 个 赖 滅 丞 数 H(u,v) 处 理 F(u,v) · H(u,v) F(u,v) H(u,v) / H(u,v) & H(u,v) & H(u,v) & H(u,v) ·
 - 4) 反变换到空间域。 $h_f(x,y) = h_l(x,y) + h_r(x,y)$ 。
 - 5) 将 4) 中的式子两边取指数, $g(x,y) = \exp h_i(x,y) = \exp |h_i(x,y)| \exp |h_i(x,y)|$, 令

 $l_0(x, y) = \exp_l h_c(x, y)$ $r_0(x, y) = \exp[h_c(x, y)]$

肕.

g(x,y) $i_0(x,y)r_0(x,y)$

式中, $i_0(x,y)$ 是处理后的照射分量: $r_0(x,y)$ 是处理后的反射分量。

幅網像的照射分量 般是在空间缓慢变化的,而反射分量在不同物体的交界处是色侧变化的。这个特征使人们有可能把 唱图像取对数后的傅里时变换的低频分替利则钢分量板 系起来。九把反射分量引。高频分量联系起来。5、1.特性表引我们可以设计 个对侧目斗变换的代域分量和低频分量影电不同的滤波稍散 [Hux]》,处理结果全使像素 灰度的动态范围或条像对比度得到增强。如图 7.40 所示,低寒段輕压縮。高級股得到增强。如图 7.40 所示,低寒段輕压縮。高級股得到增强。42 果是同时占缩了倒像的动态范围并增加。1图像各部分之间的对比度。如图 7.41 所示为同态增陈滤波增强 发星。

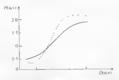


图 7-40 同系増断減液函数的剖面示意图





图 7 41 同态增新滤波增强效果 21 半照小均原的 的 日本增新点的效果图

7.5 彩色图像增强

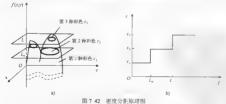
前 有介绍的售像增强技术都是对杂度图像进行处理的,而且牛成的结果也是杂度图像。本节的彩色增强技术处理的对象虽然也是东度图像。何年或的结果去是彩色图像。众所周知、人

的视觉系统对色彩非常敏感,人眼一般能区分的灰度等级只有,十多个,但是能区分有不同亮度。 色度和饱和度的几千种颜色。根据人服的这个特点。 可将彩色用于图像增强中、以提高图像的可感的性。 因此如果能够一幅灰度图像变成彩色图像。 就可以达到图像增强的祝觉效果。 常用的彩色增强方法有复彩色增强技术、假彩色增强技术用传彩色增强技术:种。 前两种方法 若眼于对多硼灰度阳像的分成处理。 躯是将"蝇阳像分别作为红、绿、蓝一个通道进行合成。 伪彩色增强技术自前两者不同,它是对"骊头度阁像的处理"通过"定的方法,将'褊灰'度阳像砂束。 细彩色阳像。下面分别对伤影色。 真彩色和假彩色增强技术进行详密论之

7.5 伪彩色增强

伤寒笆(Pseudo Coloring)增强是把 檔案白图像的每个不同灰度級,按照线性或非线性 的赎射函数,变换成不同的彩色, 5彩色空间中的 点相匹配,得到"温彩色图像的技术。 它使原图像细节更易辨认,目标更容易识别。伪彩色增强的方法上要有以下一种。

1. 密度分割法



a) 密度分割旅程的文体图 b) 密度分割原理的牛血图

如果用 N 个密度切割平面去切割图像的强度函数,则可以得到 N+1 个灰度值区间。每 一个区间 对 应 一种颜色 C_i 。 对 于每个像 π (x,y) , 如果 I_i 。 \in $f(x,y) \in I_i$, 以 $g(x,y) - C_i$ 。 i 1.2,…,N 。 g(x,y) 和 f(x,y) 分别表示变换后的彩色图像和质始灰度图

像。这样便可以把一幅灰度图像变成一幅伪彩色图像。此法比较直观简单,缺点是变换出的 彩色数目有限。

应当指出,每个灰度信贷间赋予何种额色。是由具体应用所决定的,并无规律可言。但 总的来讲。相邻灰度值区间的颜色差别不宜太小。也不宜太大。太小将无法反映细节上的差 异: 太大则会导致图像出现不连续性。在实际应用中,密度切割平面之间可以是等间隔的, 也可以是不等间隔的,而且密度切割平面的划分也应根据具体的应用范围和研究对象而定。

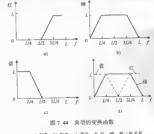
2. 空间域灰度级 -彩色变换

密度分割法宝质上是通过一个分段维性函数实现从灰度到彩色的变换,每个像元只经过一 个变换对应到某一种颜色。与密度分割法不同的

是,空间域灰度级一彩色变换是 种更为常用、 比密度分割法更有效的伪彩色增强法。其变换过 程如图 7 43 所示,它是根据色度学的原理,将 原始图像 f(x,y) 中每个像元的灰度值分别经过 红、绿、蓝三种独立变换 To()、 To(-) 和 $T_{o}(\cdot)$, 变成红、绿、蓝 基色分量 R(x,y),



G(x,y)、 B(x,y) 分量图像,然后用它们分别去控制彩色显示器的红、绿、蓝电子枪,便可以 在彩色显示器的屏幕上合成 幅彩色图像。三个变换是独立的,彩色的含量由变换函数 $T_{o}(\cdot)$ 、 $T_{c}(\cdot)$ 和 $T_{c}(\cdot)$ 的形状而定。但在实际应用中,这一个变换函数 般取同 类的函数,如可以取 带绝对值的上弦函数, 也可以取线性变换函数。典型的变换函数如图 7-44 所示, 灰度值范围 为10.11,每个变换取不同的分段线性函数。可以看出,最小的灰度值(0)对应蓝色,中间的 灰度值(L/2)对应绿色,最高的灰度值(L)对应红色,其余的灰度值则分别对应不同的颜 色。其中图 7 44a~c 分别为红、绿、蓝三种变换函数,而图 7 44d 是把三种变换画在同一张图 上,以便看清楚它们之间的关系。由图 7-44d 可见,只有在灰度为零时,呈蓝色:灰度为 L/2 时,呈绿色;灰度为上时,呈红色;灰度为其他值时,将由三基色混合成不同的色调。



a) 红色 b) 绿色 c) 蓝色 d) 红、绿、菱三色关系

3. 频域伪彩色增强

塌域伪彩色着褐音先把黑白图像从空间域经傅里中变换变到频域,然后在频域内 內 个不同传递特性的滤波器(如高道、带道/带阻、低通)将图像分离战 一个独立的 分址,对每个范围内的频率分量分别进行傅里叶迹变换,得到"触代表不同帧率分量 的单色图像,接着对这三幅图像作进 步的处理(如直方图均衡化),最后将它们作为 、基色分量分别加到彩色显示器的红、绿、蓝显示通道,从而实现频域的伤彩色增强, 如图7 45 所示。



图 7-45 類減後彩色增端原理图

7.5.2 假彩色增强

假彩色 (False Colonng) 增强是将一幅图像或多光谱图像映射到 RGB 空间中心位置上的过程。假彩色增强是经常出现的一个操作过程。例如,调节彩色电视机的色调、饱和度的过程实际就是假彩色增强。又如红光成像设备拍摄了 N 幅不同波段上的图像。 $f_{(x,y)}$, $f_{(x,y)}$,将它们经过假彩色增强。以再现出可见光谱图像,其处理点数如下。

$$R(x, y) = F_R[f_1(x, y), f_2(x, y), \dots, f_N(x, y)]$$
 (7-42)

$$G(x, y) = F_G[f_1(x, y), f_2(x, y), \dots, f_N(x, y)]$$
 (7-43)

$$B(x, y) = F_B[f_1(x, y), f_2(x, y), \dots, f_N(x, y)]$$
 (7.44)

式中, F_B , F_G , F_B 为映射函数;R(x,y),G(x,y),B(x,y) 为显示空间:基色分量。

俗彩色或假彩色增强都不改变图像像素的几何位置,而仅仅改变其颜色。因此,可以与人眼的色觉特性相结合设计它们的映射素数 F_{a} , F_{a} , F_{b} ,提高人眼对倒像的分辨能力。该技术已被广泛应用于遏感、医学图像处理中。

7.5.3 真彩色增强

自然物体的彩色叫真彩色、把能真实反映自然物体本来颜色的图像叫真彩色图像。真彩 色图像可由彩色摄像机摄制,并由彩色熟视器近似复原。然而,在没有彩色摄像机的情况 下,也可以通过有彩色增强技术实现复彩色处理。

任何 幅真彩色图像可由红、绿、蓝:基色混合而成。因此,在图像处理过程中,首先 用加有红色遮色片的摄像机(黑白摄像机)摄取彩色图像,图像信号经数字化送入。 块图像 存储板存起来;再用带奇险速色片的摄像机摄取图像。图像信号经数字化送入为。 块图像 存储板、最后用带有蓝色遮色片的摄像机摄取图像。图像数据存储在第三块图像存储板内。

. 幅图像数据准备好后,就可以存系统的输出设备 彩色监视器上合成一幅真彩色图像。 其点理如图 7 46 所示。

MATLAB 数字图像处理



习额

7 1 假定有64×64 大小的图像, 灰度级为 16 级, 概率分布》表 7 1。试进行直方图约 衛化并画出处理前后的自方图。

			表 7-1		
r	Иt	$p_r(r_k)$	r	n_k	$p_r(r_k)$
r ₀ =0	800	0.195	r ₈ =8/15	150	0.037
r 115	650	0.160	r ₉ -9/15	130	0.031
r ₇ 2.15	600	0.147	r ₁₀ =10/15	110	0.027
r ₃ =3/15	430	0.106	r ₁₁ =11/15	96	0.013
r ₄ =4/15	300	0.073	r ₁₂ =12/15	80	0.019
rs=5/15	230	0 056	r ₁₃ =13/15	70	0.017
r. 6.15	200	0.049	r .: 14 15	50	0.012
r ₇ =7/15	170	0.041	r,5=1	30	0.007

- 7.2 比较理想高通滤波器与理想低通滤波器的异同点。
- 7-3 如果 ·幅图像已经用直方图均衡化方法进行了处理,那么对处理后的图像再次应 用直方图均衡化, 处理结果会不会重好?
 - 7-4 比较理想低湧滤波器、巴特沃斯低湧滤波器、指數低湧滤波器和梯形低湧滤波器。
- 7 5 为什么一般情况下对离散图像直方图均衡 化并不能产生完全平坦的百方图?
- 76 己知 解图像的灰度级为 8 级,即(0,
- 之间划分为8个灰度等级。图像的左边一半为深灰 色, 其灰度级为 1/7, 而右边 半是黑色, 其灰度级为
- 0, 如图 7-47 所示。试对此图像进行直方图均衡化处 理,并描述 下处理后图像是 编什么样的图像。



- 7 8 什么是伪彩色增强处理?其主要目的是什么?

第8章 图像分割与边缘检测



陽像分割是 种重要的离像分析技术。在对图像的研究和应用中,人们往往仅对图像中的某些部分感义趣。这些部分常常被称为目标或前景(其他部分称为背景)。它们 般对应图像中特定的、具有独特性质的反域。这里的组织性质可以是像素的灰度值、物体轮廓曲线、颜色和纹理等。为了识别和分析图像中的目标,需要将它们从图像中分离提取出来,在此基础上不有可能进 步力目标进行测量和对图像进行利用。图像分割就是指图像分成各具特性的区域并提取出感兴趣目标的技术和过程。

般的為像处戶过程如图 8 1 所示。从图中可以看出,图像分割是从為像核处理到图像 识别和图像分析理解的关键步骤。在图像处理中占据重要的位置。 方面它是目标表达的基 础。对特征测量有重要的影响:另一方面,图像分割以及基于图像分割的目标表达、特征提 取私参数测量等料除处图像转化为更为抽象、更为紧凑的形式,使得更高层的图像识别和图像分析现解成为可能。

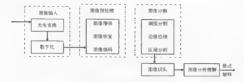


图 8 1 -般的图像处理过程

图像分割的方法已有上千种,每年还有许多新方法出现,典型直传统的图像分割方法可 以外为其于阈值的方法。基于边缘的方法和基于区域的分割方法等,未享将对这些典型的图 像分割方法则介绍。

8.1 灰度阈值法

8.1.1 图像分割基本原理

图像分割选根据海像的组成结构和应且需求溶图像划分成者「个互不相交的子区域的过程 是 这些子区域赴某种意义下具有共同属性的像素的连通集合。如不可目标物体序占的售像 区域、前限所占的图像区域等。连通是指集合中任意两点之间都存在着完全属于该集合的连 通路谷。

对于数字图像而言。如图 8 2 所示, 连通包括 4 连通和 8 连通两种情况。4 连通是指从 区域内 点比发、可通过 4 个方向。即上、下、左、右移动的组合, 在不超过区域的前提 下, 到达区域内的任意像素点; 8 连通是指从区域内一点出发, 可通过左、右、上、下、方 上、右上、左下、右下这 8 个方向的移动组合。到达区域内的任意像套占。



图82 4连通和8连通示意图

a) 4 非通 b) 8 非通

報报上述基本概念。可以绘出图像分割的一般性定义。即图像分割是指称 編高散數字 图像信号 f(m,n) 进行分割,将f分割为若干相连的、非空f区域f.f₁,f₃,···.f_n 。 日 性准股。

- 1) $f_1 \cup f_2 \cup f_3 \cup \cdots \cup f_n = f \circ$
- 2) ∀,, 当 i=1,2,3,...,n 时, f,是相连的。
- 3) ∀ f_i均一性准则都是满足的。
- 4) 对于任意两个相连的 f_i 和 f_j , $E(f_i \cup f_j) = \phi$ 。

目前,已经提出的图像分割方法很多,综合各种方法的实质,图像分割有:种不同的途径,分别介绍如下。

- 1)以区域为对象进行分割,以相似性原则作为分割的依据,即根据图像的灰度、色 家、变换关系或组织结构等方面的特征相似来划分图像的子区域,并将各像素则归到相应物 休或区域的像套聚类方法,即区域法。
 - 2) 以物体的边界为对象进行分割,通过直接确定区域间的边界来实现分割的边界方法。
 - 3) 先检测边缘像素, 再将边缘像素连接起来构成边界形成分割。

这些方法是互补的, 存有些场合适宜应用某一种分割方法, 而另一些场合则适宜采用另种分割方法, 有时还要将它们有机旋结合起来, 以求得更好的分割效果。

值得指出的是、图像分割没有唯 的、标准的、通用的分割方法。也没有'成不变、适 市场况的最优分害准则,而必须根据具体图像和不同应用目的来采用合适的分割方法。 在图像分割排表中。局效用的总利用图像服值化处理排行的图像分割

8.1.2 灰度阈值法分割

常用的图像分割方法是把图像灰度分成不同的等级,然后用设置灰度门限值(阈值)的 方法确定有意义的区域或分割物体的边界。常用的阈值化处理就是图像的 值化处理,即选 择一个阈值,将图像转换为黑白 值图像,用于图像分割及边缘提取等处理之中。 图像阈值化处理的夺换函数形式加下,

$$g(x,y) = \begin{cases} 0 & f(x,y) \le T \\ 255 & f(x,y) > T \end{cases}$$
(8-1)

显然,图像阈值化处理是一种阶梯函数,属于图像灰度级的非线性运算,该变换函数由 线如图 8 3 所示。它的功能是由用户指定 个阈值,如果图像中某个像素的灰度值人干该阈 值,则将该像素的灰度值置为255、否则将其灰度值置为0.



采用图像的阈值化分割过程中, 阈值的选取对处理结果的影响很大。如图 8 4 所 水、图 8 4a 为原始图像、图像中的目标为米粒、图 8 4b 为原始图像的灰度自方图。 分析该直方图可知, 该直方图具有双峰特性, 图像中的目标分布在较暗的灰度级上形 成一个波峰, 图像背景分布在较亮的灰度级上形成另一个波峰。因此, 从理论上讲, 以直方图双峰之间的谷底处灰度值作为阈值进行图像的阈值化处理,便可将目标和背 **冒分割开来。**

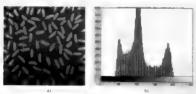


图 8 4 阈值分割法原理

a) 均的条像 h) 百方图

图 8 5a 选取阈值T 91; 图 8 5b 选取阈值T 140; 图 8 5c 选取阈值T=120; 图 8 5d 选取阈值T=56,由于选取了不同的阈值T,因此。图像的分割结果具有明显的差别。程序 代码如下,结果如图 8 5 所示。

clear

[imread('rice.nng').

12 m2bw(L91/255).

13. m2bw(1.140/255).

14 im2bw(1.120/255).

15=m2hw(1.56/255) figure, mshow(12)

figure.imshow(I3)

figure.imshow(I4)

figure.imshow(IS)









图 8-5 不同阈值对阈值化结果的影响

a) T=91 b) T=140 c) T=120 d) T=56

4 8 5 可知,图像分割过程中,若阈值选取过人,则会提取图像的多余部分; 若阈值过小, 贝, 乙会丢失所需的部分。因此, 阈值的选取对图像的分割具有非常重要 的作用。

当图像灰度自方图的双峰特性不明显, 即图像中的目标部分和背景之间亮度差较小时, 自接用直方图就不太容易确定 个合适的阈值。此时,可用最小误差阈值法、最大次差阈值 法、最佳阈值法、判别法分析法或其他合理的方法来确定阈值。

1. 最小误差阈值

假如 幅图像、设对象物的灰度分布具有平均值为 μ ,标准差为 δ 的止态分布概率密 度函数 p(z); 背景的灰度分布具有平均值为v,标准差为z的正态分布概率函数 a(z),如 图 8 6 所水。

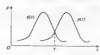


图 8-6 目标和背景概率密度分布

设对象物占整体图像的比例为t。此时整体图像的灰度概率密度为

$$tp(z) + (1-t)q(z)$$
 (8.2)

现在用阈值 T 分开: 当z<T时为背景,反之则是对象物。此时,把背景误认为对象物的概率为

$$Q(T) = \int_{a}^{+\infty} q(z)dz \qquad (8-3)$$

把对象物误认为背景的概率为

$$1 - P(T) = \int_{-\theta}^{\theta} p(z)dz \qquad (8-4)$$

那么错误区分的概率为

$$t[1 - P(T)] + (1 t)Q(T)$$
 (8.5)

求式 (8-5) 为最小值时的 θ , 便是阈值, 也就是对式 (8-5) 求微分并使其为零。

$$\frac{d}{dT}\{t[1-P(T)]+(1-t)Q(T)\}=0$$

所以

$$(1-t)q(T)-tp(T)=0$$
 (8-6)

2. 最大方差阈值

最大方差阈值也叫大津阈值,是 1980 年由日本的大津展之提出的,它是在差别与最小 :乘法原理的基础上推导出来的,可得到较好的结果。

把直方图在某一阈值处分割成两组,当被分成的两组间方差为最大时,决定阈值。现在,设一幅图像的灰度值为 $1\sim m$ 级,灰度值i的像素数为n,此时得到;

像素总数为

$$N = \sum_{i=1}^{\infty} n_i \tag{8.7}$$

各灰度值的概率为

$$p_i = \frac{n_i}{N} \tag{8.8}$$

然后用 T 将其分成两组 C_0 $\{1\sim T\}$ 和 $C_1=\{T+1\sim m\}$,各组产生的概率如下:

$$C_0$$
产生的概率为 $w_0 = \sum_{l=1}^{T} p_l = w(T)$ (8-9)

MATLAB 数字图像处理

$$C_1$$
产生的概率为 $w_1 = \sum_{i=1}^{n} p_i = 1 - w_0$ (8-10)

$$C_0$$
 的平均值为
$$\mu_0 = \sum_{i=1}^{T} \frac{i p_i}{w_0} = \frac{\mu(T)}{w(T)}$$
 (8 11)

$$L_1$$
 的平均值为
$$\mu_1 = \sum_{r=1}^{m} \frac{ip_r}{w_r} = \frac{\mu - \mu(T)}{1 - w(T)}$$
 (8 12)

式 中, μ $\sum_{i=1}^{n} ip_i$ 是整体图像的灰度平均值: $\mu(T) - \sum_{i=1}^{T} ip_i$ 是阈值为 T 时的灰度平均值,所以今確實報的新度平均值为

$$\mu - w_0 \mu_0 + w_1 \mu_1$$
 (8-13)

两组间的方差可用下式求出:

$$\delta^{2}(T) = w_{0}(\mu_{0} - \mu)^{2} + w_{1}(\mu_{1} - \mu)^{2} = w_{0}w_{1}(\mu_{1} - \mu_{0})$$

$$\frac{[\mu w(T) - \mu(T)]^2}{w(T)[1-w(T)]}$$
(8 14)

从 $1\sim m$ 炎变 T. 求式(8 14)为最人值时的 T. 即求 $\max S^2(T)$ 时的 T^* 值,此时, T^* 便是阈值。 $S^2(T)$ 叫做阈值选择诱数。

不管图像的直方图有无明显的双峰,此方法都能得到较满意的结果,因此,这种方法是 阈值自动选择的最优方法。图 8 7 给出了最大方差阈值分割的实例。

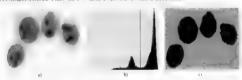


图 8-7 最大方差阈值分割实例 a) 原始图像 b) 最大方差阈值选择 c) 调值分割结果

3. 最佳阈值法

設閣像用物体和背景两部分组成、物体像套的灰度級具有正态概率密度函数 p(z), 其 均位 $为 \mu$, 万光为 δ^2 。 背景像套的灰度级也具有工态概率常度函数 q(z),其均位为u. 方 ど为 τ^2 。物体有息閣僚血权的に例为 λ 。背景所立面积为 $1-\lambda$, 因此,该閣僚息的灰度概 率溶解函数为

$$\lambda p(z) + (1 - \lambda)q(z) \tag{8-15}$$

令图像阈值为t。并且将小土t的全部点称为引标物体点。而将不小土t的全部点称为背景点、那么、设将背景点错月为目标物体点的概率为 $Q_t(t)$ 、将目标物体点错月为背景点的概率为 $Q_t(t)$,因而有

$$Q_1(t) = \int_{-\infty}^{t} q(z) dz \qquad (8-16)$$

$$Q_2(t) = \int_t^{\infty} p(z)dz = 1 - P(t)$$
 (8-17)

总的错分概率为

$$\lambda Q_2(t) + (1 - \lambda)Q_1(t) = \lambda[1 - P(t)] + (1 - \lambda)Q_1(t)$$
 (8 18)

由 f(t) 和 g(t) 都服从正态分布,因而有

$$p(t) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} e^{-\frac{(t-\mu)^2}{2\sigma^2}}$$
 (8.20)

$$q(t) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}r} e^{\frac{(t-\nu)^2}{2r^2}}$$
(8.21)

将式 (8-20)、(8-21) 代入式 (8-19) 并取自然对数可得

$$\ln \sigma + \ln(1-\lambda) - \frac{(t-\nu)^2}{2\tau^2} - \ln \tau + \ln \lambda - \frac{(t-\mu)^2}{2\sigma^2}$$

$$\tau^2(t-\mu)^2 - \sigma^2(t-\nu)^2 - 2\sigma^2\tau^2 \ln \frac{\tau\lambda}{\sigma^2(1-\lambda)}$$

根据上式, 若 $\lambda=0.5$, $\tau=\sigma$, 则可以得出:

$$t = \frac{\mu + \upsilon}{2} \tag{8-22}$$

4. 差别分析法

差别分析法确定最佳阈值的原则是进行阈值处理后,被分离的像素类之间的类则方差最 大。差别分析法需要计算直方图的 0 阶矩和 1 阶矩,它是图像阈值化处理中常用的自动确定 阈值的方法。

设图像总像素数为N,灰度值为i的像素数以N,表示,则灰度级为K的灰度分布的0阶矩及1阶矩分别定义如下。

0 阶矩为

$$\omega(k) = \sum_{i=1}^{k} \frac{N_i}{N}$$
 (8-23)

1 阶矩为

$$\omega(k) = \sum_{i=1}^{k} \frac{iN_i}{N}$$
 (8-24)

当k-L-1时, $\omega(L-1)=1$; $\mu(L-1)=\mu_A$,其中, μ_A 为图像的平均灰度值。

设图像的 M-1 个阈值为: $0 \le k_1 < k_2 < k_1 < \cdots < k_{M-1} \le L-1$. 将图像分割成 M 个灰度值的类 C ,且

$$C_{j} \in [k_{j-1}+1,\cdots,k_{j}]$$
 $k_{0}=0, k_{M}=L, j-1,2,3,\cdots,M$

则各类 C, 发生的概率为

$$\omega_j = \omega(k_j) - \omega(k_j)$$

血相应的概率平均值为

$$\mu_{j} = \frac{\mu(k_{j}) - \mu(k_{j-1})}{\omega(k_{j}) - \omega(k_{j-1})}$$
(8 25)

其中, $\omega(0) = 0, \mu(0) = 0$ 。

因此, 可得各类的类间方差为

$$\sigma^{2}(k_{1}, k_{2}, k_{3}, \dots, k_{M-1}) \sum \omega_{j}(\mu_{j} - \mu_{T})^{2}$$
 (8 26)

式中, μ_T 为相应的概率值。

将使式 (8-26) 的 σ^2 值为最大的阈值组 $(k_1,k_2,k_3,\cdots,k_{M-1})$,作为 M 值化的最佳阈值组。若分割成两类,即取 M 为 2,则可求出一值化的阈值。

对于复杂图像, 在许多情况下对整幅图像用单 · 阈值不能给出理想的分割结果。例如, 若为光亮背景上的暗物体图像, 由于照射光的不均匀, 虽然物体与背景始终有反差, 但在图像的某一部分物体和背景都比另一部分亮。因此, 在图像的一部分能把物体和背景

精确地分开的阈值。对另一部分而言、可能会把人多的背景也作为物体进行分割。是职达 缺点有如下,也方法。如果已知图像上的位置函数用来描述不均匀照射。则可以光设法 应用灰度级帐上方法进行校正。然后课事中一间值进行分割。另一种方法是每阻像分成子 区域,对每一个区域设置局部阈值。但是,如果某一个区域仅含有物体或仅有背景。那 么该了区域就找不到阈值。这时,可以根据邻近子区域的局部阈值通过内插值法求得该子 区域的一个网值。

在确定阈值时,如果阈值过高、则偶然出现的物体像素点就会被认为是背景点;如果阈值过低、则会发牛相反的情况。免账这种情况的方法是使用两个阈值。例如,4,<5,将页值超过4,的像表分类为核心物体点,而灰度值超过4,的像系,仅当它们靠核心物体点对 不认为是物体点。4,的选择要使每个物体有"七燥素灰度级高于4,而背景不含有这样的像素。同时,应选择4,使每个物体像素点高于4,灰度级。如果只使用4,则物体总是分割得不完整。如果只使用4,则含有许多背景像素板铺分为物体像素。但是,如果同时使用4,和4,两个值,就能把背景;物体很好地分割开来。当然,如果物体与背景的对比是鲜明的,就不必使用这种方法。

此外,如果存在 个阈值 f2,使得每个物体的像素灰度级高于 f2,而背景不包含这种像 煮,则可对铝像设置阈值 f2,然后检查高于阈值像素的区域。目的是寻找 个局部阈值,以 便在每个类似区域中把物体和背景分开。如果这些物体相当小,并且不太靠近,那么这种方 法比较适用。所使用的区域应足够大,以保证它们既包含物体像素,也包含背景像素,这样 绿可以供区域的直有刚是对蜂的。

有时需要 - 技 · 幅图像的局部最大点,即提取比附近像素具有较高的某种局部性质值的 像套。 · 般来讲,也要求这些点具有高于 · 个低侧值 1,的值, 日超过 1,不管它的绝对值 大小如何, 切相对的最大值都被采纳。因上,可把 · 技局部最大值看为局部设置侧值的极 减物份,在对限像进行匹配运筹或检测界线时可采用这种方法。

8.2 边缘检测

数字图像的边缘检测是图像分割、目标区域识别、区域形状提取等图像分析领域十分重

要的基础, 也是图像识别中提取图像特征的 个重要属性。在进行图像理解和分析时, 第一步往往就是边缘检测, 目前它已成为机器视觉研究领域最活跃的课题之 , 在工程应用中占 有十分重要的抽位。

物体边缘是以图像的局部特征不连续的形式出现的,即是指图像局部亮度变化最显著的部分,如灰度值的突变、颜色的突变、纹理结构的突变等,同时物体的边缘也是不同区域的分界处。图像边缘具有方向和幅度两个特性,通常沿边缘的走向灰度变化平缓,垂直于边缘上向的像素灰度变换剧烈。根据灰度变化的特点,可分为阶跃型、房顶型和凸缘型,如图 8 8 所示。



图 8-8 图像功绩的东度变化

利用边缘检测来分割图像, 其基本思想就是先检测图像中的边缘点, 再按照某种领略将 边沿点连接成轮廓, 从而构成分割区域。由于边缘是所要提取目标和背景的分界线, 提取出 边缘,能等日本和背景分开, 因此边缘特别技术对于数字图像十分重要。

图像中某物体边界上的像素点,其领域将是一个灰度级变化带。衡量这种变化最有效的两个物价值就是灰度的变化率和变化方向,它们分别以梯度向量的幅值和方向来表示。对于 连续附像 f(x,y), 其方向导数在边缘(注线)方向上有局部最大值。因此,边缘检测就是 求 f(x,y) 賴度的局部最长值和方向。

已知 f(x,y) 在 θ 方向沿 r 的梯度定义如下:

$$\frac{\partial f}{\partial r} = \frac{\partial f}{\partial x} \frac{\partial x}{\partial r} + \frac{\partial f}{\partial y} \frac{\partial y}{\partial r} = f_x \cos \theta + f_y \sin \theta$$
 (8-27)

 $\frac{\partial f}{\partial r}$ 达到最大值的条件是 $\frac{\partial \left(\frac{\partial f}{\partial r}\right)}{\partial \theta} = 0$,即

$$-f_x \sin \theta_g + f_y \cos \theta_g = 0$$

得
$$\theta_{\rm g} = \arctan f_y / f_x$$
,或 $\theta_{\rm g} + \pi$ (8 28)

梯度最入值 $g=\left(\frac{\partial f}{\partial r}\right)_{max}=\sqrt{f_s^2+f_y^2}$,一般称为梯度模。梯度模算了具有位移不受性和各 何同性的性质, 适用于边缘检测,而灰度变化的方向, B1边界的方向则可由 $\theta_g=\arctan\theta f_y/f_s$ 得到。

在实际应用中,为了简便,一般将算子以微分算子的形式表示,然后采用快速卷积函数 来实现,这种实现方法可以得到快速而有效的处理。

8.2.1 微分算子

常用的微分質子有 Roberts 算子、Prewitt 算子、Sobel 算子以及 Isotropic Sobel 算子, 这里主要介绍前三个算子。

1. Roberts 算子

对于离散图像来说,边缘检测算子就是用图像的垂直和水平差分来逼近梯度算子:

$$\nabla f = (f(x,y) - f(x-1,y) - f(x,y-1))$$
 (8 29)

因此, 当需要检溉图像边缘时, 最简单的方法就是对每个像素计算 Vf, 然后求绝对值, 最后进行阈值操作就可以实现。Roberts 質子就是基于这种思想, 该質子见式 (8 30)。

$$R(i, j) = \sqrt{(f(i, j) - f(i+1, j+1))^2 + (f(i, j+1) - f(i+1, j))^2}$$
(8 30)

它可以由以下两个2×2的模板共同实现:

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix} \qquad \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$$

2. Prewitt 算子和 Sobel 算子

在比较复杂的图像中,仅用 2×2 的 Roberts 算子得不到较好的边缘检测,而相对较复杂的 3×3 的 Prewitt 算子和 Sobel 算子检测效果较好。

和 Roberts 算子类似、Prewitt 算子也可以通过以下两个模板实现:

$$\begin{pmatrix} -1 & -1 & -1 \\ 0 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 1 \\ \end{pmatrix} \qquad \begin{pmatrix} -1 & 0 & 1 \\ -1 & 0 & 1 \\ -1 & 0 & 1 \\ \end{pmatrix}$$

以上两矩阵分别代表褶像的水平绑度和垂直梯度。如果用 Prewint 算子檢測图像 M 的边缘, 般先用水平算子和垂直算子对图像进行卷积,得到两个矩阵 M1、M2、在不考虑边界因赛的时候,它们与原图像有相同的人小,分别表示图像 M 中相同位置对 P_P 和 P_H 的偏导数。然后求 M1和 M2 对应位置的两个数的平方和,得到 个新的矩阵 G6 G6 M1 M2 化喹啉醇的诉例值,然后经付確值操作组到协缘。即

$$G = ((M \otimes P_{\nu})^2 + (M \otimes P_{\mu})^2) > Thresh^2$$

Sobel 算了与 Prewitt 算子的区别仅在于选用的模板不同:

$$\begin{pmatrix} -1 & -2 & -1 \\ 0 & 0 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \end{pmatrix} \qquad \begin{pmatrix} -1 & 0 & 1 \\ -2 & 0 & 2 \\ -1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

不同的算子选取不同的模板,为什么要这么选取呢?这是由以下原理决定的。 假定图像 M的 灰度清足以下关系式:

$$M_x$$
, $\alpha x + \beta y + \gamma$

即梯度为 (α, β) ,则每一像素的8领域像素值为

$$\begin{pmatrix}
-\alpha - \beta + \gamma & -\alpha + \gamma & -\alpha + \beta + \gamma \\
-\beta + \gamma & \gamma & \beta + \gamma \\
\alpha - \beta + \gamma & \alpha + \gamma & \alpha + \beta + \gamma
\end{pmatrix}$$

则定义水平算子和垂直算子为

$$\begin{pmatrix}
-a & 0 & a \\
-b & 0 & b \\
a & 0 & a
\end{pmatrix} \qquad
\begin{pmatrix}
-a & -b & -a \\
0 & 0 & 0 \\
a & b & a
\end{pmatrix}$$

将这两个模板间原始图像像素进行卷积,可得到的方向导数为

$$g_x = 2\beta(2a+b)$$
$$g_x = 2\alpha(2a+b)$$

所以得到像素的梯度大小为

$$g = \left(\frac{\partial f}{\partial r}\right)_{\text{max}} = \sqrt{g_x^2 + g_y^2} = 2(2a + b)\sqrt{\alpha^2 + \beta^2}$$
(8-31)

显然,如果要使得梯度为常量,则应该使得2(2a+b)=1。

如果a=b=1/6,则得到 1/6 乘 Prewitt 算子; 取a=1/8, b=1/4,则得到 1.8 乘 Sobel 算子。

为了方便, 下面对上述常用算子的模板进行总结, 见表 8 1。

算子名称 H H_{2} 1) 0) 边缘定位准 Rohests 对噪声有拘制作用 0 0 -1 0 平达、微分 Ð 对噪声有抑制作用 -1 11 0 -13 加架平均 -2 0 2 0 0 ٥ Sohel 功衡≥2億套 -1 0 1 1 -1 1 $\sqrt{2}$ 树值反比于邻点与中心点的距离 Isotronic Sobel 0 0 检测沿不同边缘方向时梯度幅度 致 -1 0 ī

表 8-1 常用边缘检测算子機板

MATLAB 7.0 图像处理 [具箱中提供了专门的边缘检测 edge()函数, 其调用格式如下:

- BW-edge(I, 'method')
- BW--edge(I, 'method', thresh)
- BW-edge(I, 'method', thresh, direction)
- [BW, thresh]-edge(I, 'method',...)

其中, I 是输入图像, method 是选用的方法 (算子), 可以选择的 method 有 Sobel、

Prewitt、Roberts、log、Candy、zerocross 等。



可选的参数有 thresh (门限)、sigma (方差) 和 direction (力回)

F由, 将利用 edge()函数, 分别采用 3 种不同的边缘柃剥符了对佟 8 9a 所示的原始恪像进行边缘提取,程序代码如下:

I umread(tire.tif'); figure,imshow(l),

BW1 edge(l, sobe ,01), figure,imshow(BW1)

BW2 edgetI,'roberts',0,1)

figure,unshow(BW2)

BW 3=edge(I,'prewitt',0.1) figure..mshow(BW 3)

执行以上程序,效果如图 8 9b~d 所示。

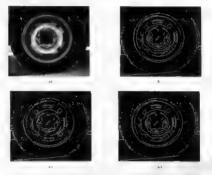


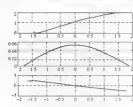
图 8 9 不同的边缘检测算了进行提取的效果

a 与身布像 b) Sobel 算子控制效果 c) Roberts 算子的测效果 d) Prewnt 算子控测效果

比较 3 个算了的检测效果,可以发现 Sobel 算子和 Prewitt 算了的效果比较好。

8.2.2 拉普拉斯高斯算子 (LOG)

前面都是利用边球处的梯度最大(止的或者负的)这一件从来进行边缘检测的,□利用 方规陷像的拐点位置是边缘的性质。除了这一点。边缘还有另外一个性质,即在拐点位置 处的。阶号数为0。如图8 10 所示。



图中由上到下分别县图像的据占(图像 左度信)。据占外的梯度(左度·阶号数)和灰 度 : 阶导数。对准图像网络点,可以发现。阶导数为零夺叉点外对应的是图像的拐点。

所以,也可以通过寻找二阶导数的零变叉点来寻找边缘。而 Laplacian 算子是最常用的 :阶异粉質子。

:元函数 f(x, v) 的 Laplacian 变换定义为

$$\nabla^2 f = \frac{\partial^2 f}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 f}{\partial y^2}$$
(8 32)

实际上就是 阶偏导数的和。将上式以差分方式表示。得到式(8 33);

$$\nabla^2 f = [f(x+1,y) + f(x-1,y) + f(x,y+1) + f(x,y-1) - 4f(x,y)]$$
 (8.33)

以權板形式表示, 就得到了常用的算子;

$$\nabla^2 f = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 4 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{pmatrix}$$

▽²f 算子能突出反映图像中的角线和孤立点,如对图 8 11a 所示的原始数据图像进行 Laplacian 算子运算,可以得到如图 8 11b 所示的结果,在边缘和孤立点的幅值都比较大。



图 8 11 原始数据图像及运算结果

a) 废始数据阻億 b) 用 Laplacian 算子运算以后的结果

但是, 需要注意的是, 由上述算子可以知道, 阶导数对噪声敏感, 因而不稳定, 山

MATLAB 数字图像处理

比. 阶导数对验声就会更加敏感,因而更不稳定。所以,在进行 Laplacian 变换之前需要 作平滑。同时,又因为卷积是可变换、可结合的,所以先作高斯卷积,再用 Laplacian 算子 作卷积,等价于对原始图像用高斯函数的 Laplacian 变换后的滤波器作卷积。这样就得到 个新的滤波器——LOG (Laplacian Of Gaussian) 滤波器。

$$f(x, y) = \nabla^{2}(G(x, y) * M(x, y))$$
 (8.34)

式中, M(x,y) 是图像。

$$G(x,y) = \frac{1}{2\pi\sigma^2} \exp\left(-\frac{x^2 + y^2}{2\sigma^2}\right)$$
 (8-35)

$$LOG(x, y) - \nabla^{2}(G(x, y)) = \frac{\partial^{2}G}{\partial x^{2}} + \frac{\partial^{2}G}{\partial y^{2}}$$

$$= \frac{-1}{2\pi\sigma^4} \left(2 - \frac{x^2 + y^2}{\sigma^2} \right) \exp\left(-\frac{x^2 + y^2}{2\sigma^2} \right)$$
 (8-36)

利用以下程序代码段, 可以得到 LOG 算子的图像, 如图 8 12 所示。

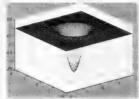


图 8-12 LOG 算子图像

```
clear,
x 2.0 66 2,
y 2.0 06 2,
y 2.0 06 2,
sigma 0 6;
y="/;
for |=1(40.06+1)
xcfi, |>x;
yy(.i)=y,
end
r1 | (2*pi*sigma*4)*((xx*2+yy*2) (sigma*2)=2),*exp(-(xx*2-yy*2)(sigma*2)),
colormaptjett [6]),
meshit(xx,yyf)
```

由图 8 12 可以看出,它是 个带通滤波器,研究表示,LOG 算子比较符合人的视觉特性。 在实际应用中,使用 LOG 模板作卷积,然后寻找那些零交叉像素:如果一个像素值小 }

 θ 。, 而周围邻接的 8 个像素都大十 θ 。, 则这个像素就是 零分叉点。利用以下程序代码, xt图 8 9a 所示的原始图像 讲行 LOG 管子边缘提取、 但至加图 8 13 所示的效果。

> BW =edge(1,'log',0,01) figure.unshow(BW)





8.2.3 Canny 算子

还有一个很重要的边缘检测算子,即 Canny 算子,它 图 8 13 LOG 算子力级提取的结果 是最优的阶梯型边缘 (Step Edge) 检测算子。从以下3个

标准意义来说, Canny 边缘检测算子对受到白噪声影响的阶跃型边缘是最优的。

- 1) 检测标准,不丢失重要的边缘,不应有虚假的边缘。
- 2) 定位标准,实际边缘与检测到的边缘位置之间的偏差最小。
- 3) 单响应标准、将多个响应降低为单个边缘响应。

Canny 算子的实现步骤如下:

- 1) 首先用 2D 高斯滤波模板与原始图像进行券积,以消除噪声。
- 2) 利用异数算了(如 Prewitt 算子、Sobel 算子) 找到图像基度沿着两个方向的异数 G_{-},G_{-} , 并求出梯度的大小: $|G| = \sqrt{G^2 + G^2}$ 。
 - 3) 利用 2) 的结果计算出梯度的方向: θ arctan $\left[\frac{G_{\nu}}{G}\right]$ 。
- 4) 求出了边缘的方向,就可以把边缘的梯度方向大致分为 4 种 (0°, 45', 90'和 135°), 并可以找到这个像套梯度方向的邻接像套。
- 5) 遍历图像。若某个像素的灰度值与其梯度方向上前后两个像素的灰度值相比不是最 大帕, 那么将这个像素值冒为 0. 即不是边缘。
- 6)使用器计直方图计算两个阈值。凡是大于高阈值的一定是边缘。凡是小于低阈值的 定小是边缘。如果检测结果在两个阈值之间,则根据这个像素的邻接像素中有效有超过高 阙值的边缘像素,如果有,则它就是边缘,否则不是。
- 以下程序段是利用 MATLAB 中的 edge()函数, 并采用 Canny 算了, 对如图 8 14a 所小 的原始图像进行边缘检测, 检测效果如图 8 14b 所示。





图 8-14 Canny 算子运算 a) 免款阻像 b) Carmy 算子边缘检测效果

I=imread('tire.tif'); figure,imshow(I), BW=edge(I,'canny',0.1) figure,imshow(BW)

比较图 8-14b 与前面几个算子进行边缘检测的结果,可以看出 Canny 算子检测结果不单能清晰地提取 ture 的边缘,而且边缘连续比较好,这就是 Canny 算子的优良之处。

当然,还有许多其他边缘检测整法,如与 Canny 算子类似,还有利用边缘方向性的检测 算子。其算法描述如下:

- 1) 设置 4个3-3模板如图 8 15 所示。显而易见,4 个模板分别针对 0°、45°、90°和 135°4 个方向的筛度设置,并以(x,y)点为中心将 3×3 的区域分成两个部分,按照这 4 个模板分别对图像中的每一 像套 点进个卷积设和操作。
- 2)对各像中每 像素点求出的 4 个卷积和求绝对值,并将每个结果分别与一个阈值比较,如果其中任意一个结果大于或等于阈值 T, 更该模板的中心点所对应的像素点的灰度值为 225, 否则为 0.

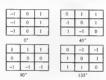


图 8-15 边缘检测算子模板

8.3 区域分割

阈值分割法由于没有或很少考虑空间关系,使多阈值选择受到限制,基于区域的分割方 法可以实补这点不足。该方法利用的是图像的空间性质,认为分割出来的属于同一区域的像 成应具有相似的性质,其概念是相当直观的。传统的区域分割法有区域生长法和分裂合并 法,下面对该两种方法加以介绍。

8.3.1 区域生长

1. 区域生长的原理和步骤

区域生长的基本思想是将具有相似性质的像素集合起来构成区域。具体是先对每个需要分割的区域投 个种户像素作为生长的起点,然后鸡种子像素周围领域中与种子像素有相同或相似性质的像素(根据某种事先确定的生长或相似准则来判定)合并到种子像素所在的区域中、转这些新像素当做新的种子像素继续进行上面的过程,直到再没有满足条件的像素可核包括进来,这样,一个区域就长成了。

图 8 16 给出了已知种了点进行区域生长的一个示例。图 8 16a 给出待分割的图像、设 已包有两个种子像素(标为深诗不同的灰色方块), 现要进行区域生长。假设这书采用的州 断准 b 是, 如果所考虑的像素· i 种子像紧紧度值差的缩对值小干某个圆值 F 。则容必像素句 抵进种了像素所在的区域。各 8 16b 绘出 7=3 时的区域生长处里、整据对像被较加强分成两 个区域; 图 8 16c 给。T 1 时的区域生长结果,有些像素无法判定; 图 8 16d 绘出 T=6 时 的区域生长结果,整幅图像都被分在一个区域中了,有些可见阈值的选择是很重要的。

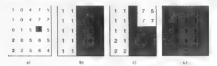


图 8-16 区域生长示例

从上面的示例。「知,在实际应用区域生长法时需要解决3个问题;

- D) 洗择或確定 组工确代表所需区域的种子像套。
- 2) 确定在生长过程中能将相邻像素包括进来的准则。
- 3) 制定生长过程停止的条件或规则。

种子像素的选取常可借助具体问题的特点进行。例如、军用红外图像中检测目标时, 由于一般情况下目标辐射较大、所以可以选用图中最高的像案作为种子像素。如果对具体 问题沒有先验知识,则可信助生长所用准则对像素进行相应计算。如果计算结果呈现聚类 的情况,见接近聚类中心的像素可取为种了像素。以图 8 17 为例,通过对它做直方图: 钿, 且有灰度值为 1 和 5 的像素层多目处在繁荣的中心, 所以可各选 个具有聚类中心灰 度值的像素作为种子。在选择种了像素时可以由某种规则自动选取,也可以用父互的方式 完成。



图 8 17 区域生长的宝例 a) 原始图像 b) 区域与长结集

生长准则的选取不仅依赖+ 问题本身, 也和所用各像数据的种类有关。例如, 当图像是 彩色的时候,仅用单色的准则效果就会受到影响。另外还要考虑像素间的连通性和邻近性,否



MATLAB 数字图像处理

则,有时会出现无意义的结果。我们将在后面介绍几种典型的生长推则和对应的生长过程。

· 敏生长过程在进行到再也没有满足生长准则的像素时停止,但常用的基子灰度、纹理 和彩色的准则长都基于图像的局部性质,并没有充分考虑生长的"历史"。为增加区域生长的性能,常高考虑,些与尺寸、形状等图像和目标的全局性质有关的准则。在这种情况下,常素对分割结果建立、定的模型或编织、定的先验如识。

2. 生长准则

区域生长的 "个关键是选择合适的生长准则,大部分区域生长准则使用图像的局部性 质。生长准则可根据不同原则制定。而使用不同的生长准则会影响区域生长的过程,下面介 绍 3 种基本的生长准则和方法。

- (1) 基于区域灰度差
- 基于区域灰度差的方法主要有以下步骤。
- 1) 对像素进行扫描,找出尚没有归属的像素。
- 2)以该像素为中心检查它的领域像素,即将领域中的像素逐个与它比较,如果灰度差小于预先确定的阈值,将它们合并。
- 3)以新合并的像套为中心,返回到步骤 2),检查新像素的领域,直到区域不能进一步扩张。
 - 4) 返回到步骤 1),继续扫描,直到所有像素都归属,则结束整个生长过程。
- 采用上述方法得到的结果对区域生长起点的选择有较大的依赖性。为克服这个问题可以对方法进行以下改进。将灰度差的颜值设为零,这样具有相同灰度值的像素便合并到 起,然后过较所有相邻区域之间的平均灰度差。合并灰度差小于某一侧值的区域。这种改进仍然存在一个问题。即"阳爆中存在缓慢变化的区域时,有可能会将不同区域逐步合并而产生错误的分割结果。一个比较好的做法是。在进行生长时,不用薪像素的灰度值与领域像素的灰度值比较,而是用新像素所在区域的平均灰度值与各领域像素的灰度值进行比较,将小于某一侧值的像素合并进来。
 - (2) 基于区域内灰度分布统计性质

这里考虑以灰度分布相似性作为生长准则来决定区域的合并。具体步骤为

- 1) 把像素分成互不重叠的小区域。
- 2) 比较邻接区域的累积灰度直方图,根据灰度分布的相似性进行区域合并。
- 3) 设定终止准则,通过反复进行步骤 2) 中的操作将各个区域依次合并,直到满足终止 准则。
- 为了检测灰度分布情况的相似性,采用下面的方法。这里设有(X)和 $h_{\epsilon}(X)$ 为相邻的两个区域的灰度自方图,X 为灰度值变量,从这个自方图求出累积灰度直方图 $H_{\epsilon}(X)$ 和 $H_{2}(X)$,根据以下两个准则:
 - ① Kolomogorov-Smirnov 检測

$$\max_{Y} |H_1(X) - H_2(X)| \tag{8.37}$$

② Smoothed-Difference 检测

$$\sum |H_1(X) - H_2(X)|$$
 (8-38)

如果检测结果小于给定的阈值,就把两个区域合并。这里灰度直方图 h(X) 的累积灰度

直方图 H(X) 被定义为

$$H(X) = \int_{a}^{X} h(x) dx$$

在密散情况下

$$H(X) = \sum_{i=1}^{X} h(i) \int_{0}^{X} h(x) dx$$
 (8-39)

对上述两种方法有两占值得说明.

- ① 小区域的尺寸对结果影响较大。尺寸太小、检测可靠性降低、尺寸大大、则得到的 区域形状不理相、小的目标可能漏掉。
 - ② 式 (8-38) 比式 (8 37) 在检测直方图相似性方面较好, 因为它考虑了所有灰度值。
 - (3) 基于区域形状
 - 在决定对区域的合并时,也可以利用对目标形状的检测结果、常用的方法有两种。
- 1) 把图像分割成灰度固定的区域,设两相邻区域的周长为 p, 和 p, ,把两区域共同边界 线两侧灰度差小于给定值的那部分设为 L, 如果 (T, 为预定阈值)

$$\frac{L}{\min\{p_1, p_2\}} > T_2$$
 (8-40)

则合并两区域。

 把图像分割成灰度固定的区域。设两邻接区域的共同边界长度为 R、押两区域共同 边界线两侧灰度差小于给定值的那部分长度设为 L,如果(T,为预定阈值)

$$\frac{L}{B} > T_2 \tag{8.41}$$

则合并两区域。

上述两种方法的区别是:第一种方法是合并两相邻区域的共同边界中对比度较低部分占 整个区域边界份额较大的区域,第二种方法则是合并两相邻区域的共同边界中对比度较低部 分比较多的区域。

下述为区域生长的实例。

图 8 17a 是细胞图像,在细胞体上手工选择一种子点,采用区域灰度差的生长准则, 图 8 17b 是区域生长的结果。

8.3.2 分裂合并

8.3.1 节介绍的区域生长法是先从单个种子像素开始通过不断接纳新像素,最后得到整 个区域。分裂合并法是从整幅图像开始通过不断分裂得到各个区域。在实际中,常先把图像 分成任意大小目不重叠的区域。然后再合并或分裂这些区域、以满足分割的要求。

在这类方法中,常需要根据图像的统计特性设定图像区域属性的 致性测度,其中最常 用的测度多基于灰度统计特征,如同质区域中的方差(Variance Within Homogeneous Region, VWHR)。算法根据 VWHR 的数值合并或分裂各个区域。为得到正确的分割结果,需要根据 先验知识或对图像中噪声的估计来选择 VWHR, 它选择的精度对算法性能影响很大。

假设以 VWHR 的一致性测度, 令 V(R)代表趋于区域 R 内的 VWHR 值, 阈值设为 T, 下而介绍 · 种利用图像四叉树 (Ouad Tree, OT) 表达方法的简单分裂合并算法。如图 8 18 所示、设 R_0 代表整个四方形图像x域、从最高层开始、如果 $V(R_0) > T$,就将其四等分、得全四个了区域R。如果V(R) > T,则将该x域四等分。如此类推,百至x0、为平个像素。



图 8 18 简单的区域分裂过程

如果仅仅使未分裂。最后有可能出现相邻的两个区域属于同一个目标。但并没有合并 成一个整体。为解决这个问题。每次分裂后允许以见继续分裂或合并。合并过程只合并 布尔的区域、目合并后组成的新区域要编足一致性测度。即相邻的R和 R_f ,如果 $V(R \mid R) \leq T$,则称:者合并。

下面用 qtdecomp()函数实现四叉树分解。 籽序代码如下:

> I=imread('eight.tif') J I(1 128,1 128),

S~qtdecomp(J,0 2), figure,imshow(I), figure,imshow(full(S))

程序执行结果如图 8 19 所示。





图 8-19 图叉树分解 , a) 京朝图像 b) 图叉树分解的结果

综上所述,分裂合并算法的步骤可以简单描述如下:

- 1) 对于任意一个R, 如果V(R)>T, 见将其分裂成互不重叠的四等分
- 对相邻区域 R, 和 R, ,如果 V(R, ∪ R,)≤T,则将_者合并。
- 3) 如果进 步的分裂或合并都不可能了,则终止算法。

8.3.3 水域分割

1. 水域分割的基本原理

水域分割, 人称为 Watershed 变换, 是 种借鉴了形态学理论的分割方法, 其本质] 是 利用图像的区域特件来分割图像的。它将边缘检查与区

域生长的优点纪合起来,能够得到单像素宽、连通、封 团、且位置准确的轮廓。水域分割的基本志想是基于局 部极小值和积水盆 (Catchment Basin) 的概念。积水盆 是地形中局部极小点的影响区 (Influence Zones), 水平 而从这些局部极小值处上涨。在水平而浸沙加形的过程 中, 每一个积水盆被筑起的"坝"所包制,这些周用来 防止不同积水盆里的水混合到一起。在地形完全浸没到 水中之后。这些铂纪的坝黄构成了分水岭。这个过程如 图 8 20 所示。



图 8-20 地形浸沙过程说明

现在将水域的概念应用到图像分却中,假设符分别的图像 [11] 标和背景组成,这样,图 像的背景和目标的内部区域将对应梯度图中基度较低的位置。而目标边缘则对应了梯度图中 的点带, 称椭度图像中具有均匀低灰度值的区域为极小值区域 (最分布在目标为部及背景 处)。水面从这些极小区域开始主流,当不同流域中的水面不断升高至客要汇合在。起时 (目标边界处), 便筑起 道堤坝, 最后得到中这些坝组成的分水线, 阁像也就完成了分 割。图 8-21 是一个水域分割实例。

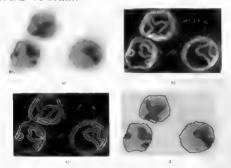


图 8-21 水域分割

a, 原始開像 b) 经典的 Canno 梯度 c) 梯度阻像的流域分界线 d) 分割结果

2. 基于标记的 Watershed 变换

由于特分數的附徵中有在端声和 一端你小的灰度值起伏波动,在梯度图像中可能存在许 冬假的后部极小值,如果自接对梯度图像进行生长会造成过分影的现象。即使在 Watershed 交 换前对梯度图像进行滤波,存在的极小点也往往会多于原始图像中目标的数目。因此必须加以 改进。实际可饱用 Watershed 变换的有效途径是首先确定图像中目标的标记或种了,然后再进 行生长,并且在当长的过程中仅对具有不同标记的标记点建筑助止溢流汇合的则,产生分水 6、这成是基于标记的 Watershed 变物。是十标记的 Watershed 变物。从如下分下4个4.68。

- 1) 对原始图像进行梯度变换,得到梯度图。
- 2) 用合适的标记函数把图像中相关的目标及背景标记出来,得到标记图。
- 3) 将标记图中的相应标记作为种子点,对梯度图像进行 Watershed 变换,产生分水岭,

由于目标标记的正确与否直接影响分割结果,所以利用 Watershed 变换进气图像分割的 关键是标记提取。到目前为上、标记提取还没有 个线 的方法, 一般依赖于阁像的充骑知 识、如高像极值。平坦区域或较严等。图 8 22a~d 是 种利用直方路峰值特件提取标记的 方法, 管法鸡自万图中的3个峰所对应的像素作为标记, 分成对应核仁、细胞核及肾累 3 类 目标,以这些标记点作为种子。在梯度图上进行水域生长、图 8 22e 为水域分别的结果。

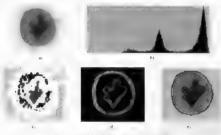


图 8-22 利用直方图提取标记的水域分割结果
a) 綠始图像 b) 直方图 c) 摄取川的标志。d) Canny 梯度 c) 水域分割的结果

8.4 边界跟踪与直线检查

边界跟踪技术是重要的图像分割方法。它分为两类: 类是区域跟踪,这是基于区域的 新像分割方法: 另 类是曲线跟踪,这是基于边界的图像分割方法。

4. 上自我通常对应重要的边缘信息。自我要取是计算机视觉中 項非常重要的技术。如 有. 集制司动物要技术分析中, 追你的是取需要有效地提取自动追路边缘;在航空照片分析 中, 自然对应于重要的人员目标的边缘。因此, 更自然理解单纯能产业进行研究权有意义。

8.4.1 基本原理

曲线跟踪的基本思路是: 从当前的一个 "现在点" (边缘点)出发,用跟踪准则检查 "现在点"的邻点,满足跟踪准则的像素点被接受为新的"现在点"并做上标记。在跟踪过程中可能出现以下几种情况: "规柱点" 是曲线的分支点或几条曲线的交点,取满足跟踪准则的各邻点中的 个点作为新的 "现在点"。继续进行取踪,而考其余满足跟踪准则的各邻点存储起来,供以后继续跟踪用: "跟踪过程中的 "现在点"的邻点都不满足跟踪准则用,则该分支曲线跟踪经束。"令部分支点处的全部持根踪的点均已跟踪完毕后,该次跟踪过程结束。

跟踪准则除了可能使用灰度值、梯度模值之外,还可能使用平滑性要求。另外,起始点的选择和搜索准则的确定对曲线跟踪的结果影响很大。

区域跟踪也称为区域生长,它的基本思路是:在阁像中寻找满足某种检测准则(如灰度门限)的点,对任意 个这样的点,检查它的全部邻点,把满足跟踪准则的任何邻点和已检测的满足检测准则的点合,从而产生小块日标区域,然后再检查该区域的全部邻点,并把满足跟踪难则的恋点并入这个日标区域,不断重复上选操作。直到没有邻点满足职踪难则为止,则此块区域生长结束。然后用检测准则继续寻找,当我到满足检测准则目下减了任何已上成的区域的像紊点后,另始下一个区域的生长,按这种方法进行,直到没有满足检测准则的像紊点为正。

MATLAB 提供了两个边界跟踪函数: bwtraceboundary()函数和 bwboundaries()函数, 其功能见表 8 2。

表 8-2 边界跟踪函数介绍

函数名称	用 法
bwtraceboundary	采用基丁曲线跟踪的策略、需要给定搜索起始点和搜索方向。返回过该起点的 条边界
bwboundaries	属于区域锻除算法。能给出,值图像中所有物体的外边界和内边界

下面对它们的使用进行具体说明并给出实例。

- 1. Bwtraceboundary()函数
- 其语法格式如下:
- B=bwtraceboundary(BW, P, fstep)
- B=bwtraceboundary(BW, P, fstep, conn)
- B=bwtraceboundary(···, N, dir)
- 其参数的含义见表 8-3。

表 8-3 bwtraceboundary()函数中参数的含义

参数名称	舎 文
BW	图像矩阵,值为0的元素视为背景像紊点。非0元素视为待摄取边界的物体
P	2×1 维矢量,两个元素分别对应起始点的行率标和列坐标
fstep	字符串,指定起始搜索方向,它的取值与方向的对应关系如图 8 23 所示,见表 8 4
cong	指定视索算法所使用的连通方法。具体参数设置见表 8 4
N	指定提収的边界的最大长度。即这段边界所含的像素点最大数目
dir	字符申指定搜索边界的方向,具体参数设置见表8-4







图 8-23 fstep 的取值和含义

表 8-4 dir、conn、fstep 参数设置

	h 10	猫 迷
d _i +	clockwise'	在 clockwise 方向搜索、默认值)
GIT.	counterclockwise*	在 counterclockwise 为向投系
	4	4 连通 (上、下、左、右)
conn	8	8 连通 (t 、 F 、 左 、 右 、 右 上 、 右 下 、 左 上 、 左 下)
	N	从图像"方开始搜索
	.Z.	从图像下文开始搜索
	E	从图像右方开始搜索
f	'W'	从图像左方开始搜索
fstep	'NE'	外関像右上方开始搜索
	SE'	从图像右下方开轨线系
	'NW'	从图像左1カ开始搜索
	.S.W.	从際像左トカガ如搜索

输引中的 B 为一个Q×2 维斯阵,其中 Q 为所提取的边界长度 即边界所含像素点的数目),B 矩阵中存储边界像素点的行坐标和列⁴标。

使由 bwtraceboundary()函数对 tape.png 各像进行边界提取,如图 8 24 所示。







图 8 24 bwtraceboundary()函数的应用

a) 原驻阳像 b) '值图像 c) 应用增米

程序代码如下:

clear all RGB imread('tape png'). figure.imshow(RGB)

I=rgb2gray(RGB):

%,本彩色图像结缔成灰度图像

threshold=gravthresh(1);

%计算将头段围缘转换成 值图像所需的]%

BW im2bw(Lthreshold): %将灰度图像转换为_值图像

figure.imshow(BW) dim=size(BW):

%计算起始列坐标 col=round(dim(2)/2)-90:

%计算起始点行坐标 row=find(BW(:,col),1); connectivity=8:

num points=180:

contour=bwtraceboundary(BW,[row,col],"N',connectivity,num points), %提收边界

figure,imshow(RGB); hold on

plot(contour(:,2),contour(:,1),'g','LineWidth',2);

2. bwboundaries()函数

其语法格式如下:

- B=bwboundaries(BW)
- B= bwboundaries(BW, conn)
- B- bwboundaries(BW, conn, options)
- [B, L]= bwboundaries(···)
- B. L. N. Al= bwboundaries(···)

其中, BW、conn 与表8 3 中意义相同, 其他参数的含义见表8 5。

表 8-5 bwboundaries()函数中参数的含义

参数名称	含 义			
options	为了行印。取值为Tholes 或noto es,其中的者为默认信。它指定等法院搜索物体的外边界、也搜索物体的内边界(即测的边界)。后者使算过只搜索物体的外边界			
1	林心、於附價就必要所見分的区域。包括物料和制、它是一个整數製料。1,原始因常具有相同的維数。2. 素值代表了该位置上的像素点所在区域的编号。属于同一个区域的像素点对应的元素值相同。			
N	为该图像被边界所划分成的区域的数目,因此 N=max(L(:))			
A	标志,被初分例×城的色接关系。 」 这一个 A+ 4 情逻辑复数,其中 A 上被竞为 ×城的数司。 46.31 ,说明 第 1 个区域与第 3 个区域存在等接关系。且第 3 个区域 子区域) 子区域(父区域)内			

使用 bwboundaries()函数对 trees tif 图像中不同的区域标志不同的颜色,如图 8 25 所示。





图 8-25 bwboundaries()函数的应用 a) 卓尔图像 b) 标志区域



%生成二倍图像

clear all

l :mread('trees tif'); figure.imshow(l)

BW=im2bw(I,graythresh(I));

%提收边界,并返回边界元胞数组 B 和区标志数组 L

[B,L] bwboundaries(BW,'noholes'),

figure, imshow(label2rgb(L,@jet,[5 5 5])) %以不同颜色标志不同的区域

hold on for k=1 length(R)

boundary=B{k};

plot(boundary(.,2),boundary(:,1),'W','LineWidth',2) %在图像上叠画边界

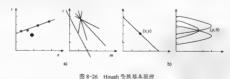
8.4.2 直线提取算法

由于直线具有不同于一般曲线的特征,因此它的提取方法也与一般的边界检测方法不同。

1. Hough 变换的基本原理

Hough 变换是最常用的直线提取方法,它的基本思想是,将直线上每 个数据点变换为 参数平向中的 条直线或曲线、利用共线的数据点对应的参数曲线相交于参数空间中 点的 关系,便直线的提取问题转化为计数问题。Hough 变换提取直线的主要优点是受直线中的间 限和端声影响较小。

具体地说,对于满足直线方程 $y-\alpha x+b$ 的某 个数据点 (x_0,y_0) , 对应参数平面 (α,b) 上的 '条直线b $y_0-\alpha x_0$, 而来自于同一条直线 $y=a_0x+b$ 上的所有数据点对应的参数军面上的直线必然相交于真实的参数点 (a_0,b_0) 。另外,为了避免垂直直线斜率无穷大的问题,在应同时通常采用直线的极全标方程 ρ $x\cos\theta+y\sin\theta$,此时参数平面为 (ρ,θ) 平面。图 8 26 给出了Housh 夸赖基本随理的示意图。



a) (x,))空间到(a,))空间的交换 b) (x,))空间到(a,))空间到(a,))空间到(a,))

在算法实现中,考虑到噪声的影响和参数空间离散化的需要,求交点的问题成为一个累加器问题。算法步骤如下:

1) 适当地量化参数空间。



- 2) 假定参数空间的每一个单元都是一个累加器。
- 3) 累加器初始化为零。
- 4) 对图像空间的每一点,在其所满足参数方程对应的累加器上加1。
- 5) 累加器陈列的最大值对应模型的参数。
- 2. Hough 变换的 MATLAB 实现

MATLAB 提供了 3 个与 Hough 变换有关的函数: Hough()函数, Houghpeaks()函数和 Houghlines()函数, 其作用见表 8 6。

表 8-6 Hough 变换函数

函数名称	用 绘
Hough	对图像进行 Hough 变换
Houghpeaks	用来提取 Hough 变换后参数平面上的峰值点
Houghlines	用于提取参数平面上的峰值点对应的直线

(1) Hough()函数

Hough()函数对输入图像进行标准 Hough 变换,采用极坐标方程 $\rho = x\cos\theta + y\sin\theta$ 中的直线参数 (ρ, θ) 作为参数平面。

其语法格式如下:

- [H, theta, rho]-hough(BW)
- [H, theta, rho] hough(BW, param1, val1, param2, val2)

其中,BW 为輸入的:值图像。paraml,vall 和 param2,vall 共同制定参数平面的离散度。Hough()函数中参数的含义见表 8 7。

表 8-7 Hough()函数中参数的含义

参数		樹 适
param	'ThetaResolution'	val 为8 粮的单元大小,它是介于 0~0°的标量
	'RhoResolution'	val 为p 轴的单元大小。它是介于 0~norm(suze(BW)) (即以像者点数目衡量图像对角线的长度)的标量

Hough()函数輸出中的 H 为参数平面的计数结果矩阵。维数为 $N_{\mu} \times N_{\rho}$ 、其中、 N_{μ} 为 ρ 轴离散后的单元数目、 N_{μ} 为 ρ 和离散后的单元数目、H 矩阵中的元素值是参数平面上对应 单元的计算结果、theta 为 $N_{\mu} \times 1$ 维失量,指示 θ 轴各个单元对应的 θ 值。the 为 $N_{\mu} \times 1$ 维失量,指示 θ 轴各个单元对应的 θ 值。

(2) Houghpeaks()的数

Houghpeaks()函数用于提取 Hough 变换后参数平面上的峰值点。

其语法格式如下:

- · Peaks=houghpeaks(H, numpeaks)
- Peaks 'houghpeaks(···, param1,val1,param2,val2)



其参数的含义见寿 8 8。

param 和 val 参数对用来指定寻找峰值的门限或峰值对周围像素点的抑制范围。具体取值及意义见表 8 9。由于噪声的影响。 个真实的参数点很可能和它周围的点同时超过峰值门现。而实际上只需在这个小区域内提取出一个峰值点,因此在提取出一个极大值点后,算法将它的领域内的计数器都置为 0. 这个领域即由[M, M]指定的抑制区。[M, M]的默认值是人于或第下5/24/[I/V90 的最小企数对。

表 8-8 Houghpeaks()函数中参数的含义

参数名称	含 义	
Н	Hought)函数的输出、参数平面的计数结果矩阵	
numpeaks	指定要提取的峰值数目,默认值为1	
N	为该图像被边界所刻分成的区域的数目,因此 N=max(L())	
Peaks	$Q \times 2$ 维矩阵,其中 Q 为提取的峰值数目,Peaks 的第 q 行分別存储等 q 个峰值的行学标和判学标	

表 8-9 Houghpeaks()函数中参数的含义

多数		描 述
param	'Threshold'	val 参数指定峰值门限。可以是任意正实数,默认值为 0.5×max(H(.))
param	NHoodSize	val=[M, N], 其中两个元素 M和 h 都是上奇数, M 和 N 共同指定峰值周滑抑制区的大小

(3) Houghlines()函数

Houghlines()函数根据 Hough 变换的结果提取图像中的直线。

其语法格式如下:

- Lines=houghlines(BW, theta, rho, peaks)
- Lines=houghlines(…,param1, val1, param2, val2)

其中,BW 与 Hough()函数的输入 BW 相同,为 值图像; theta 和 rho 为 Hough()函数 返回的输出,指示矽轴和中轴各个单元对应的值。peaks 为 Houghpeaks()函数返回的输出,指 示峰值的引 學标和列學标,Houghlines()函数将根据这些峰值提取自线。param 和 val 是参数 对,指定是否合并或保留直线段的相关函数。其参数的具体含义见表 8 10。

表 8-10 Houghlines()函数中参数的含义

_	*	数		推步
			'MınLength'	val 指定合并后的直线被保留的广理长度、长度小于 va. 给定的广,现值的直线被令去。广门限长度的默认值为40
pa	marain	aram	FiltGap'	val 接定直线被令并的 J限气琴,若两条参率和截距均相同的直线段气器小 J va. 分 定的值,则它们被合并为 条直线,门限间隔的默认值为 20

输出中的 Lines 为结构数组,数组长度为提取出的直线的数目。结构数组的每个元素存储 '条直线段的相关信息,它包括的域见表 8 11。

城 名	意 艾
pointf	:元矢量[x, y]指定直线段 个端点的行坐标和列坐标
po nt2	五矢聚[x, y]指定直线投方。个器引的行型标系列型标
thetaAngle	该线段对向的9億,单位月度
rho	填线股对应的p值



3. MATLAB 实用

寻找图像中的直线段和其中最长的段,如图 8 27 所示。



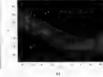




图 8-27 Hough 检测直线的应用

a) 原始图像 b) Hough 变换 c) 画直线并计算长度

程序代码如下:

ele.

clear all.

I=umread('circuit tif'),

figure.imshow(I)

rotI=imrotate(1,33,'crop);

BW edge(rotl,'canny'),

[H,T,R] hough(BW),

figure,imshow(H,[],'XData',T,'YData',R,'InstalMagnification','fit');

xlabel('\theta'),vlabel('\rho');

axis on, axis normal,hold on;

P=houghpeaks(H,5,'threshold',ceil(0 3*max(H()))),

x T(P(..2)).v=R(P(.,1));

plot(x,y,'s,'color','white'),

lines=houghlines(BW.T.R.P. FillGap', 5, 'MinLength', 7);

figure,imshow(rotl),

hold on.

max len=0;

for k 1:length(lines)

xy=[lines(k).point1,lines(k).point2],

plot(xy(,1),xy(,2),'LineWidth',2,'Color','green').

```
plottxy(1.1)xy(1.2),x',LineWidth',2,'Color', yellow';
plottsy(2,1)xy(2.2),x','LineWidth',2,'Color',red');
len-mornt lines(k) point1-lines(k) point2),
if(len-max_len)
max_len-len,
xy_long=xy;
end
end
plottxs_long(1,1)xy_long(1,2)*LineWidth',2,'Color',cs,an_l
```

8.5 基于图像分割的图像分析

MATLAB 7.0 图像处理 L具箱提供了几个基于图像分割的分析示例,通过对这几个示例的分析污理解。可以加深对图像分割的理解,同时也能加深对 MATLAB 7.0 提供的图像分割相关函数的熟悉,为以后的图像分析处理奠定良好的基础。这里、将以基于图像分割细胞检测和图像物度测定为例进行说明。

8.5.1 通过图像分割检测细胞

细胞检测是生物学和医学研究中最基本的步骤,而通过图像分割来检测是现在常由的最 直接的计算检测方法。

整个检测过程 主要包括以下几个部分:

(1) 图像读入

I=mread(cell.tif'), figure.mshow(1).

(2) 检测完整的细胞

如图 8 28a 所示、图像中存在两个细胞、只有一个完整的,需要将这个完整的细胞分割。 出来。由于目标图像与背景有较人的区别,可以利用灰度的梯度信息来实规图像分割。为 此、采用 Sobel 算子来实现边缘提取,边缘提取效果如图 8-28b 所示。





图 8 28 原始图像及边缘提取结果 a) 線始图像 b) 边缘提取效果

BW edge(I, sobel',(graythresh(I)* 1)), figure.imshow(BW)

(3) 填补缝隙

市检测效果图 8-28b 可以看至,虽然 edge()函数提取了图像的入概轮廓, 但是边缘绥有 所容的情况, 没有完整而精确地描绘出细胞的轮廓, 在这里, 可以通过 strel()函数利用线 性的结果函数对负力递缓引影胀操作, 填补力或蜂蜂爬。

se90=strel('line',3,90), se0=strel('line',3,0),

(4) 膨胀操作

用 imdilate()函数对图像进行膨胀操作,膨胀结果如图 8 29a 所示。

BWsid1=imdilate(BW,[se90,se0]), figure.imshow(BWsid1).

(5) 填布

膨胀后的灰度医像精确地显示了细胞的外围轮廓。但是有细胞内部还有一些孔隙。可以 利用 imfill()函数对这些孔隙进行填充,填充结果如图 8 29b 所示。

BWdfill mfill(BWsid1,'holes'), figure_mshow(BWdfill)

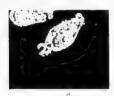




图 8 29 膨胀与填充操作结果

(6) 移除与边界连通的目标

全此,可以对感兴趣的细胞进行成功分割,但是画面上还有其他物体,可以通过 mslearborder()函数来清除与边界连通的物体,得到如图 8 30 所示的分割结果。

> BW bord=imclearborder(BWdfill,4); figure,imshow(BWbord)

MATLAB 数字图像处理





图 8 30 分割结果

a) 分割 b) 平滑

(7) 半滑

对于分割的约果,边缘不是很光滑,需要利用菱形结构元素对图像进行平滑处理。

seD: strel('diamond',1).

BWfinal: :merode(BW hord.seD).

BW final=merode(BWfinal.seD).

figure,inishow(BW final)

然后在原图。以轮廓线标出细胞的轮廓, 全比, 细胞的检测就完成了, 如图 8-31 所示为标示结果。

程序代码如下:

BWoutline=bwperim(BWfinal),

Segout-1,

Segout(BW outline) 255;

figure, imshow(Segout)

8.5.2 图像粒度测定

此应用示例是检测如图 8 32 所示图像中米粒的分布情况、即统计图像中米粒的大小及 其所占的比例。



图 8-31 分割结果标记



图 8 32 rice 图像

(主) (本) (本) (本)

1 (mread('rice ong'): figure.unshow(1)

2) 将图像数据转换为双精度类型进行计算,这样才能充公发挥 MATLAB 语言进行向 量处理的特长, 身将图像的精确度范围调节为[0 1], 即设置为全部灰度范围。调整后图像 如图 8 33 所示。







图 8 33 调整数据类型

a) madjust ib. 算结果 b) 转换为双精度及灰度危机

clahel=adanthisted(I.'NumTiles',[10 10]); clahel imadjust(clahel), figure.imshow(clahel); gl imadjust(im2double(I),[],[0 1]); figure.imshow(gJ)

3) 从图 8-33 可以看出。由于某些米粒位于背景较亮的 他方, 因而显得很模糊, 不利于直接进行检测, 为此, 利用 · 个高帽变换来消除各像背景中那些不一致的背景亮度, 去 除效果如图 8-34 所示。



图 8 34 舒持支险

se=strel('disk',10),%确定形态操作结构元素 topl=imtophat(gl,se), %高帽交换 figure,imshow(topl)

4) 这样,就可以根据变换后的图像(见图 8 34),分析原始图像中米粒的大小分布情 况了。这里利用 个逐渐变人的结构元素, 不断对变换图像进行形态月启操作, 并统计开启 后对象的剩余面积,通过绘制结构元素的大小和剩余面积的人小就可以计算可各种大小的米 粒在為像中占有的比例。米粒大小分布情况如图 8 35 所示。

> [=imread('rice.png'); clahel adapthisteq(I,'NumTiles',[10 10]); clahel=imadjust(clahel); gl umadjust(im2double(I),[],[0 1]);



* * * * .

se=strel('disk',10);

topI imtophat(gl,se);

remain imopen(clahel,strel('disk',counter)), intensity area(counter+1)=sum(remain(:)):

end

figure,plot(intensity_area,'m-*'),grid on,

xlabel('radius of opening(pixels)');

ylabel('pixel value sum of opened objects(intensity)'),

for counter=0:20 %利用 · 个逐渐变长的结构兀素对变换图像进行形态开启操作 remain=imopen(topl,strel('disk',counter)), surfarea(counter-1)**sum(remain(')),

end

figure,plot(surfarea,'m-*'),grid on; set(sca.'xtick',[0.2.4.6.8.10.12.14.16.18.201)-

xlabel('radius of opening(pixels)');

ylabel('surface area of opened objects(pixels)');

执行程序后得到如图 8-35 所示的效果。

5) 从图 8 35 所示的曲线可以看出,随着结构元素的增大,对象的概念而积发牛锐减, 这是由于原始图像中含有较多的相同人小星体的缘故。通过计算两次形态开启操作前、后的 转率(即)价偏导) 裁可以估计出图像中相同大小米粒所占的比例,结果如函 8 36 所示。 模細为米粒半径大小, 轨轴表示两次形态开启操作前、后的斜率。

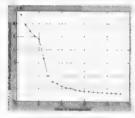


图 8-35 米粒大小分布情况

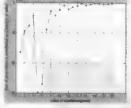


图 8 36 估计函像中相司大小 X 转函占的比例

mtensity area prime=diff[intensity_area);
plot(intensity area_prime;/m="),grd on,
set(gca,'xtock',[0 2 4 6 8 10 12 14 16 18 20 22]),
xlabel("adus of snowllakes(pixels)");
vlabel("Sum of pixel values in snowllakes as a function of radius');

8.6 彩色图像分割

彩色图像分割是数字图像处理领域中一类非常重要的图像分析技术,在对图像的研究 和应用中、根据不同领域的不同需要、在某一领域往往仅对原始图像中的某些部分感兴 趣。这些目标区域一般来说都具备自身特定的 些诸如颜色、纹理等性质、彩色图像的分 制主要根据图像在各个区域的不同特性。而对其进行访界或区域上的分割。在从中提取中 所关心的目标。

图像分割注重对图像中的目标进行检测与测量,这与在像素级对图像进行操作的图像处 理技术, 为改善图像视觉效果而强调在图像之间所进行的变换是有所区别的。通过对图像的 分割、目标特征的提取,可将经初步图像处理的图像特征向量提取出来,并将原始的数字图 像转化成为一种有利于目标表达的更抽象、更紧凑的表现形式,从而使高层的图像分析、图 像理解以及计算机的模式自动识别成为可能。多年来,彩色图像分割技术在上业自动化标 制、遜騰邏測、微生物工程以及合成孔径雷达(SAR)成像等名种 | 程应用领域得到了广泛 的应用。

色彩空间 8.6.1

表达颜色的色彩空间有许多种,它们是根据不同的应用目的而提出的。下面将围绕彩色 图像分割,介绍几种常用的色彩空间和它们的特点。

最常见的色彩空间是红绿蓝 (Red、Green、Blue, RGB) 空间, 它是一种知形自角空间 结构的模型,是通过对颜色进行加运算完成颜色综合的彩色系统。它用R、G、B 个基本 分量的值来表示颜色,它是面向硬件设备的(如 CRT 显示器),物理意义明确但缺乏自观 撼。与它对应的是深蓝、品红和黄的 CMY 空间,主要用于非发射式显示,如彩色打印机、 绘画等。

通过对不同类型图像的分析,有人经过大量试验提出可用由 R、G、B 经过线性变换得 到的三个正交彩色特征来进行分割。

$$I_1 = (R + G + B)/3$$

 $I_2 = (R - B)/2 \not \boxtimes I_2 = (B - R)/2$
 $I_3 = (2G - R - B)/4$

这三个特征中, 1, 是最佳特征, 1, 是次佳特征, 只用 1, 和 1, 作为特征, 对大多数图像已 可得到较好的分割效果。

彩色图像常用 R、G、B 三分量的值来表示。但 R、G、B 三分量之间常有很高的相关 性, 直接利用这些分量常常不能得到所需的效果。为了降低彩色特征空间中久少特征分量> 间的相关性,以及为了使所洗的特征空间电方便干彩色图像分割方法的具体应用、实际中景 需要将 RGB 图像变换到其他的色彩空间中去。

比较接近人对颜色视觉感知的是色度、饱和度、亮度 (Hue、Saturation、Intensity. HSI)空间。其中, I表示颜色的明暗程度,也有用 V (value)表示的, 1要受光源强弱影 响, H 表示不同颜色, 如黄、红、绿, 而 S 表示颜色的深洼。注意, HSI 模型有两个重要的 事实作为基础,首先,【分量与彩色信息无关;其次 H 分量和 S 分量与人感受彩色的方式紧



密相选。HSI 空间比较直观并且符合人的视觉特性,这些特点使 HSI 模型非常适合基于人的 视觉系统对彩色感知特性的图像处理。从 RGB 到 HSI 的转换关系为

 $H = \arccos((2R - G - B)/(2 \text{sqrt}((R - G)^2 + (R - B)(G - B)))$

B > G

H - 2Pi - H

S = 1 - 3(min(R,G,B))/(R + G + B)

I = (R + G + B)/3

其中,S也有用下式计算的: S = max(R,G,B) - min(R,G,B)

另外, 孟塞尔色彩空间也用一个 : 维空间的概率将各种表面色的 · 种视觉特性; 亮度、 色度、饱和度全据表示出来。孟塞尔色彩空间的颜色样品在视觉; 产是均匀的。因而可以用它 來考解种验证与某一色差公式有方的颜色罕间的均匀性。孟寨尔色彩空间的色度值、亮度 值、彩度值大致反映了物体颜色的规律, 代表了颜色的色度、亮度和饱和度的 卡现特性, 但 孟寨尔色彩空间完全以 上聚色表为某顿。没有数学表达式, 使用起来很不方便。除了这些常 别的会影音像转, 还看如 YUO、YUV、YUSRS 等色系统。

8.6.2 彩色分割方法

彩色图像分割是图像处理中的一个主要问题。也是计算机视觉领域低层次视觉中的主要问题。

总的来说,彩色图像分割的方法可以分为基于像元、区域和边缘的分割,前两类利用的 基相似性,基于边缘的分割利用的是不连续性。

1. 基于像元的分割方法

基;像元的分款方法又可分为:类:直方图门限技术、色彩空间聚类法以及模糊聚类分 敖法、其中,直方图门限技术是最常用的,由于图像门限处理的直观性和易于实现的性 质,使它在彩色图像分割应用中处于中心地位。

(1) 直方图门限技术

 上可以看到各自的峰值点,该算法给出的 I1、12、13 的表达式相当于动态 K-L 变换的结 果, 而且都是对 R、G、B 的线性变换, 不存在奇异点, 不同的图像对 I1、I2、13 各自的 峰值点分割的效果有差别,需要自动选取合适的门限。根据 11、12、13 的直方图,有明显 双峰的更适合该图像。

(2) 色彩空间聚类法

该方法结合了直方图阈值选取技术。先将 RGB 色彩空间转换成 HLS 色彩空间(H. L、S 的表达式已给出),根据 L 的值将图像分为过亮区域和非过亮区域,在过亮区域里以 H 为主要特征,根据直方图取峰值进行分割,在非过亮区域里以 S 为主要特征,根据直方图取 峰值进行分割,最后将分割的两副图像合并。Ferri 则是通过神经网络将像素分成几个区域、 再利用编辑和压缩技术来减少分类的个数。该方法用的是 YUV 色彩空间,它把每个像素点 (i,j) 扩展成失量 $F(i,j) = \{U(i,j), V(i,j), U(i+h,j), V(i+h,j), U(i-h,j), V(i-h,j), U(i,j+h), U(i$ V(i,j+h),U(i,j-h),V(i,j-h)}。 其中,h 是期望分割的目标的大小。Lauterbach 是在 LUV 色彩空间中进行分割的,首先求 1维 UV 直方图的最高点,这个最高点是通过计算累计直方 图的值和 个领域窗的均值之差得到的。然后添加色彩匹配线(acl),这条线是通过两个聚 类中心的 根直线。像素值在 UV 空间的那两个聚类中心之间的 acl 的欢乐距离决定了像素 点被分派到哪两个类中间去。最后在两类中用最小距离准则选择一类。但是,该方法没有考 虑亮度, 所以在某些情况下不太活用。

(3) 模糊聚类分割法

樟糊聚类分割法基于阈值和模糊 C-均值聚类法,先粗糙地用标量空间分析的'维直方 图分割。其具体步骤是: 计算图像每一个色彩特征的直方图: 标量分析直方图: 定义合法的 几个类 V_2 , V_2 , ..., V_c : 对属于类别 V_c (1 $\leq i \leq c$) 的每一个像素点 p, 用i标记 p; 计算每 ·类 V, 的重心: 对没有被分类的像素值 p(x,y), 用模糊成员函数 U 计算, 取最大的 U(x,y)(此时类别为 V₄),则将该像素 p 点分派到 V₄。

2. 基于区域的分割方法

由于彩色图像分割的目的是将图像划分为不同区域。基于像素的分割县通过以像素性质 的分布为基础的阈值来进行的。如灰度级的值或颜色。在这 节里讨论的是以直接找寻区域 为基础的分割方法,主要可分为区域生长和区域分离与合并两类技术。

(1) 区域生长

区域生长是一种根据事前定义的准则将像泰或子区域聚合成更大区域的过程。 其某太的 方法是以 组种子点开始,将与种子性质相似(如灰度级或颜色的特定范围)的相邻像素附 加到生长区域的每个种子上。不同的方法, 其相似性准则不 样, 该准则的选择不仅取决于 面对的问题, 还取决于有效图像数据的类型。 毕基本的有某种 致性的区域是事先给定 的, 然后用不同的方法加入周围的领域。用边界松弛法分割: 给定 个阈值 Dmax, 如果平均 距离 $D(R) < D_{max}$,则区域 R 是一致的 (即是同一类)。如果 ρ 属于区域 R_a ,且 ρ 与区域 R_b 相邻,并且将 ρ 从区域 R_a 移至 R_b 的距离减去 $D(R_a)+D(R_b)$ 后,还可以满足 $D(R) < D_{max}$,那 么就将P从区域R。移至R。用 2×2 的块,通过加入相邻的像素来增长区域:如果像素点的 颜色值与矩心的颜色值的差值小于2Dmax, 见加入该像素。除此之外, 还可以用地理分水岭 的算法来分割图像, 该算法要求事先知道种子点的相关性, 还可以根据 - 毕练计数据来讲 行区域增长。或者用快速混合分割方法:由六边形领域的均值代替该点的像素值(即平滑



作用),这种分割方法是基于一种分等级的人边形结构组织,在最低层的时候,用局部区域 增长法,这样可以依得小尺寸的相连区域, 再上一层的时候, 刚刚那层的每一个小尺寸的 相连区域被看为是一个像真处理,同样再取六边形均值,再进行区域增长,这样一步一步 进行下去。

(2) 区域分离与合并

前面讨论的区域生长过程是从 组种子点开始的。另一种可作为替换的方法是在开始时 将图像分割为 系列任愈不相交的区域。然后将它们进行聚合或拆分。还有一种方法是先将 图像分成彩色区域和非彩色区域。然后用直方图门限法,进行8×8块的合并,使用的色彩空 向显于8×8

3. 纂于边缘的分割方法

边缘检测材彩色图像分割是 个重要的工具,其分割方法可以分为两大类: "美是局部 边缘检测技术: 另一类是个局边缘检测技术。边缘检测技术常用到, Sobel、LOG 算子, 局部 边缘检测技术只需要考虑像素点领域的信息来决定 个边缘点。常用模糊 C-均值聚类法。 局边缘检测技术必须考虑到全局最优化, 一般来说, 很多全局边缘检测技术是基于马尔可夫 随机过程的不问应用。 我们的算法是先用 Carny 剪了检测出强度边缘, 然后在提取出来的所 行边缘甲糊妆值通和微和度门腿影步消旋峰, 地边缘。

4. 其他方法

除了上述 3 类彩色图像分割方法之外, 还有 些彩色分割的综合方法, 如分步分割方 法, 第 步借助取阈值方法进行粗略分割,将图像转化为若干个区域, 第 步利用模糊 C-均值 聚类法特第 步利下的像素过 步分类。这种方法可看做是由粗到细进行的, 先用阈值方法 是为了减少运用模糊 C-均值聚类法所需的计算量。

测敏空间聚类法是分割彩色图像常用的方法。彩色图像在各个空间均可看帧由 3 个分量 构成。所以分割彩色图像的"神方法是建立" 个 3-D 直方图。它可用"个 3-D 數组表示。这 7 3-D 数组中的每个元素代表图像中容定"个分量值的像素的个数。阈值分割的概念可以扩展为在 3-D 空间搜索像素的聚类,并根据聚类来分割图像。该方法的优点是:首先,将图像 由图像空间转换到测量空间的变换常是多对"的变换。这样变换后数据量减少,易于计算: 其次,尽管许多聚类方法本属上选单引或迭代的,大部分聚类方法可以产生比较光滑的区域 边界且不易于受噪声和周部边缘变化的影响。

马尔可人随机场方法也可用于多分辨率彩色图像分割,这是一种收敛于最大后验概率的 松地方法。第 步的租分割使用尺度空间滤波器以获得聚类的全局信息;第 步利用多尺度 马尔可去随机场细化分割。

习题

- 8 1 什么是图像分割?常用的图像分割方法可以分为哪几种类型?
- 8 2 设计 ·个程序能够找出具有双峰直方图特性图像的最佳分割阈值。
- 8 3 应用 MATLAB 语言编写实例,对 Sobel、Prewitt、Roberts、LOG、Canny 方法的 边缘检测性能进行比较。
 - 8 4 常用的基于梯度的边缘检测算子有哪些? 它们各有何特点?

第8章 图像分割与边缘检测

- 8 5 边缘检测算子有哪些? 它们各有什么优缺点? 请编程实现它们。
- 8 6 LOG 算子的基本原理是什么? 它具有哪些优点?
- 8 7 什么是 Hough 变换? 试述采用 Hough 变换检测直线的原理,用 MATLAB 语音编写相应的程序。
- 8-8 应用 MATLAB 语言编写对 ·幅灰度图像进行边缘检测、 值化的程序(检测和值化的方法可以根据实际图像进行选择)。





第9章 小波分析及其在 MATLAB 中的应用

小波分析是建立在泛函數分析、Fourier 分析、样条分析及调和分析基础上的新的分析处 即工具。它又要称为多分辨率分析,在时域和频域同时具有良好的局部化特性,常被誉为后 匀分析的"数学显微镜"。近十多年来,小波分析的理论和方法在信号处理、治言分析、模 式识别、数据压缩、图像处理、数字水印、量子物理等专业和频域得到了广泛的应用。

近此年, 小波分析被广泛用于黑像的压缩、降噪、平滑和融合等方面, 在人脸识别、医 学图像处理、机器人规管、数字电视等领域受到人们越来越多的重视。基于 维小波分析进 行倒像处理具有坚实的即论基础, MATLAB 软件在小波工具箱中也提供了强人的图像处理 功能, 包括采用命令行和图形用户接口等。

9.1 小波变换基础

9.1.1 连续小波变换

小波是通过对基本小波进行尺度伸缩和位移得到的。基本小波是 个具有特殊性质的实 值函數, 其繼鑄快速衰減, 且在數学上满足积分为零的条件, 即

$$\int_{-\infty}^{+\infty} \psi(t) dt = 0$$
 (9-1)

貝频谱满足条件

$$C_{\psi} = \int_{-\infty}^{+\infty} \frac{|\psi(s)|^2}{s} ds < 0$$
 (9-2)

即基本小波在频域也具有较好的衰减性质。

维连续小波基函数是通过尺度因子和位移因子由基本小波产生的,即

$$\psi_{a,b}(x) = \frac{1}{\sqrt{a}} \psi_{a,b} \left(\frac{x-b}{a} \right) \tag{9.3}$$

维连续小波变换也称为积分小波变换。定义为

$$W_f(a,b) \cdot (f,\psi_{ab}(x)) - \int_{-\infty}^{\infty} f(x)\psi_{ab}(x)dt = \frac{1}{f_a} \int_{-\infty}^{\infty} f(x)\psi_{ab}\left(\frac{x-b}{a}\right)dx \tag{9-4}$$

甘逆夺换为

$$f(x) = \frac{1}{C_{\psi}} \int_{0}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} W_{f}(a,b) \psi_{a,b}(x) db \frac{da}{a^{2}}$$
 (9.5)

维许维小波基函数定义为

$$\psi_{a,b_1,b_1}(x,y) = \frac{1}{|a|} \psi \left(\frac{x - b_x}{a}, \frac{y - b_y}{a} \right)$$
(9-6)

:维连续小波变换是

$$W_f(a,b_x,b_y) = \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} f(x,y) \psi_{a,b_x,b_y}(x,y) dxdy$$
 (9.7)

:维连续小波逆变换为

$$f(x,y) = \frac{1}{C_{-}} \int_{0}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} W_{f}(a,b_{x},b_{y}) \psi_{a,b_{y},b_{y}}(x,y) db_{x}db_{y} \frac{da}{a^{3}}$$
 (9.8)

1. 滤波器族

这里将小波变换与一组带通线性(卷积)滤波器相联系,来解释小波变换的基本原理。 首先定义尺度 a 上的一般小波基函数:

$$\psi_a(x) = \frac{1}{\sqrt{a}} \psi \left(\frac{x}{a} \right)$$
 (9-9)

这是用 a 作为尺度因 子, 并用 a · 2 规范 了 基本小波。 若记其翻转 共轭 为

$$\vec{\psi}_{a}(x) = \frac{1}{\sqrt{a}} \psi \left(\frac{x}{a} \right)$$

$$\vec{\psi}_{a}(x) = \psi_{a}^{\theta}(x) - \frac{1}{\sqrt{a}} \psi^{\theta} \left(-\frac{x}{a} \right)$$
(9-10)

小波变换就可以表示成滤波器族:

$$W_f(a,b) = \int_{-a}^{+a} f(x)\tilde{\psi}_a(b-x)dx = f * \tilde{\psi}_a$$
 (9.11)

而且每个滤波器的输出分量再次滤波并适当伸缩后组合在一起可重构 f(x):

$$f(x) = \frac{1}{C_{\varphi}} \int_{0}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} (f * \bar{\psi}_{\alpha})(b) \psi_{\alpha}(b - x) \frac{d\alpha}{a^{2}}$$

$$= \frac{1}{C} \int_{0}^{+\infty} (f * \bar{\psi}_{\alpha} * \psi_{\varphi})(x) \frac{d\alpha}{a^{2}}$$
(9-12)

图 9-1 表示了对一个信号的小波变换滤波器族的分析。



图 9-1 对一个信号的小波变换滤波器族的分析

2. 二维滤波器族

在 维情况下,每 一个滤波器都是一个 二维冲激响应,输入是图像上的带通滤波器,滤

MATLAR 数字图像处理

波后的图像的叠层组成了小波变换。图92对二维滤波器族进行了说明。



图 9 2 "维滤波器族示意图

9.1.2 离散小波

台数值计算中,需要对小波变换的尺度因子、位移因子进行离散化,一般采用如下的离散化方式;

令尺度因 $fa=a_0^m$, $b=na_0^mb_0$ (其中, a>1 , $b\neq 0$, m , n 为整数) 小波基函数为

$$h_{m,n}(x) = \frac{1}{I_0 m} h \left(\frac{1}{a_0^m} x - nb_0 \right)$$
 (9-13)

适当选择h, a_0 , b_0 使 $h_{m,n}(x)$ 构成规范正交基。

通常采用 $a_0=2$, b_0 ·1构成离散二进小波。

例如,在平方可根函数空间 $\vec{L}(R)$ 中,最典型的规范正交基是 Haar 基,取 $a_0=2$, $b_0=1$ 时,小波函数族为

$$h_{mn}(x) = \frac{1}{\sqrt{2^m}} h \left(\frac{1}{2^m} x - n \right)$$
 (9.14)

1. 多分辨分析

基本小波通过伸缩构成 ·组基系数,在大尺度上,膨胀的基函数搜索大的特征;而在较小的尺度上,它们则寻找细节信息。

(1) 金字塔算法

对;数字图像(以512×512 为例),通过连续平均2×2 的像素块并丢掉隔行隔列的像 系,将得到缩小 4 倍的图像(226×256,行列各缩小 2 倍),这样迭代进行,直到得到1×1 的图像为止。如果利用同样尺寸的边缘检测算子(如3×3的 Sobel 算子),在原始图像上则 会得到小边缘,在.256×256及更小的图像上会得到精大及更大的边缘。

(2) 拉普拉斯金字塔编码

对原始图像 $f_0(t,I)(N\times N,N=2^*)$ 作高斯滤波,将图像分解为半分辨率的低频分量和整分辨率的高频分量。

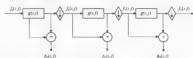
$$f_1(i,j) - [f_0 \times g](2i,2j)$$

 $h_1(i,j) = f_0(i,j)[f_0 \times g](i,j)$

$$(9-15)$$

这一过程是在间隔抽样后的图像上迭代进行的,经过n次迭代得到一组 $h_i(t,j)$ 和最终的低频图像 $f_i(t,j)$ (一个点)组成一个编码图像金字塔。图像的解码过程以相反的次序进行。从最后一幅图像 $f_i(t,j)$ 开始,对每一幅抽样图像 $f_i(t,j)$ 都进行一个增频采样,并与g(t,j)卷

积进行内插。增频采样是在采样点之间插入零的过程, 所得结果被添加到下 '幅(前 ·幅) 图像 $f_{k,l}(t,j)$ L. 再对所得图像重复执行这一过程。这个过程能无误差地重建出原始图像。 图 9 3 绘出了拉普拉斯全字塔编码的策略图。





阳 9-3 约普拉斯全字搭编码的笛略附

由土 h (4.1) 图像在很大程度上降低了相关性和动态范围。因此可以使用较粗的量化等 级,因而可以实现一个很大程度的图像压缩。

(3) 子带编码和解码

对于有限带宽信号, 若将其分解为窄带分量。当采用双通道子带肘, 对应带宽划分为两 个分量(「带),如低半带和高半带,构造子带编码,这是一种时赖域技术。低半带滤波器 和高半带滤波器的建立如图 9-4 所示。

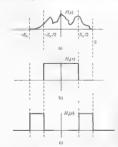


图 9-4 低半带滤波器和高半带滤波器的建立

a) 理想信号的颠进 b) 理想低于奇滤波器 c) 理想高半带滤波器

双通道子带编码和解码, 具有如下形式:

$$g_0(k\nabla t) = \sum f(i\nabla t)h_0((-i+2K)\nabla t) \qquad (9-16)$$

$$g_1(k\nabla t) - \sum_i f(i\nabla t)h_i((-i+2K)\nabla t)$$
 (9-17)

重建形式,

$$f(i\nabla t) = 2\sum \left[g_0(k\nabla t)h_0((-i+2k)\nabla t) + g_1(k\nabla t)h_1((-i+2k)\nabla t)\right] \tag{9.18}$$

图 9-5 给出了双通道子带的编码和解码。



图 9-5 双通道 f 带的编码和解码

2. 利用双通道子带编码迭代。自底向上建立小波变换

首先接照低半带和高半带进行子带编码后,对低半带再"次进行子带编码"。得到一个 2 包的高半带信号和对应于区间[0.5]。的第一个14 区域和第一个14 区域的两个 N.4 点的 方常信号。然后,连续进行上述过程。每一步都保留高半带信号并进一步编码版半带信号, 直到得到一个仅有一个点的低半带信号为止。这样,小波变换系数就是这个低半带点再加上 全部用于海绵的高半带信号,如图 9 6 所示。越前面的 N/2个系数来值于 F(s) 的高半带, 排下来的 N/4个占字自干管。 个 14 区域。 依次举传。



图 9 6 惠散小波夸换算法

图 9 6 给出了离散小波变换算法的处理流程。

上述算法被称为快速小波变换(Fast Wavelet Transform), 也因其形状而被称为 Mallat 的 "鱼骨型算法"。其逆令换算法的处理流程如图 9 7 所示。

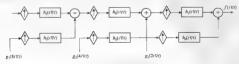


图 9-7 离散小波逆变换算法

3. 离散小波变换的设计

根据上而介绍的子带编码重构公式,在频域上有

$$F(s) - 2\left[\frac{1}{2}G_{6}(s)H_{6}(s) + \frac{1}{2}G_{1}(s)H_{1}(s)\right]$$

$$-F(s)H_{6}(s)H_{6}(s) + F(s)H_{1}(s)H(s)$$

$$=F(s)H_{4}(H_{2}^{2}(s) + H_{2}^{2}(s))$$
(9. 19)

所以双通道子带编码的两个滤波器必须满足条件:

$$H_0^2(s) + H_1^2(s) = 1$$
, $0 \le |s| \le s_y$ (9-20)

假设 $H_{\alpha}(s)$ 是小波变换中使用的具有平滑边缘的低通滤波传递函数,见相应的H(s)需 按下式给出,

$$H_1^2(s) = 1 - H_0^2(s)$$
 (9-21)

可见,设计 个离散小波变换的任务就是精心挑选低通滤波器。我们称符合这 条件的 密散低通滤波器脉冲响应 h.(k) 为尺度向量,由它产生一个有关的函数称为尺度函数。尺度 向量和尺度函数彼此互相确定。

例如,由尺度向量 ha(k)到尺度函数的定义如下:

$$\Phi(t) = \sum_{i} h_0(k)\Phi(2t - k)$$
 (9-22)

即它可以通过自身半尺度复制后的加权和来构造。另外它也能用带尺度的矩形脉冲函数 券积 h(k) 利用数值计算方法得到。

$$\Phi(t) = \lim_{x \to \infty} \eta_x(x)$$

$$\eta_i(x) = \sqrt{2} \sum_n h_0(n) \eta_{i-1}(2x - n)$$
 (9.23)

$$\eta_{i}(x) = \sqrt{2} \sum_{n} h_{0}(n) \eta_{i-1}(2x - n)$$

$$\eta_{ii}(x) = \prod_{n} (x) = \begin{cases} 1 & |x| < 1/2 \\ 1/2 & |x| = 1/2 \\ 0 & |x| > 1/2 \end{cases}$$
(9 23)

相反,由尺度函数开始,在它满足单位平移下正交归一条件时,尺度向量的计算方法 如下:

$$\langle \Phi(t-m), \Phi(t-n) \rangle = \delta_{m,n}$$

 $\Phi_{j,k}(t) = 2^{j/2} \Phi(2^{j}t-k), j = 0, 1, \dots, k = 0, 1, \dots, 2^{j-1}$ (9-25)

 $h_n(k) = \langle \Phi_{1,n}(t), \Phi_{1,n}(t) \rangle$

4. 二维惠散小波变换

为了将'维离散小波变换推广到 .维,只考虑尺度函数是可分离的情况,即

$$\Phi(x,y) = \Phi(x)\Phi(y) \tag{9-26}$$

式中, $\Phi(x)$ 是 维尺度函数, 其相应的小波是 $\psi(x)$ 。下列 3 个 维基本小波是建立 维小 波变换的基础:

$$\psi(x,y) = \Phi(x)\psi(y), \psi^{2}(x,y) = \Phi(y)\psi(x), \psi^{3}(x,y) - \psi(x)\psi(y)$$
 9 27)

它构成:维平方可积函数空间 $L^2(\mathbb{R}^2)$ 的正交归一基:

$$\psi_{j,m,n}^{\dagger}(x,y) = 2 \cdot \psi^{\dagger}(x-2^{j}m,y-2^{j}n) \quad j \geq 0, l-1,2,3, \quad j,l,m,n \text{ if } n \neq 0$$

(1) 正变换

从 幅 $N \times N$ 的图像 $f(\mathbf{x}, \mathbf{y})$ 开始,其中上标指示尺度,并且 N 是 2 的幂数。对于 f 0. 尺度 $2^s = 2^s = 1$,也就是原始图像的尺度。f 值的每一次增大都使尺度加信,而使分辨本减半。在变换的每 E 次,图像都被分解为 4 个匹分之一大小的图像,它们都是田原始图像 5 个个次基图像的内积后,再经过在行和列方向进行 2 倍的间隔抽样而生成的,对 f 第一个 E次(f 1),可写成

$$f_2^0(m,n) = \langle f_1(x,y), \Phi(x-2m,y-2n) \rangle$$

 $f_1^1(m,n) = \langle f_1(x,y), \psi^1(x-2m,y-2n) \rangle$
 $f_2^2(m,n) - \langle f_1(x,y), \psi^2(x-2m,y-2n) \rangle$
 $f_3^3(m,n) = \langle f_1(x,y), \psi^3(x-2m,y-2n) \rangle$

后续的层次(▷1), 依次类推, 形成如图 9-8 所示的形式。

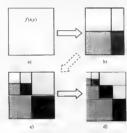


图 9-8 . 维高散小波变换 a) 原始图像 b) 第 尼 c) 第 尼 d) 第

若将内积改写卷积形式,则有

$$f_{2^{n}}^{0}(m,n) - \left[f_{2}^{0}(x,y) * \Phi(-x,-y)\right](2m,2m)$$

 $f_{2^{n}}^{+}(m,n) = \left[f_{2}^{0}(x,y) * \psi(-x,-y)\right](2m,2m)$
 $f_{2^{n}}^{+}(m,n) - \left[f_{2}^{0}(x,y) * \psi(-x,-y)\right](2m,2m)$
 $f_{2^{n}}^{+}(m,n) = \left[f_{2}^{0}(x,y) * \psi(-x,-y)\right](2m,2m)$
 $f_{2^{n}}^{+}(m,n) = \left[f_{2}^{0}(x,y) * \psi(-x,-y)\right](2m,2m)$

因为尺度函数和小波函数都是可分离的。所以每个卷积都可分解成行和列的 "维卷 积。倾如,在第 层。首先用 $_{\mathbf{k}}(-\mathbf{c})$ 和 $_{\mathbf{k}}(\mathbf{x})$ 分别与图像 $_{\mathbf{f}}(\mathbf{x},\mathbf{y})$ 的两行作卷积并 $_{\mathbf{f}}$ 有 数 列 (以最左列为第 0 列)。接着这个 $_{\mathbf{k}}(\mathbf{x},\mathbf{y})$ 2 矩阵的每列再和 $_{\mathbf{k}}(\mathbf{x})$ 、 $_{\mathbf{k}}(-\mathbf{x})$ 作卷积, $_{\mathbf{f}}$ 有 数 行 (以最上行为第 0 行)。结果藏是该层变换所要求的 4 个 $_{\mathbf{k}}(\mathbf{x}/\mathbf{z})$ 的数组,如图 9 9 所示。

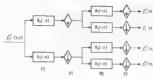


图 9-9 DWT 图像分解主要

(2) 逆变换

逆变换¹2 广述过程相似,在每一层,通过在每一列的左边插入一列零来增频采样前 层 的 4 个矩阵;接着用 h(x) 和 h(x) 来卷积各行,再成对地把这几个(N,2)×N的矩阵加起 来: 然后通过在每行上面插入 行 0 来将纳才所得的两个矩阵的增频采样为 N×N: 再用 h.(x) 和 h(x) 与这两个矩阵的每列卷积。这两个矩阵的和就是这一层重建的结果。

图 9-10 给出了逆小波夺梅图像重建的讨程。

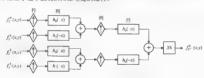


图 9-10 DWT 图像重读出现

5. 双正交小波变换

使用两个不同的小波基, 一个用来分解(分析)。另一个用来重建(合成)。构成彼此对 偶的双正交的小波基:

$$\left\langle \psi_{j,k}, \tilde{\psi}_{1,m} \right\rangle = \delta_{j,1} \delta_{k,m}$$
 (9-31)

两个小波都能用 千分解,

$$c_{j,k} = \langle f(x), \tilde{\psi}_{j,k}(x) \rangle d_{j,k} = \langle f(x), \tilde{\psi}_{j,k}(x) \rangle$$
 (9-32)

而重建为

$$f(x) = \sum_{i,k} c_{j,k} \psi_{j,k}(x) - \sum_{k} d_{j,k} \hat{\psi}_{j,k}(x)$$
 (9.33)

·维双止交小波变换通过 4 个离散滤波器实理。需要洗掉两个低通滤波器。即尺度向 量, 使它们的传递函数满足

$$H_0(0) = \tilde{H}_0(0) = 1 \stackrel{!}{\coprod} H_0(s_N) = \tilde{H}_0(s_N) = 0 \tag{9-34}$$

式中, $s_N = \frac{1}{2} \Delta x$ 是折叠频率。

由它们产生两个带通滤波器 (小波向量):

$$h_1(n) = (-1)^n h_0(1-n)$$

 $\tilde{h}_1(n) = (-1)^n \tilde{h}_0(1-n)$
(9-35)

双止交小波变换的 个分解步骤和 个重建步骤如图 9-11 所示。

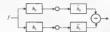


图 9 11 双正交小波变换的 个分解步骤和 个重建步骤

$$\psi(x) = \sqrt{2} \sum_{n} h_{i}(n+1)\Phi(2x-n)$$

$$\tilde{\psi}(x) \cdot \sqrt{2} \sum_{n} \tilde{h}_{i}(n+1)\Phi(2x-n)$$
(9-36)

止变换的 维基本小波为

$$\psi^{1}(x,y) - \Phi(x)\psi(y), \psi^{2}(x,y) = \Phi(y)\psi(x), \psi^{3}(x,y) - \psi(x)\psi(y)$$
(9.37)

逆变换的 二维基本小波为

 $\tilde{\psi}(x, y) = \tilde{\Phi}(x)\tilde{\psi}(y), \tilde{\psi}^2(x, y) = \tilde{\Phi}(y)\tilde{\psi}(x), \tilde{\psi}^3(x, y) = \tilde{\psi}(x)\tilde{\psi}(y)$ (9 38) 维双正空小波夸卷镀是由对原的小波基确定的。

9.1.3 二进小波变换

通常在数值计算中,采用离散化的尺度及位移因子,当取 :进伸缩(以 2 作为因子伸缩)和 :进位移(每次移动k/2')时,就形成二进小液。

正交小波定义为满足下列条件的小波:

$$\psi_{j,k}(x) = 2^{j/2} \psi(2^j x - k), -\infty < j, k < +\infty, j, k \text{ 58}$$

它们构成 $L^{2}(\mathbb{R}^{2})$ (. 维平方可积函数空间) 中的王交归一墓。J 决定伸缩,而 k 确定平移幅度。

正交性条件为

$$\langle \psi_{j,k}, \psi_{l,m} \rangle = \delta_{jl} \delta_{km}$$
 (Kronecher 函数) (9-40)

任何 $f(x) \in L^2$ 都可展开为

$$f(x) = \sum_{\infty}^{\infty} \sum_{n=0}^{\infty} c_{j,k} \psi_{j,k}(x)$$
 (9-41)

式中, 变换系数为

$$c_{j,k} = \langle f(x), \psi_{j,k}(x) \rangle = 2^{j/2} \int_{-\infty}^{+\infty} f(x) \psi(2^{j}x - k) dx$$
 (9-42)

式 (9-42) 就是小波级数展开公式。

"当进" 步把 f(x) 和基本小波眼制为在[0,1]区间外为零的函数时,上述止交小波函数族 就成为紧致 进小波函数族,它可以用单一的索引n来确定;

$$\psi_n(x) = 2^{f/2} \psi(2^f x - k)$$
 (9.43)

式中,i和 k 是 n 的如 下添数:

n-2'+k, $j=0,1,\dots,k-0,1,\dots,2^{-1}$, $\bowtie j$ 是满足 $2' \le n$ 的最大整数, 而 k-n-2 。 向 相应的逆变换为

$$f(x) = \sum_{n=0}^{+\infty} c_n \psi_n(x)$$
 (9-44)

式中,假定 $\psi_n(x)=1$,变换系数为

$$c_n = \langle f(x), \psi_n(x) \rangle = 2^{f/2} \int_{-\infty}^{+\infty} f(x) \psi(2^f x - k) dx$$
 (9-45)

$$\Psi_{a,b_{y},b_{y}}(x,y)\frac{1}{|a|}\psi\left(\frac{x-b_{z}}{a},\frac{y-b_{y}}{a}\right)$$
 (9-46)

Haar 基本小波函数是定义在区间[0,1]上的函数,如图 9 12 所示。 图 9-13 给出了两个小波 w, a(x) 和 w, ,(x) 。



图 9:12 Haar 基本小波系数

图 9-13 小波 w_a(x) 和 w (x)

该基本小波定义的小波变换称为 Haar 小波变换,是常用的小波变换中最简单的

9.1.4 MATLAB 中的小波函数工具箱

4 MATLAB 7.0 中有专门的小波函数 1.具箱,支持小波在图像处理中的应用。小波系 数 [具箱中的 维、 :维小波应用函数见表 9-1 和表 9-2。

9-1 一维离散小波函数

函 数 名	功能
approef	提取了 维小波分解低频系数
detcoef	提取 增小級分解在ņ季數
dwt	单层 维小及分解
dwtmode	离散小被变换扩展模式
idwt	单层 维进高散小波变换
upcoef	-维小波分解的直接重构
upwiev	维小波分解的单层审构
wavedec	多思 - 维小波分解
waverec	多层 维小波质机
wenergy	维小波分解能量函数
wrooef	维小波分解系数单支面构

表 9-2 二维高數小波函数

函 数 名	功能
dwt2	单层 维小波分解
dwtper2	華思 维离散小波变换
wavedec2	81. 惟、裁分解
edwt2	中尼 地差离散小波变换
ichwper2	单心 维小波分解
waveree2	多点 增生液漿药
upwiev2	维小波分解的单层重构
wrcoef2	第一般分解系数的之重码。
upcoef2	维小被分割的直接重构
detcoef2	技術 性 小波分解山 领系数
appcoef2	提取 唯一成分解纸赖系数
wthresh	进行软阀值或玻璃道处理
wthcoef2	维信号的小波系数阈值处理
ddenemp	获取在消暖或压缩过程中的默认阈值
wdenemp	用小波进行信号的消噪和小熔

9.2 小波分析在图像增强中的应用

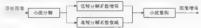


图 9 14 基于小波变换的图像增强基本原理

下面举伤,说明图像的增强。程序代码如下,执行结果如图 9 15 所示。





图 9-15 基于小波的图像增强效果 a) sunsun 图像 b) 增强后的图像

```
%小店图像增强、对于图像、轮塞上要在低额、细节在京额
```

%对任矫博品, 对寡须衰减处理 clear all load sinsing subplot(1.2.1).image(X): colorman(map). %对图像 X 用小波 dh5 进行 2 层分解 [c.l] wavedec2(X,2,'db5'). Csize=size(c): 弘配化不而明的分解系数 for i=1.Csize(2) if(c(i)>100) c(i)=2*c(i): alea c(1)=0 5*c(1): end

end

%重构图像并显示 X waverec2(c.l.'db5'):

subplot(1,2,2),unage(X), colormap(map).

分解后的图像,其主要信息(即轮廓)由低频部分来表征,而其细节部分则由高频部分 表行。因止, 在上述革例中, 对分解后的低频系数加权进行增强, 而对高频部分加权进行减 弱, 经讨处理后, 即达到了增强图像的目的。

9.3 基于小波的图像隆噪和压缩

数字图像在产生过程中会受到诸如传感器振荡。由子器件干扰等原因的影响,导致转换 后得到的数字图像质量下降,影响了对图像内容的理解。为了保证后续处理的上确性,需要 对图像进行去噪处理。然而在图像去噪时,存在着一个如何兼顾降低噪声和保留细节的难 题。长期以来,人们根据图像的特点、噪声的统计特征和频谱分布的规律、提出了多种去噪 方法, 如维纳滤波等, 但是降噪效果往往不够理想。

小波变换具有低熵性、多分辨率、去相关性、选基灵活性等特点,可同时进行时域、频 域的局部分析,能够灵活地对信号局部奇异特征进行提取。从信号学的角度看,小波去噪是 ·个信号滤波问题,小波去噪具有特征提取和低通滤波的综合功能。目前,基于小波分析的 图像 去喝 技术已成为图像 去噪的一个重要方法。

MATLAB 小波 「具箱为图像降噪和压缩提供了有力的函数支持, 见表 9 3。从木质 上看,降噪和压缩的原理是基本类似的,都是对小波分解的系数进行阈值处理,然后进 行重构。



表 9-3 基千小波的图像降降和压缩函数

趙 数 名 称	说 明
whoise	产生小波的噪声测试数据
ddencmp	获取降领或压缩的默认值
wthresh	执行软阀值或硬调值
thselect	选择跨噪时的阈值
wompen	设置- 给或 缔信号降噪的阈值
wdcbm2	以 Birge-Massart 策略長置 维小波降吸或压缩的偏值
wthcoef2	:维小波系数阈值处理
wdencrop	用小波进行 维或 维信号的降噪或压缩
wthrmngr	属值设置管理

另外,也可以利用小波包的一些函数进行压缩和降噪,见表94。

表 9 4 小波包降噪和压缩函数

函数名称	说明
ddencmp	获取降赚或压缩的默认值
wpbmpen	小波包落場的 Penalized 阈值
wpthcoef	小波包系数阈值处理
wpdenemp	使用小被包进行降棄和压缩
wthrmngr	阈值设置管理

这里主要介绍 · 下其中降噪和压缩的核心函数: wdencmp()函数, 其他就不再详细介绍 了。读者可以参考 · 下工具箱的函数说明。wdencmp()函数的用法有3种:

- [XC,CXC,LXC,PERF0,PERFL2]= wdencmp('gbl',X, 'wname',N,THR,SORH,KEEPAPP)
 - [XC,CXC,LXC,PERF0,PERFL2] wdencmp('lvd',X, 'wname',N,THR,SORH)
 - [XC,CXC,LXC,PERF0,PERFL2]—wdencmp('lvd',C,L, 'wname',N,THR,SORH) 成數中參數的含义见表 9-5。

表 9-5 wdencmp()函数中参数的含义

参数名称	含 艾
[CXC,LXC]	附加的输出变量,是 XC 的小波分解结构
PERFO PERFL	恢复和压缩的 L2 克数白分比
wname	小波函数名
N	小液分解的恶数
SORH	取值为s或者Y,表示软偶值或硬阈值
[CT]	小波分解结构
THR	3×N 矩阵,包含各尺度中水平、垂直和对角 3 个方向的阈值

9.3.1 小波的图像压缩技术

所谓图像压缩就是去掉各种冗余。保留重要的信息。图像压缩的过程常称为编码, 而图像的恢复则称为解码。图像数据之所以能够进入压缩。其数学机理主要有下面两点。

- 原始區像數据往往存在各种信息的冗余(如空间冗余、视堂冗余和结构冗余等), 据之间存在相关性,邻近像素的灰度(将其看成隨机变量)往往是高度相关的。
- 2) 在多媒体应用领域中,人眼作为图像信息的接收端。其视觉对边缘的急剧变化敏 这及人眼存在对图像的亮度信息被影。何对颜色分辨率弱等。因此在高压缩比的情况 下,解压缩后的图像信号仍有确意的上观质量。

虽然图像的数据是非常巨大的,但是可以采用适当的坐标变换去除相关,从而达到压缩数据的目的。 传统的 K-L 变换就是以这种思想为基础的,它把信号的 小块看成是 个独立的随机向量,它的基函数由余弦函数组成。

小波变轰通过多分辨分析过程将 轉恩像分成近似和细节两部分,细节对应的是小尺度 的瞬变。它在本尺度内很稳定。因此将细节存储起来,对近似部分在下一个尺度上进行分 解。重复该过程即可,如图 9 16 所示。近似与细节在上交镜像滤波器算法中分别对应于高 通滤波和低通滤波。这种变换通过尺度去掉相关性。在视频压缩中被证明是有效的。

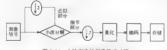


图 9-16 小波变换的图像压缩过程

上述方法有一个优点: 即图像分成多个细节层, 因此应用时可以先给出 幅较为粗糙的图像, 然后可根据需要提供更好的细节。

应用 MATLAB 小波 [具箱进行图像压缩,有两种方法。

利用 dwt2()函数对图像进行小波分解,再用 upcoef2()函数对分解后的图像进行重构,最后用 wcodemat()函数进行量化编码。程序代码如下;

I imread('eight.tif')

figure(1),imshow(1); %%%讲行系数分解

[ca,ch,cv,cd]=dwt2(I,'sym4'),

%%%进行图像重构

cod fa-upcoef2('a'.ca,'db1',1),

cod_fh=upcoef2('h',ch.'db1',1),

cod_fv=upcoef2('v',cv,'db1',1),
cod_fd=upcoef2('d',cd,'db1',1),

%%%编码显示图像

figure(2),imshow(wcodemat(cod fa,255),[]);

figure(3),imshow(wcodemat(cod_fh,255),[]),



figure(4),imshow(wcodemat(cod fv,255),[]), figure(5),imshow(wcodemat(cod fd,255),[]),

执行程序代码后效果如图 9 17 和图 9 18 所示。



图 9-17 原始图像

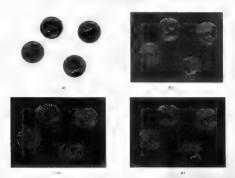


图 9-18 小波分解

a) 近似值 b) 水平细节系数 c) 垂直细节系数 d) 对角细节系数

小波变换将构像的像素解相关的变换系数进行编码,比对原像素本身编码的效率更高。如果变换的基硝数(比对为小波函数,将大多数重要的可提信息压缩到少量的系数中,以 图 9 18a.) 则剩下的系数(见别 9 18b d)可以被粗略地量化或载取为 0,而焦像几乎没有 失真(比较图 9-17 与图 9 18a)。

2) 利用小波 L 具箱中专用的阈值压缩图像函数 wdencmp()。

下前通过举例来说明这两种方法的应用及转占。

如下是利用 wavedec2()函数对图像进行小波分解后, 再用 approef2()函数对分解后图像 进行重构,最后用 wcodemat()函数进行量化编码,程序代码如下:

load belmont2 subplot(2.2.1):

image(X),colormap(map);axis square;

whos('X')

%对图像进行 7 层小波分解

[c,l]=wayedec2(X,2,bior3.7%

%据取小波分解结构中的一层的低频系数和高频系数

cA1=appcoef2(c,l,'bior3.7',1);

%水平方向

cHl=detcoef2('h'.c.l.1):

%斜线方向

cDl: detcoef2('d',c,l,1),

%垂首方向

cVI=detcoef2('v'.c.l.1):

%重构第一层系数

A1=wrcoef2('a' c.1.'hior3.7' 1):

H1 wrcoef2('h'.c.l,'bior3.7'.1):

D1=wrcoef2("d".c.l.'bior3.7".1):

V1 =wrcoef2('v',c,1,'bior3.7',1);

c1=[A1.H1:V1.D1]:

%显示第一层频率信息

subplot(2,2,2);image(c1);

%对图像进行压缩:保留第 层低频信息并对基进行量化编码

cal=wcodemat(cA1,440,'mat',0);

%改变图像高度并显示

cal =0 5*cal.

subplot(2,2,3),image(ca1);colormap(map),

whos('cal')

cA2 appcoef2(c,l,'bior3.7',2);

ca2=wcodemat(cA2.440,'mat'.0).

ca2=0.5*ca2:

subplot(2,2,4);image(ca2),colormap(map);

whos('ca2')

结果如下,

压缩前图像的大小为

Name Siza Bytes Class 240×320 614400 double array

Grand total is 76800 elements using 614400 bytes

第一次压缩后图像的大小为





MATLAB 数字图像处理

 Name
 Size
 Bytes
 Class

 cal
 127×167
 169672
 double array

 Grand total is 21209 elements using 169672 bytes

第二次压缩后图像的大小为

Name Size Bytes Class

ca2 71×91 51688 double array

Grand total is 6461 elements using 51688 bytes

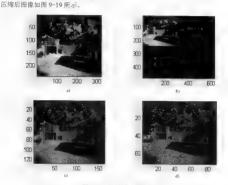


图 9-19 小波的图像压缩效果

a) 除始图像 b) 分解后的低领信息和高频信息 c) 第一次压缩后的图像 d) 第 次压缩后的图像

在这里可以看出,第一次压缩提取原始图像中小波分解第一层的低领信息,上时压缩效 果较好,压缩比较小(约为 1.4 人小)。第一次压缩是提取第一层分解低频部分的低频部分 (即第二层的低频部分)、其压缩比较大(约为 1/2)、压缩效果在视觉上也基本过得去。随 着分解层数的增强,压缩比是递减的。

保留原始俱像中低频信息的压缩办法只是 种最简单的压缩办法。它不需经过其他处理即可获得较好的压缩效果。当然,对于上向的例子还可以只提取小波分解的第一、第四层的 低频信息。从平论上说,可以获得任意压缩比的压缩图像。只不过在对压缩比和图像质量都有较高的要求时,它就不如其他编码方法了。

如下是利用 wdencmp()函数对给定图像进行压缩处理。程序代码如下:

load belmont2;

subplot(2,2,1);

image(X);colormap(map);

%首先利用 db3 小波对图像 X 进行 2 层分解

[c,1]=wavedec2(X,2,'db3'),

%全局阈值

[thr.sorh.keepapp]=ddencmp('cmp','wv',X),

%压缩处理:对所有高频系数进行同样的阈值量化处理

[Xcmp,cxc,lxc,perf0,perf12]=wdencmp('gbl',c,l,'db3',2,thr,sorh,keepapp),

%将压缩后的图像与原始图像相比较

subplot(2,2,2);

image(Xcmp);colormap(map);

%显示相关参数

disp('小波分解系数中为 0 的系数个数百分比:"):

perf0

disp('压缩后保留能量百分比');

perf12

首先给出应用函数 wdencmp()进行压缩的效率,即分解系数中置 0 的系数个数百分比和 保留能量百分比。压缩图像如图 9-20 所示。

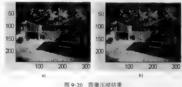


图 9-20 图像压缩结果
a) 原始图像 b) 压缩后的图像

结果如下:

小波分解系数中为0的系数个数百分比:

perf0 =

40 1967

压缩后保留能量百分比:

perfl2 99,9616

9.3.2 小波的图像降噪技术

根据对小波系数处理方式的不同。常见的去噪方法可分为一类。基于小波变换模极大值



去噪:基于相邻尺度小波系数相关性去噪:基于小波变换域阈值去噪。其中小波阈值去噪 7 法是 种实现简单且效果较好的消噪方法,应用最为广泛。

小波阈值消噪的基本思想就是对小波分解后的各层系数模大于和小于某阈值的系数分别 进行处理,然后利用处理后的小波系数重构出消暖后的图像。在阈值消噪中,阈值承数体现 了对小波分解系数的不同处理策略及不同估计方法,常用的阈值函数有硬阈值函数和软阈值 函数。硬阈值函数可以很好地保留图像边缘等局部特征,但图像会出现伪占布斯效应等视觉 失真现象: 而软阀值处理相对较平滑, 但可能会造成边缘模糊等失真现象, 为此人们又提出 了 半 数 阌 信 函 数 。

小波阈值消暖 方法处理阈值的选取。另一个关键因素是阈值的具体估计。如果阈值太 小,消噪后的图像仍然存在噪声:相反如果阈值太大,重要图像特征又将被滤掉,引起偏 差。从自观上讲、对于给定的小波系数,噪声越大。阈值越大。

图像信号的小波降噪步骤有三步,和 维信号的降噪步骤完全相同,所不同的是,处 理. L.具是用 维小波分析工具代替了'维小波分析 L.具。因此,对'维图像信号的降噪方 法也同样适合于一维信号,尤其对几何图形更为适合。 . 维小波分析用于图像降噪的步骤 如下:

- 1) 维图像信号的小波分解。在这一步。应当选择合适的小波和恰当的分解层次(记 为 N), 然后对待分析的 :维图像信号进行 N 层分解计算。
- 2) 对分解后的高频系数进行阈值量化。对于分解的每一层,选择一个恰当的阈值,并 对该层高频系数进行软阀值量化处理。在此,阈值选取规则同前面的信号处理部分。
- 维小波的重构图像信号。同样地、根据小波分解后的第 N 层近似(低频系数)和 经过阈值量化处理后的各层细节(高频系数)。来计算 维信号的小波重构。

下面通过具体的举例来说明利用小波分析进行图像隆峰这个问题。 程序代码如下:

%当前延拓模式是补零

%载入原始图像

load sinsun %X 包含原始图像

figure,

image(X),colormap(map),

%产生噪声图像 init=2055615866:randn("seed".init):

x X+18*randn(size(X)):

figure,

image(x),colormap(map);

%使用 wdencmp() 函数进行图像路峰

% 寻找默认值

[thr,sorh,keepapp]=ddencmp('den','wv',x),

%使用全局阈值讲行图像路曝

xd=wdencmp('gbl',x,'sym4',2,thr,sorh,keepapp).

figure:

tmage(xd),colormap(map);

结果如图 9 21 所示。可以看社,经过小波障障后的图像非常清楚,达到了很好的半滑效果。







图 9-21 小波的图像降噪应用 a) 原始图像 b) 吸应图像 c) 降降后的图像

9.4 小波的融合技术

密像融合是将同一对象的两个或更多的图像合成为 關閉像,以便它比原来的任何 騙 图像更容易被人们理解。这一技术可应用于多频谱图像理解及医学图像处理等领域,在这些 场合,同一物体部件的图像往往是采用不同的成像机理得到的。

图像融合是信息融合的一个重要分支,广泛地用于目标识别、机器视觉、智能系统、医 学客像处理等领域。传统图像融合方法+要是在时间域通过算术运算实现融合,具有算法简单自观,融个速度体,适合实时处理等优点,但其没有对频率变化进行考虑。

多分辨率图像融合質法则是在輪域实现了图像的融合。根据分解形式的不同,多分辨率 图像砲合質法又可分为多分辨金字ේ格方法和小波变换方法。近年来,基于小波变换的图像砸 台越来越受到重挑。由于人的视网膜图像是在不同频常;分别以不同質了归行融合,而基」 小波分解的图像融合也是以同样方式进行的,所以,其可以获得与人的视觉特性更为接近的 融合效果,可以认为,基上小波变换的图像融合应该是很有而途的研究方向。

以卜简单介绍 卜小波变换图像融合的基本原理。

如果 个图像进行 L 层小波分割, 容得到 (3L-1) 层子带,其中包括低频的基带C 和 3L 层的高频子节 D^* 、 D^* 和 D^* 。用 f(x,y)代表放始的像, 记为 C_0 ,设尺度系数 $\Phi(x)$ 和小波系数 $\psi(x)$ 利应的滤波器系数矩阵分别为H和G、 Ψ 。维小波分辨算法可描述为

$$\begin{cases}
C_{-1} - HC_{f}H^{T} \\
D_{-1}^{t} = GC_{f}H^{T}
\end{cases}$$

$$D_{p+1}^{r} - HC_{f}G^{T}$$

$$D_{f}^{d} = GC_{f}G^{T}$$
(9-47)

式中、1 表示分解层数: h、v、d 分别表示水平、垂直、对角分量: H^{T} 和 G^{T} 分别是 H 和G 的共轭转置矩阵。

小波重构算法为为

$$C_{j-1} = \mathbf{H}^{\mathsf{T}} C_{j} \mathbf{H} + \mathbf{G}^{\mathsf{T}} D_{j}^{h} \mathbf{H} + \mathbf{H}^{\mathsf{T}} D_{j}^{g} \mathbf{G} + \mathbf{G}^{\mathsf{T}} D_{j}^{d} \mathbf{G}$$
(9-48)

基于:维DWT 的融合过程如图 9 22 所示, ImageA 和 ImageB 代表两幅原始图像 A 和 B, ImageF 代表融合后的图像, 具体步骤如下:



图 9-22 基于二维 DWT 的图像融合过程

1) 图像的预处理。

图像滤波: 对失真变质的图像直接进行融合,必然导致图像噪声融入融合效果,所以在进行融合前,必须对原始图像进行预处理以消除噪声。

图像配准:多种成像模式或多焦距提供的信息常常具有互补性,为了综合使用多种成像 模式和多焦距以提供更全面的信息,常常需要将有效信息进行整合,使多幅图像在空间域中 达到几何位置的完全对应。

- 2) 对 ImageA 和 ImageB 进行 维 DWT 分解,得到图像的低频分量和高频分量。
- 3) 根据低频分量和高频分量的特点,按照各自的融合算法进行融合。
- 4) 对以上得到的高、低频分量, 经过小波逆变换重构得到融合图像 ImageF。
- 以下为用小波分析对两个不同的图像进行融合的应用举例程序代码。

```
load bust %载入原始图像 |
X1-X-
mapl map;
%画出 woman 图像
subplot(2,2,1);
image(X1):colormap(map),
axis square
%载入原始图像2
load mask
X2=X:
тар2 тар;
for i=1.256
    for j=1:256
        if(X2(i,j)>100)
             X2(i,i)=1.2*X2(i,i):
        else
```

X2(i,i)=0.5*X2(i,i):

end end

end

%画出 wharb 羽像 subplot(2.2.2).

image(X2),colormap(map2),

axis square

[c1,s1]-wavedec2(X1,2,'sym4'),

sizecl size(cl), for i 1:sizec1(2)

cl(i)=1 2*cl(i).

end [c2,s2] *wavedec2(X2,2,'svm4').

c=c1+c2:

c=0.5*c:

s=s1+s2: s=0.5*s.

xx=waverec2(c,s,'sym4'),

%画出融合后的图像

subplot(2,2,3);image(xx), axis square

两个原始图像及其融合的结果如图 9-23 所示。







图 9 23 小波的图像融合效果

a) 原始图像 [b) 施始图像 2 c) 融合后的图像

幅图像和它某 部分放大后的图像融合。融合后的图像给人 种朦朦胧胧梦幻般的感 觉, 对较深的背景部分则做了淡化处理。

下面为利用图像融合方法从模糊图像中恢复图像的 MATLAB 程序代码。

%载入第 幅模糊图像

load cathe 1;

X1=X:

%载入第 .临模糊图像

load cathe 2:

X2 X.

%基于小波分解的图像融合

XFUS=wfusimg(X1,X2,'svm4',5,'max','max'),

%显示

colormap(map).

subplot(2,2,1),image(X1);

axis square,

subplot(2,2,2);image(X2);

axis square.

subplot(2.2.3):image(XFUS):

axis square:

执行程序代码,结果如图 9-24 所示。



ភា 100 150 àm 50 100 150 200 2



图 9-24 图像融合恢复图像 a) 原始图像 1 b) 原始图像 2 c) 融合序像

小波包在图像边缘检测中的应用 9.5

小游包分解后得到的图像序列由近似部分和细节部分组成,近似部分是原始图像对高领 部分进行滤波所得的近似表示。经滤波后,近似部分去除了高频分量,因此能够检测到原始 图像中所检测不到的边缘。

下面为利用小波包分解检测图像边缘的应用举例程序代码。

%装入并显示后的图像

load bust %加入今曜

in.t=2055615866.

randn('seed'.init).

X1=X+20*randn(size(X)).

subplot(2.2.1):mage(X1).

colomap(map).

axis square:

%利用小波 db4 对图像 X 进行 巨小波包分解

I wpdec2(X1.1,'db4').

%重构图像近似部分

A=wprcoef(T.f1 01); subplot(2.2.2).mage(A).

axis square.

%检测边缘

%原始图像的边缘检测

B1=edge(A.'sobel').

subplot(2.2.3):unshow(B1).

axis square,

%图像近似部分的边缘检测

B2 edge(X1,'sobel'); subplot(2,2,4),imshow(B2);

axis square

执行程序代码,效果如图 9-25 所示。



图 9 25 图像边缘构测结果

a, 於始的含喘图像 b) 图像近似部分 c) 近似部分边缘 d) 原始图像的边缘

对近似图像进行边缘检测的结果和直接对原始图像进行边缘检测的结果相比,前 种方 决的效果更好。 需要指出的是,这里采用的是 种最为简单的边缘检测算法。实际上,基于小波的图像

边缘检测技术发展非常迅速,近些年已经诞生了很多种新颖的技术和方法。如多只度小波变 换边界提取算法、肽入可信度的边缘检测方法、奇异点模板人值检测算法等。感兴趣的读者



可以查阅其他相关资料。

9.6 小波包与图像消噪

在本节中,小波包分析进行图像消噪处理的基本原理和方法与前面分绍的对信号消噪的 相同。本节仅以具体的实例来说明小波包分析在图像消暖处理中的应用。

← MATLAB 的小波 L具箱中,提供了 个 wpdencmp()函数,它是专门利用小波包分解实现消噪和压缩处理的。

Wpdencmp()函数的语法格式为

- [XD,TREED,PERFO,PERFL2]—wpdencmp(X,SORH,N,'wname',CRIT,PAR,KEEPAPP)
- [XD,TREED,PERFO,PERFL2]=wpdencmp(TREE,SORH,CRIT,PAR,KEEPAPP)
 【使用说明】利用小波包实现信号和图像的消噪或压缩。

输入参数: SORH 指定速取转阀值 (SORH-YS) 或硬阀值 (SORH 'H'); N 为小波分解 的层数; wname 指定分解的所用的小波; CRIT 和 PAR 定义了熵准则; TREE 是小波包分解 树钻构。

输出参数: PERFO,PERFL2 返回压缩比例系数。

利用小波包变换对一个:维含噪图像进行消噪处理。

%装载并显示原始图像 load F:umage\s13 subplot(2,2,1); image(X); colomap(map), title(原始图像); axis souare;

%在图像中加入噪声 nnt=2055615866; randn('seed',init); X1-X-10*randn(size(X)), subplot(2,2,2); image(X1); colormap(map), title('含噪图像'); axis square,

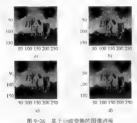
%基于小波包的消噪处理 thr=10,sorh 's', crit='shannon'; keepapp=0;

X2 wpdencmp(X1,sorh,3,'sym4',crit,thr,keepapp),

%直出消噪后的图像 subplot(2,2,3);

```
image(X2),
colormap(map):
title('全局阈值消暖图像')。
axis square:
% 計图像进行平滑处理以增强消降效果 (中倍滤波)
for 1=2 175.
    for i=2:259
       Xtemp=0.
       form 13
           for n=1:3
               Xtemp=Xtemp+X2(1+m 2,1+n-2).
           end
       end
       Xtemp=Xtemp/9.
       X3(L1)=Xtemp.
   end
end
%显示平滑结果
subplot(2,2,4),
image(X3);
colormap(map);
title('平滑后的图像')。
axis square,
```

计算结果如图 9 26 所示, 其中图 9 26a 是原始的图像, 图 9 26b 是添加噪声后的图像, 通过小波包分解并设置全局阈值, 消曝后的结果如图 9 26c 所示, 与含墨图像相比, 明显消费 了很多: 讲 步对消噪后的图像进行平滑处理,如图 9~26d 所小,与消噪后的图像相比,它明 显光滑了。



a) 除始图像 b) 含暖图像 c) 全局阈值消燥图像 d) 平滑后的图像



除了利用函数 wpdencmp()对图像进行消噪外,还可以利用 .维小波包分解函数 wpdec2()来实现图像消噪。

wpdec2()函数的语法格式为

- wpdec2()图数的语法格式为

 T-wpdec2(X.N.'wname'.E.P)
- T=wpdec2(X,N,'wname')
- 【使用说明】 :维小波包分解。

输入参数: X 足分析矩阵: N 是分解的层数; wname 是小波基函数; E 是熵的类型; P 是依赖于E的可选参数。

输出参数: T 返回小波包树。

利用 : 维小波包分解对一个 : 维含嗪图像进行消噪处理。

%装载并显示原始图像 load Frumage (\$06 subplot(2,2,1), image(X), colormap(map), title("原始图像"); axis square,

%生成含暖图像 int** 2055618866; randn(seed_init), X1 X * 20*randn(size(X)), subplot(2,2,2); image(X1); colormap(map); title(含暖图像*); axis square,

%用小波 sym2 对图像 X1 进行一层小波包分解 T=wpdec2(X1,1,'sym2');

%设置阈值 thr=8.342,

%对图像的小波包分解系数进行软阀值量化 NT=wpthcoeffT.0.'s',thr);

%仅对低频系数进行重构 X2=wprcoeffNT,1);

%画出消噪后的图像 subplot(2,2,3); mage(X2); colormap(map), title('消噪后的图像')。 axis square:

计算结果如图 9 27 所示, 其中图 9 27a 是原始的图像, 图 9 27b 是添加噪声后的图 像,通过二维小波包分解后并对系数进行阈值化处理后,重构的图像如图 9-27c 所示,与含 噪图像相比,它明显清楚了很多,达到了消噪的效果。

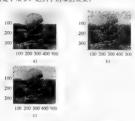


图 9-27 基于二维小波包分解的图像活峰 a) 原始图像 b) 含噪图像 c) 消喘后的图像

9.7 小结

本章主要讲述了小波技术在图像处理中的应用。首先介绍了小波分析的基础知识,包括 ·维小波变换的基本原理、 :维小波变换和多分辨率分析以及小波工具箱的图像处理功能。 然后介绍了小波用于图像降噪、图像压缩、图像增强和图像融合的基本原理和 MATLAB 实 现方法。本章介绍的大多是最基本和简单的用法。由于小波分析和图像处理技术都在不断发 展之中,所以新的研究内容和处理算法层出不穷,读者可以针对感兴趣的内容查询相关的资 料以供进一步研究。

第 10 章 图像特征的描述

陈像描述基阳像处理的核心内容。为了便于有效地研究和应用,往往需要用 上简单明确的数值。符与或图束表征给定的图像及已分割的图像区域。这些数值、符号或图是按 定的概念自公式产生的,反映了图像或图像区域的基本信息和主要特征。通常称这些数值、行头或相引连像的特征。而用这些特征表示各像称为图像描述。

10.1 灰度描述

10.1.1 幅度特征

有所有的路像特征中,最基本的是图像的幅度特征。可以在某一像素点或其领域内做出 幅度的测量,如在N×N区域内的平均幅度,即

$$f(x,y) = \frac{1}{N^2} \sum_{i=0}^{N} \sum_{j=0}^{N} f(i,j)$$
 (10.1)

可以直接从函像像素的灰度值。或从某些线性、正线性变换后构成新的路像贴度的空间 水水符各式各样高像的贴度特值图。 备像的贴度特征对于分离目标物的描述等具有十分重要 的作用。 如你 10 1 所 4 。其中图 10 1a 是原始图像。图 10 1b 是利用幅度特征将背景中的 种躯纤维组束的线型。





图 10-1 灰度信息对目标进行分割。 a) 線的單像 b) 頻度特征分別的是

10.1.2 直方图特征

點数字及像可以看成是一个一维随机过程的一个样本,可以用联个概率分布来描述。 通过对图像的各像素幅度值可以设法估计出图像的概率分布,从而形成图像的直方图特征。 图像灰度的一阶概率分布定义为

$$P(b) = P\{f(x, y) - b\} \quad (0 \le b \le L - 1)$$

(10-2)

式中, b 为量化值: L 为量化值范围,即

$$P(b) \approx \frac{N(b)}{M}$$
 (10-3)

式中, M 为围绕(x,y) 点被测窗口内的像素总数; N(b) 为该窗口内灰度值为b 的像素总数。 图像的直方图特征可以提供图像信息的许多特征。例如, 若直方图密集地分布在很窄的 区域内, 说明图像的对比度很低, 若直方图有两个峰值, 则说明存在卷两种不同杂度的区域。

一阶直方图的特征参数有

平均值:
$$\overline{b} = \sum_{b=0}^{L-1} bP(b)$$

方差:
$$\sigma_b^2 = \sum_{b=0}^{L-1} (b-\overline{b})^2 P(b)$$

倾斜度:
$$b_n = \frac{1}{\sigma^3} \sum_{i=1}^{L-1} (b - \overline{b})^3 P(b)$$

峭度:
$$b_k = \frac{1}{\sigma_b^4} \sum_{b=0}^{L-1} (b - \overline{b})^4 P(b) - 3$$

能量:
$$b_N = \sum_{k=0}^{L-1} [P(b)]^2$$

熵:
$$b_E = \sum_{b=0}^{L} P(b) \log_2[P(b)]$$

: 阶直方图特征是以像素对的联合概率分布为基础得出的。若两个像素 f(i,j) 及 f(m,n) 分别位于(i,j) 点和(m,n) 点,两者的间距为[i-m]、|j-n|,并可用极坐标 ρ 、 θ 表达,那么其幅度值的联合分布为

$$P(a,b)\Delta P_{t}\{f(i,f)-a,f(m,n)-b\}$$
 (10-4)

式中, a、b 为量化的幅度值。因此, 直方图估值的 1阶分布为

$$P(a,b) \approx \frac{N(a,b)}{M} \tag{10-5}$$

式中,N(a,b)表示在图像中,在 θ 方向上、径向间距为 ρ 的像素对 $f(\iota,f) \cdot a$, f(m,n) - b 出现的频数:M 为测量窗口中像素的总数。

假设图像的各像素对都是相互关联的, 髮, P(a,b) 将在陈列的对角线上密集起来。以下列出的一纯度量, 用来描述图络 P(a,b) 对角线能量扩散的情况。

自相关:
$$B_A = \sum_{a=0}^{L-1} \sum_{b=0}^{T-1} abP(a,b)$$

协方差: $B_C = \sum_{a=0}^{L-1} \sum_{b=0}^{L-1} (a-\overline{a})(b-\overline{b})P(a,b)$

MATLAB 数字图像处理

懷性挺:
$$B_f = \sum_{a=0}^{L-1} \sum_{b=0}^{L-1} (a - b^2) P(a,b)$$

绝対值: $B_F = \sum_{a=0}^{L-1} \sum_{b=0}^{L-1} |a - b| P(a,b)$
能量: $B_N = \sum_{a=0}^{L-1} \sum_{b=0}^{L-1} P(a,b)|^2$
嫡: $B_E = \sum_{a=0}^{L-1} \sum_{b=0}^{L-1} P(a,b) \log_2[p(a,b)]$

10.1.3 变换系数的特征

由于图像的 . 维变换得出的系数反映了 . 维变换后图像在频域的分布情况,因此常常用 维的傅里可变换作为 . 种图像特征的提取方法。例如,

$$F(u,v) = \iint f(x,y)e^{-j2\pi(ux+vy)}dxdy$$
 (10-6)

设M(u,v)是F(u,v)的平方值,即

$$M(u,v) = |F(u,v)|^2$$
 (10-7)

当 f(x,y) 的原点有了位移时,M(u,v) 的值保持不变,因此 M(u,v) 与 F(u,v) 不是唯一对应的。这种性质欲为位移不变性,在某些应用中可利用这一特点。

如果把 M(u,v) 在某些规定区域内的累计值求出,也可以把图像的某些特征突出起来, 这些规定的区域如图 10 2 所示,其中图 10 2a 为水平切口,图 10-2b 为垂直切口,图 10-2c 为环形切口。

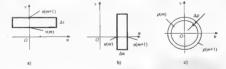


图 10-2 不同类型的切口

a) 水平切口 b) 季宜切口 c) 环形切口

由各种不同切口规定的特征度量可由下面各式来定义。

水平切口:
$$S_1(m) = \int_{v(m)}^{v(m+1)} M(u,v) dv$$

垂直切口: $S_2(m) = \int_{v(m)}^{u(m+1)} M(u,v) du$

环状切口:
$$S_3(m) = \int_{\rho(m)}^{\rho(m+1)} M(\rho, \theta) d\rho$$

式中, $M(\rho,\theta)$ 为 M(u,v) 的极坐标式。

这些特征说明了图像中含有这些切口的频谱成分的含量。把这些特征提取出来以后。可 以作为模式识别或分类系统的输入信息。这种方法已经成功地运用到土地情况分类、放射照 片病情诊断等方面,

10.2 纹理分析

目前还没有统 和公认的有关纹理的确切定义。 般情况下把类似于布纹、草地、砖 头、墙面等具有重复性结构的图像称为纹理图像。纹理图像在局部区域内可能呈现不规则 性, 但整体上则表现出 定的规律性, 其灰度分布往往表现由某种周期性。纹理图像所表现 出的这种特有的性质称为纹理。实际中很多图像且有纹理型结构,对这类纹理规图像可以通 过纹理分析取其宏观特征信息。

10.2.1 纹理特征

纹理 "词最初指纤维物的外观"。纹理图像在很大范围内没有重大细节变化、在这些区域 内图像往往显示出重复性结构。有时,物体在纹理上与其周围背景和其他物体有区别、这时 图像分割应以纹理为基础。虽然纹理目前尚无统一的定义。但 般来说。纹理基本许多相互 接近的、互相交织的元素构成、它们具有周期性。纹理在 定程度上反映了一个区域中像素 灰度级的空间分布的属性。

纹理可分为人 [纹理和天然纹理(自然纹理)。人 L纹理由某种符号的有序排列组成, 这些符号可以是线条、点、字母、数字等。自然纹理是具有重复排列现象的自然界象。如花 塌、种子、森林、草地之类的照片。图 10 3a 基常见的人 I 纹理结构。图 10 3b 基常见的自 然纹斑结构。由此可见, 人工纹理往往是有规则的, 而自然纹理往往是无规则的。

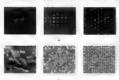


图 10-3 典型的纹理结构图

a) 人工效应 b) 自然效应

归纳起来, 对纹理的认识有两种看法。一种是凭人们的直观印象; 而另一种是凭图像本 身的结构。从直观印象出发的方法包含有心理学因素、这样就会产生多种不同的统计纹理特 性,从这 观点出发,纹理分析应该采用统计法;从图像结构观点出发,见认为纹理是 种

结构。根据这一观点,纹理分析应该采用句法结构法。

描述图像特性的参数有很多种。对纹理图像来说有必要知道各个像素及其邻近像素 的灰度分布情况。了解邻近像素灰度值变化情况的最简单方法是取1阶微分、2阶微分的 平均值与方差,如果要考虑纹理的方向性特征。则可考察 θ 方向与 $(\theta+\pi/2)$ 方向差分的 平均值与方差。纹理分析常用的方法有统计法、自相关函数法、频谱法、句法结构法和 联合概率矩阵法等。

10.2.2 统计法

统计法是利用图像内某一区域或物体的灰度直方图的纹理结构进行描述,它又可以分为 灰度差分统计法和行程长度统计法。

1. 灰度差分统计法

取图像内任意 ·点(x,y), 设与该点相邻的点 $(x + \Delta x, y + \Delta y)$ 的灰度差值为

$$g_{\Delta}(x, y) = g(x, y) - g(x + \Delta x, y + \Delta y)$$
 (10.8)

式中, $g_{\nu}(x, \nu)$ 称为灰度差分。若 $g_{\nu}(x, \nu)$ 的所有可能取值共有m级、则今 (x, ν) 在整个区域 上移动,统计出 g_(x, y) 取各个灰度级的次数,由此作出 g_(x, y) 的自方图。根据官方图可 以得出 $g_{\nu}(x,\nu)$ 取不同灰度值的概率 $p_{\nu}(i)$ 。

若 ι 取值较小,而概率 $p_{\Lambda}(i)$ 较大,则说明纹理较粗糙,若概率 $p_{\Lambda}(i)$ 较平坦,则说明纹 理较细密。

灰度差分统计法 · 般采用以下参数描述纹理图像的转征。

对比度:
$$CON = \sum i^2 p_{\Delta}(i)$$
 (10-9)

角度方向二阶矩:
$$ASM = \sum [p_{\Delta}(i)]^2$$
 (10-10)

ii:
$$ENT = -\sum p_{\Delta}(i) \lg p_{\Delta}(i)$$
 (10–11)

類:
$$ENT = -\sum_{i}^{r} p_{\Delta}(i) \lg p_{\Delta}(i)$$
 (10-11)
平均值: $MEAN = \frac{\sum_{i}^{r} i p_{\Delta}(i)}{m}$ (10-12)

根据上述公式,若 $p_{A}(i)$ 较平坦,则ASM较小,而ENT较大;若 $p_{A}(i)$ 分布在原点附

近、则 MEAN 较小。 2. 行程长度统计法

设图像内任意一点(x,y)的灰度值为 g, 与其相邻点的灰度值也可能为 g 或其他值, 统 计出从任意一点出发沿θ 方向上连续 η 个点都具有灰度值 g 所发生的概率, 记此概率为 P(g,n)。 在同一方向上具有相同灰度值的像素点的数量称为行程长度。根据 P(g,n) 可以定 义以下参数来描述纹理特征。

行程加重法:
$$LRE = \frac{\sum_{g,n} n^2 p(g,n)}{\sum_{g,n} p(g,n)}$$
 (10 13)

灰度值分布:
$$LRE = -\frac{1}{c} \left[\sum_{n} p(g,n) \right]^{2}$$

$$\sum_{g,n} p(g,n)$$
(10-14)

行程炎度分布:
$$LRE = \frac{\sum_{g} \left[\sum_{n} p(g,n) \right]}{\sum_{g,p} p(g,n)}$$
 (10-15)

行程行:
$$LRE = \frac{\sum_{g,n} p(g,n)}{N^2}$$
 (10-16)

式中, N^2 为图像的像素总数。

10.2.3 自相关函数法

物体的纹理常用其粗糙性加以描述。修如, 色相同的外观条件下, 毛织品·般比丝织品 粗糙。 起糖性的程度与局部结构的空间重复周期作有关, 周期人的纹理细, 反之则纹坪粗 糖。 这种感觉上的粗糙虽然不足以定量表示纹理的测度, 但可说明纹理测度的变化趋势, 即 纹理测度小系纹理比较细密, 纹理测度值大表示纹理比较粗糙。

设图像以 f(m,n) 表示,则自相关函数可定义如下:

$$C(\varepsilon, \eta, j, k) = \sum_{m=1}^{j+k} \sum_{w=1}^{j+k} f(m, n) f(m - \varepsilon, n - \eta)$$

$$\sum_{m=1}^{j+k} \sum_{w=1}^{j+k} [f(m, n)]^2$$
(10-17)

$$T(j,k) = \sum_{\varepsilon=-T}^{J} \sum_{\eta=-T}^{J} \varepsilon^{2} \eta^{2} C(\varepsilon,\eta,j,k)$$
 (10-18)

纹理越粗糙,则T(j,k)越大。因此,可以用T(j,k)作为度量纹理粗糙程度的参数之

10.2.4 频谱法

赖谱法即傅里叶频谱法,指依据傅里叶频谱的频率特性来描述周期的或近似周期的.维 图像纹理结构。对于图像而言, .维傅里叶变换如下;

$$F(u,v) = \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} f(x,y)e^{-j2\pi(ux+vy)} dxdy$$
 (10-19)

.维傅里叶变换的功率谱如下:

$$E = |F(u,v)| = FF^*$$
 (10-20)

傅里叶频谱中突起的峰值对应纹理模式的主方向,峰值在频域平面的位置对应模式的基 本周期, 若采用滤波将周期性成分滤除,则剩下的非周期性部分可用统计法描述。

变际应用中, 般将频谱先转换到极坐标系中,如图 10 4 所示,此时傅里叶变换可用 $F(r,\theta)$ 表示,其频谱可用函数 $S(r,\theta)=|F(r,\theta)|^2$ 表示。



图 10-4 纹理和对应的频谱示意图

对每个确定的方向 θ 、 $S(r,\theta)$ 是 个 维函数S(r); 对每个确定的频率r, $S(r,\theta)$ 是 个 维函数 $S(\theta)$ 。对给定的 θ . 分析 S(r)可得到频谱沿原点射出方向的行为特性; 对给定的r, 分析 $S(\theta)$ 可得到频谱在以原点为中心的圆上的行为特性。如果将这些函数积分,则可得到更为全局性的描述。即

$$S(r) = \int_0^{2\pi} [F(r,\theta)]^2 d\theta$$

$$S(\theta) = \int_0^{2\pi} [F(r,\theta)]^2 dr$$
(10 21)

如果是高散图像,则将上述积分分别以求和代替,即可得出相应的公式,即将这些函数 序列分别对 θ 或r求和,同样可得到沿某一角度 θ 方向和半径r方向的全局性的描述,即

$$S(\theta) - \sum_{\theta} |F(r,\theta)|^2 = \sum_{\theta} S(r,\theta)$$

$$S(r) = \sum_{\theta} |F(r,\theta)|^2 = \sum_{\theta} S(r,\theta)$$

$$(10-22)$$

S(r) 和 $S(\theta)$ 构成整个图像或图像区域的纹理频谱能量描述。如果r 较小。S(r) 很大。 成r 很大。S(r) 却较小。见说明是粗糙性纹理结构。反之。如果r 变化对 S(r) 的影响较小,则为细密的纹理结构。在纹理粗糙的情况下,能量多集中在离原点报近的范围内。即图 10 – 4b 中的曲线 A,而对 F 纹理较细的情况下,能量分布在离原点较远的范围内,即图 10 – 4b 中的曲线 B

10.2.5 纹理的句法结构分析法

在纹理的句法结构分析中,将纹理定义为结构基尤按某种规则重复分布所构成的模式。 进行纹理结构分析,需要先描述结构基元的分布规律。因此,一般可进行如下两项 L 作。

- 1) 从输入图像中提取结构基元并描述其特征。
- 2) 描述结构基元的分布规则。具体方法如下:

首先将纹理图像分成许多窗口。即形成子纹理。其中最小的小块就是最基本的子纹理 (即基元)。纹理基元可以是一个像蓄,也可以是 4 个或 9 个短度比较一致的像素集合。纹 理的表达可以甚多层次的,如图 10 5a 所示,它可以从像素或小块纹理 · 层 · 层地向上拼 合。而且,基元的排列可有不同规则,如图 10 5b 所示,第 级纹理排列为 ABA,第 .级 排列为 BAB 等。其中 A、B 代表基元或子纹理。于是戴组成了一个多层的树状结构。可用 树状文法产生一定的纹理,并以句法加以描述。

纹理的树状排列可有多种方法。如图 10-5d 所示、树根安排在中间、树枝向两边伸出、 每个树枝有一定的长度。又如图 10 5c 所示、树根安排在一侧、分枝都向另一侧伸展。

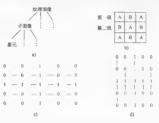


图 10-5 纹理的树状描述及挂列

纹理判别可用以下方法:

首先将纹理图像分成固定尺寸的窗口。用树状文法说明属于同纹理图像的窗口。可以用 树状自动机识别树状。因此,对每一个纹理文法可建立一个"结构保存的误差修正树状自动 机"。该自动机不仅可以接受無个纹理图像中的树,而且能用最小距离判据辨识类似的有噪 **声的树。以后,可以对任意一个分割成窗口的输入图像进行分类。**

联合概率矩阵法

联合概率矩阵法是通过对图像的所有像套进行统计并描述其灰度分布的一种方法。取图 像中任意 ·点(x,y)及偏离它的另一点(x+a,y+b)组成 个点对,设该点对的灰度值为 (g_1,g_2) 。令点(x,y)在所分析的区域内移动,则可得到全部的 (g_1,g_2) 值。若灰度值的级数 为 k,则(g,,g,)共有g²种组合。对于整个区域,统计出每 个(g,g,)债出现的次数,然后 排成 个方阵,再用(g_1,g_2)出现的总数将其归 化为出现的概率 $p(g_1,g_2)$,这样的方阵称 为联合概率矩阵, 又称为灰度共生矩阵或灰度共现矩阵。

图 10.6 为 个简单的例子。图 10-6a 为原始图像, 共有 16 个灰度级, 为使概率矩阵 简单起见,首先将图 10-6a 的灰度级减为 4 级, 变为图 10-6b 的形式。(g,,g,)分戏取值为 0、1、2、3, 故可以将(g₁,g₂)各种组合出现的次数排列起来,可以得到如图 10 6c~e 所 示的联合概率矩阵, 以图 10 6c 中的频数 10 为例, 该数据表示图 10 6b 中灰度值为 (0.1),



共出现 10 次, 其余可以举推。

由此可见, 差分值 (a,b) 取不同的数值, 就可以得到不同情况下的联合概率矩阵。 (a.h) 取值要根据纹理周期分布的特性进行选择,对于较细的纹理,选取(0.1)、(1.1)、 (2.0) 等较小的差分值,即 a、b 取值较小时,对应于变化缓慢的纹理结构,其联合概率矩 阵对角线上的数值较大。若纹理的变化越快,则对角线上的数值就越小,对角线两侧的元素 值却增入。为了能描述纹理的状况,有必要选取能综合反映联合概率矩阵状况的参数,典型 的有如下几种。

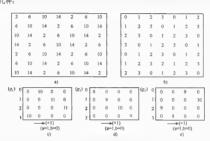


图 10-6 加度基生铝路计管方法

(1) 角:阶矩

角 :阶矩是图像灰度均匀性的一种度量。

$$Q_1 = \sum_{\infty} \sum_{g_n} [p(g_1, g_2)]^2$$
 (10-24)

(2) 惯件矩

惯性矩又称为对比度,可以理解为图像的清晰度,在图像中纹理的纹沟越深,对比度则 越大, 图像的视觉效果越清晰。

$$Q_2 : \sum_{k} k^2 \left[\sum_{g_1} \sum_{g_2} p(g_1, g_2) \right]$$
 (10.25)

式中, $k = g_1 - g_2$ 。

(10-26)(3) 相关性

相关性用于衡量灰度共生矩阵的元素在行或列方向上的相似程序。

$$Q_{3} = \frac{\sum_{S_{1}} \sum_{S_{2}} g_{1}g_{2}p(g_{1}, g_{2}) - \mu_{x}\mu_{y}}{\sigma_{x}\sigma_{y}}$$
(10-27)

$$\begin{cases} \mu_r = \sum_{g_1} g_1 \sum_{g_2} p(g_1, g_2) \\ \mu_p = \sum_{g_2} g_2 \sum_{g_1} p(g_1, g_2) \end{cases} \begin{cases} \sigma_r^2 - \sum_{g_1} (g_1 - \mu_r)^2 \sum_{g_2} p(g_1, g_2) \\ \sigma_p^2 = \sum_{g_1} (g_2 - \mu_p)^2 \sum_{g_2} p(g_1, g_2) \end{cases}$$
(10 28)

(4) 協

繼長图像具有的信息量的 · 种度量, 纹理信息也是图像的信息, 若 · 崛数字图像没有纹 理,则灰度共生矩阵接近为零矩阵。

$$Q_4 = -\sum_{g_1} \sum_{g_2} p(g_1, g_2) \lg p(g_1, g_2)$$
 (10.29)

尽管O、O、O、O、C、代表的图像特征并不是很直观,但它们是描述纹理特征非常有 效的参数。

10.3 形状描述

10.3.1 链码

1 链码简介

链码(Chain Code)在图像处理和模式识别中是常用的一种表示方法。它最初是由 Freemam 于 1961 年提出来的。用来表示线条模式、至今它仍被广泛使用。根据链的斜率不同。 常用的有 4 方向和 8 方向钵码, 其方向定义分别如图 10 7a 和图 10 7b 所示。在 4 方向钵码 中, 4 个方向码的长度都是一个像素单位, 在 8 方向铸码中, 水平和垂直方向的方向码的长 度都是一个像素单位。而对角线方向的 4 个方向码为像素单位的、5 倍。因此。它们的共同 特点是直线段的长度固定,方向数有限,故可以利用 系列具有这些特点的相连的直线段来 表示目标的边界,这样具有边界的起点需要用绝对曼林表示,基金占都可具用接续方向来代 表偏移量。由于表示一个方向数比表示一个坐标信所需此特数少,而且对每一个点又只需要 ·个方向数就可以代替两个坐标值。因此, 链码表达可大大减少边界表示所需的数据量, 所 以常用铁码来作为对边界占的一种编码表示方法。



图 10-7 链码值与方向的对应关系

从在物体边界上任意洗取的某个起始点坐标开始,跟踪边界并赋给每两个相邻像素的连 线 - 个方向值,最后按照逆时针方向沿着边界将这些方向码连接起来,就可以得到链码。因 世、锌码的起始位置和锌码完整地包含了目标的形状和位置信息。

例如,在如图 10.8 所示的以 a 为起点、以箭头为走向的闭合边界(小圆点处表示各像紊点)中,其 8 方向链码为 001711222433445676656。



图 10-8 以 a 为起点,以箭头为走向的闭合边界

使用链码时,起点的选择是很关键的。对同 个边界,如用不同的边界点作为链码的起点,得到的链码是不同的。为解决这个问题可把链码到一亿,具体做法功。给定 个从任意点开始产生的链码,把它看做 个田各方向数构成的自然数。首先,将这样转换后所对应的链码起点。作为这个边界的由一化链码的起点。

2. 链码的旋转不变性

用键码表示给定目标的边界时,如果目标平移、键码不会发生变化,而如果目标被 别键码会发生变化。为解决这个问题,可利用链码的 "防差分来重新构造 一个表生 旅键码各设之间方向变化的新序列。这相当于把链码进行旋转引 "化。差分可用相忽的 两个方向数按反方向相减(后一个减去前一个)得到,如图 10 9 所示。上面 一行为原链 码、括号中为最右面的方向数循环到左边)。下面 一行为上面一行的数两两相减得到的差 分码。左边的目标在逆时针旋转 90°后成为右边的形状,可见,原链码发生了变化,但差 分码并没有变化。

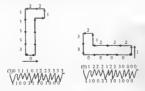


图 10-9 链码旋转归 化

10.3.2 傅里叶描述子

对边界的离散傅里叶变换表达可以作为定量描述边界形状的基础。采用傅里叶描述的…

个优点是将 维问题简化为 维问题,即将xx平面中的曲线段转化为一维函数 f(r)(4 r=f(r) 平面上), 也可溶 xx 平面中的曲线段转化为复平面上的 个序列。具体就是将 xx 平 而与复平而 wy 重合、其中、实部 w 轴与 x 轴重合、虚部 v 轴与 v 重合、这样可用复数 w+iv 的形式来表示给定边界上的每个点(x,v)。这两种表示在本质上是一致的,是点与点对应 的, 加图 10-10 所示。



图 10-10 边界点的两种表示方法

对于xv平面上一个由 K 个点组成的边界来说,任意选取 个起始点(xo, vo) 然后沿着 顺时针方向绕行 ·周,可以得到 ·个点序列: $(x_0,y_0),(x_1,y_1), (x_{k-1},y_{k-1})$ 。如果记 $x(k) = x_{i,j}v(k) = v_{i,j}$,并把它们用复数形式表示。则得到一个坐标序列:

$$s(k) = x(k) + iy(k)$$
 $(k = 0, 1, \dots, K - 1)$ (10-30)

s(k)的惠散傅里叶变换为

$$S(u) = \sum_{k=0}^{K-1} s(k) e^{-j2\pi nk/K} \qquad (u = 0, 1, \dots, K-1)$$
 (10.31)

式中,傅里叶系数S(u) 可称为边界的傅里叶描述了,它的傅里叶逆变换为

$$s(k) = \frac{1}{k} \sum_{k=0}^{K-1} S(u)e^{j2\pi nk^2/K}$$
 $(k = 0, 1, \dots, K-1)$ (10-32)

由于哪里叶变换的高频分量对应一些细节,而低频分量对应基本形状。因此只利用 S(u) 的前 M 个系数来重构原来的图像,从而可以得到对s(k)的 个近似而不改变其基本形 状. 即

$$\hat{s}(k) = \frac{1}{M} \sum_{u=0}^{M-1} S(u) e^{j2\pi u k / K} \qquad (k = 0, 1, \dots, K-1)$$
 (10-33)

10.3.3 形状特征的描述

1. 长轴和短轴

当物体的边界已知时,用其外接矩形的尺寸来刻画它的基本形状是最简单的方法,如 图 10-11a 所示,求物体在坐标轴方向上的外接矩形,只需计算物体边界点的最大坐标值和 最小學标值,就可得到物体的水平跨度和垂直跨度。但是,对任意朝向的物体,水平和垂直 不 定是我们感兴趣的方向,这时,就有必要确定物体的主轴,然后计算反映物体形状特征 的主轴方向上的长度和与其垂直方向上的宽度。这样的外接矩形是物体的最小外接矩形 (Minimum External Rectangle, MER), 如图 10 11b 所示。



图 10-11 MFR 法求物体的长轴和铅轴

a) 學标系方向上的外接矩形 b) 旋转物体使外接矩形最小

2. 矩形度

图像区域面积 4. 与其最小外接矩形的面积 4.co. 之比即为矩形度:

$$R = \frac{A_0}{A_{\text{eff}}}$$
 (10-34)

矩形度反映区域对其最小外接矩形的充满程度, 当区域为矩形时, 矩形度 R=1.0; 当区域为圆形时, $R=\pi$, 4; 对于边界弯曲、呈不规则分布的区域, 0 < R < 1。

3. 长宽比

长宽比 r 是将细长目标与近似矩形或圆形目标进行区分时,采用的形状度量。长宽比 r 为最小外接矩形的宽与长的比值,定义式如下:

$$= \frac{W_{\text{MER}}}{I_{\text{app}}}$$
 (10-35)

4. 圆形度

圆形度用来刻画物体边界的复杂程度,有4种圆形度测度。

(1) 致密度 C

致密度又称为复杂度、 也称为分散度、 其定义为区域用长 (P) 的平方与面积 (A) 的比。

$$C = \frac{P^2}{4}$$
 (10-36)

致密度描述了区域单位面积的周长大小。致密度大、表明单位面积的周长大,即区域离 乾,为复杂形状。反之,致密度小,为简单形状。当阳像区域为圆时,C有最小值4x;图 像为其他任何形状的图像区域时,C>4x,且形状越复杂。C值越大。例如,不管面积多 本,近方形区域致率度C16。正:值形区域资率度C12.55。

(2) 边界能量 E

假定物体的陶长为 P,用变量 P 表示边界上的点到某一起始点的距离。边界上任意一点 都有一个瞬时曲率半径r(p),它是该点与边界相切圆的半径,如图 10—12 所r。p 点的曲率 函数为

$$K(p) = \frac{1}{r(p)}$$
 (10–37)

函数K(p)是周期为P的周期函数。

定义单位边界长度的平均能量:

$$E = \frac{1}{P} \int_{0}^{p} |K(p)^{2}| dp \qquad (10.38)$$

在面积相同的条件下,圆具有最小边界能量 $E_0 = (2\pi/P)^2 = (1/R)^2$,其中 R 为圆的半径。边界能量更符合人感觉上对边界复杂性的理解。

(3) 圆形性

圆形性 (Circularity) C 是一个用区域 R 的所有边界点定义的特征量,即

$$C = \frac{\mu_R}{s} \tag{10-39}$$

式中, μ_R 为区域重心到边界点的平均距离; δ_R 为区域重心到边界点的距离方均差。两者的 值分别为

$$\mu_R = \frac{1}{K} \sum_{k=0}^{K-1} |(x_k, y_k) - (\overline{x}, \overline{y})|$$
 (10-40)

$$\delta_{R} = \frac{1}{K} \sum_{k=1}^{K-1} \left[\left| (x_{k}, y_{k}) - (\overline{x}, \overline{y}) \right| - \mu_{R} \right]^{2}$$
(10-41)

当区域 R 趋向圆形时,特征量 C 是单调递增且趋向无穷的,它不受区域平移、旋转和尺度变化的影响,可以推广用于描述一维目标。

(4) 而积与平均距离平方的比值

图形度的第4个指标利用了边界上的点到物体内部某点的平均距离d,即

$$\overline{d} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} x_i \qquad (10-42)$$

式中,x, 为具有N个点的物体中的第i个点到与其最近的边界点的距离。

相应的形状度量为

$$g = \frac{A}{d^2} = \frac{N^3}{\left(\sum_{i=1}^{N} x_i\right)}$$
 (10-43)

5. 球状性

球状性 (Sphericity) S 既可以描述 维目标也可以描述 维目标, 其定义为

$$S = \frac{r_i}{r_c} \tag{10-44}$$

在:维情况下, r, 代表区域内切圆的半径, 而 r, 代表区域外接圆的半径, 两个圆的圆心都在区域的重心上, 如图 10-13 所示。



图 10-12 曲率半径



图 10-13 球状性定义示意图

MATLAB 数字图像处理

当区或为则时,球状性的值 S 达到最大值 1.0; 而当区域为其他形状时,则有 S<1.0。 S 不受区域平移、旋转和尺度变化的影响。

形状描述的 MATLAB 实现 1,程序代码如下:

%计算经过膨胀运算后图像向积的改变

BW=imread('circbw.tif').

subplot(1,2,1),unshow(BW),

%图像的膨胀

SE=ones(5),

BW i imdilate(BW,SF),

subplot(1,2,2),imshow(BW1),

zengjia@(bwarea(BW1)-bwarea(BW))/bwarea(BW)

运行结果如下:

zengjia = 0 3456

原始图像及膨胀后的图像如图 10 14 所示。





图 10-14 图像由积改变的应用 a) 原始图像 b) 膨胀后的图像

形状描述的 MATLAB 实现 2,程序代码如下:

%求矩阵 4 的面积和质心學标

A=[0 1 1 1 0 1 1 0;

0 1 1 1 1 1 1 0;

01110000.

11111100;

11111000,

01111110.

regionprops(A,'Area)

regionprops(A,'Centroid')

程序运行结果如下:



区域描述 10.4

Centroid: [4.2500 4.5909]

对一幅灰度图像或者彩色图像运用图像分割的方法进行处理。把其中感兴趣的像者分离 出来作为目标像素,取值为 1, 而把不感兴趣的其余部分作为背景像素,取值为 0, 就可以 得到一幅「值图像。在理想情况下,希望该」值图像中的两个值准确协代表目标及背景。但 实际中,往往所检测到的目标中还有若干个"假目标"出现,还有可能提取的是多个目标。 因此,就需要对一值图像进行处理,实现对目标的分析。二值图像包含目标的位置、形状、 结构等很多重要的信息,是图像分析和目标识别的依据。本节将围绕,值图像处理的方法进 行阐述。

100 年 1 几何特征

1. 像素与领域

「 值图像中的像素值不是 1, 就是 0。其中 1 表示目标的值, 0 表示背景的值。 f(x,y)表示位于图像陈列中第 x 行、第 v 列的像素的值。 幅 m x n 的图像具有 m 行和 n 列、行的 标号从 0 到 m-1, 列的编号从 0 到 n 1。这样, f(0,0) 表示图像左上角的像素值, f(m-1,n-1) 表示图像右下角的像素值。

在许多算法中,当对某个像素进行运算时,不仅要用到该像素的值,也要用到它邻近像 素的值。关于领域的定义,最常见的有两种,即 4-领域(4-neighbor)和 8-领域(8neighbor)。图 10-15 为像素(r. v)的 4-领域和 8-领域示意图。

	(x-1,y)		(x-1,y-1)	(x-1,y)	(x-1,y+1)	
(x,y-1)	(x,y)	(x,y+1)	(x,y-1)	(z,y)	(x,y+1)	
(x+1,y)			(x+1,y)	(x+1.y)	(x+1,y+1)	
9)			b)			

图 10-15 像素(x,v)的 4-領域和 8-領域示意图

8) 4-領域 的名物域

2 区域面积

. 值图像中目标物的面积 A 就是目标物所占像素点的数目,即区域的边界内包含的像素点数。目标物面积 A 的计算公式如下:

$$A = \sum_{x=0}^{m-1} \sum_{y=0}^{n-1} f(x, y)$$
 (10-45)

对:值图像而言,名用 1 表示目标,用 0 表示背景,其面积就是统计 f(x,y) =1 的个数。

3. 位置

由于日标在图像中总有一定的面积大小,因此有必要定义目标在图像中的精确位置。目标的位置有形心、质心之分,形心为目标形状的中心,质心为目标质量的中心。

对 $m \times n$ 大小的目标, 其灰度值为f(x,y), 质心($\overline{X},\overline{Y}$)为

$$\overline{X} - \frac{1}{mn} \sum_{r=0}^{m-1} \sum_{s=0}^{n-r} x f(x, y), \overline{Y} = \frac{1}{mn} \sum_{r=0}^{m-1} \sum_{s=0}^{n-1} y f(x, y)$$
(10-46)

形心为

$$\overline{x} = \frac{1}{mn} \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{m-1} x_{ij} \overline{y} = \frac{1}{mn} \sum_{j=1}^{n-1} \sum_{j=1}^{m-1} y_{j}$$
 (10 47)

4. 区域图长

数字图像子集 S 周长的定义有不同概念,通常用下面三种定义来近似:

- ① 若将图像中每个像素都看做是单位面积的小方格,则区域和背景都由方格组成,区域的周长可以定义成区域和背景交界线(接缝)的长度。
 - ② 将像素看做一个个的点,则区域周长可以定义为区域边界 8 方向链码的长度。
 - ③ 区域周长用边界所占面积表示。也即边界占数和。

5. 方向

计算物体的方向比计算它的位置稍微复杂 点。某些形状(如圆)的方向不是唯一的, 为了定义唯一的方向,一般假定物体是长形的,其长轴方向被定义为物体的方向。

图像中物体的 阶矩轴是这样 · 条线,物体上的全部点到该线的距离的平方和最小。给 出 幅 值图像 f(x,y), 计算物体点到直线的最小 · 乘方拟合,使所有物体点到直线的距 高的平方和最小,即

$$x^{2} = \sum_{i=0}^{m-1} \sum_{j=0}^{n-1} r_{x_{j}}^{2} f(x_{j}y)$$
 (10-48)

式中, r_{vv} 是物体点(x,y)到直线的距离。

6. 距离

图像中两点 P(x,y) 和 Q(u,v) 之间的距离是重要的几何特性,常用以下 3 种方法测量:

1) 欧几甲德距离 (Euclidean)。

$$d_e(P,Q) = \sqrt{(x-u)^2 + (y-v)^2}$$
(10-49)

2) 4-领域距离 (City-block 城区距离)。

$$d_4(P,Q) = |x-u| + |y-v|$$
 (10-50)

3) 8-领域距离 (Chessboard 棋盘距离)。

$$d_g(P,Q) = \max(|x \ u| + |y - v|)$$
 (10.51)

10.4.2 不变矩

由于图像区域的某些矩对于平移、旋转、尺度等几何变换具有一些不变的特性,因此。 矩的表示方法在物体分类与识别方面具有重要的意义。

1. 矩的定义

对于 "维连续函数 f(x,y) , (j+k) 阶矩定义为

$$m_{jk} = \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} x^j y^k f(x, y) dxdy$$
 $j, k = 0, 1, 2, , j, k \rightarrow 2$ (10.52)

由于 i 和 k 可取所有的非负整数值,因此,形成了 个矩的无限集。而且,这个集合完 全可以确定函数 f(x,y) 本身。也就是说集合 $\{m_a\}$ 对于函数 f(x,y) 是唯一的,也只有 f(x, v) 才具有这种特定的铅集。

为了描述物体的形状,假设 f(x,v) 的目标物体取值为 1, 背景为 0, 即函数只反映了物 体的形状而忽略其内部的灰度级细节。

参数 j+k 称为矩的阶。零阶矩是物体的面积,即

$$m_{00} = \int_{-\infty}^{+\infty} f(x, y) dxdy$$
 (10–53)

当f-1, k=0 时, m_0 对 值图像来讲就是物体上所有点的 x 坐标的总和。同理, m_c 就 是物体上所有点的 y 坐标的总和,令

$$\overline{x} = \frac{m_{10}}{m_{00}} \quad \overline{y} = \frac{m_{01}}{m_{00}}$$
 (10-54)

则(x, v)就是 值图像中 · 个物体的质心的學标

中心矩定义为

$$\mu_{jk} = \int_{-\pi}^{+\infty} \int_{-\pi}^{+\infty} (x - \overline{x})^j (y - \overline{y})^k f(x, y) dxdy \qquad (10-55)$$

如果 f(x,y) 是数字图像,由式 (10 55) 变为

$$\mu_{jk} = \sum \sum (x - \overline{x})^j (y - \overline{y})^k f(x, y)$$
 (10-56)

2. 不变矩

定义归一化的中心矩为

$$\mu_{jk} = \frac{\mu_{jk}}{(\mu_{00})^7}, \quad \gamma = \left(\frac{j+k}{2}+1\right)$$
(10-57)

利用门 化的中心矩, 可以获得对平移、缩放、镜像和旋转都不敏感的 7 个不变矩, 定 义如下:

$$\varphi_1 = \eta_{20} + \eta_{02}$$
 (10-58)

$$\varphi_2 = (\eta_{20} + \eta_{02})^2 + 4\eta_{11}^2 \tag{10-59}$$

$$\varphi_3 = (\eta_{30} + 3\eta_{12})^2 + (3\eta_{21} - \eta_{03})^2$$
 (10-60)

$$\varphi_4 = (\eta_{30} + \eta_{12})^2 + (\eta_{21} + \eta_{03})^2$$
 (10-61)

$$\varphi_5 = (\eta_{30} - 3\eta_{12})(\eta_{21} + \eta_{03})[(\eta_{30} + \eta_{12})^2 - 3(\eta_{21} + \eta_{03})^2] +$$

$$(3\eta_{21} - \eta_{03})(\eta_{21} + \eta_{01})[3(\eta_{30} + \eta_{12})^2 - (\eta_{21} + \eta_{03})^2]$$

$$\varphi_6 - (\eta_{23} - \eta_{02})[(\eta_{20} + \eta_{12})^2 - (\eta_{21} + \eta_{03})^2] + 4\eta_{11}^2(\eta_{20} + \eta_{12})(\eta_{21} + \eta_{03})$$

$$\varphi_7 - (3\eta_{12} - \eta_{30})(\eta_{30} + \eta_{11})[(\eta_{30} + \eta_{12})^2 - 3\eta_{21} + \eta_{03})^2] +$$

$$(3\eta_{11} - \eta_{30})(\eta_{11} + \eta_{31})[3(\eta_{20} + \eta_{12})^2 - (\eta_{21} - \eta_{30})^2]$$

$$(10 63)$$

下面为对一幅图像,分别对其进行逆时针旋转 5°、垂直镜像、尺度缩小为原始图像的一半,分别采出原始图像 及按归的各个图像的七阶矩,可以得出这 7 个矩的值对于旋转、镜

像及尺度夸换不敏感,程序代码如下: clear all I=imread('pout.tif'): [1=[: mshow(11): 12=imrotate(L5.'bilinear'); figure,imshow(12), 13 fliplr(1), figure, imshow(13) I4=imresize(I,0.5,'bilinear'), figure,imshow(I4); display('原始图像'); ginieru(11). dispaly('旋转变化') anteru(I2) dispaly('镜像变化') omenu(I3): dispaly('尺度变化') grirem(14) %或七阶矩函数 function ailieiu(IO) A=double(I0), [nc,nr]=size(A), [x,y]: meshgrid(1:nr,1:nc), x x(·); v v(); A A(*). m00: sum(A); ıf m00-0 m00=eps. m10=sum(x,*A), m01=sum(v.*A); xmean: m10/m00, yean=m01/m00; cm00=m00: cm02=(sum((y-ymean).^2.*A))/(m00^2); cm03 *(sum((y-ymean),^3.*A))/(m00^2 5); cm11 (sum((x-vmean),*(y-vmean),*A))/(m00^2)cm12 (sum((x-ymean) *(y-ymean).^2.*A))/(m00^2.5), cm20=(sum((x-xmean) ^2 *A))/(m00^2)

cm21=(sum((x-xmean) ^2.*(y-ymean) *A))/(m00^2.5), cm30=(sum((x-xmean) ^3.*A))/(m00^2 5),

iu(1)=em20+em02

ju(2)=(cm20-cm02)^2+4*cm11^2,

ju(3)=(cm30-3*cm12)^2+(3*cm21-cm03)^2.

ju(4)=(cm30+cm12)^2(cm21+cm03)^2.

ju(5)=(cm30-3*cm12)*(cm30+cm12)*((cm30+cm12)^2-3*(cm21+cm03)^2)+(3*cm21-

cm03)*(cm21+cm03)*(3*(cm30+cm12)^2-(cm21+cm03)^2).

Iu(6)=(cm20-cm02)*((cm30+cm12)^2-(cm21+cm03)^2)+4*cm11*(cm30+cm12)*(cm21+cm03) ju(7)=(3*em21-cm03)*(cm30+cm12)*((cm30+cm12)^2-3*(cm21+cm03)^2)+(3*cm12 cm30)*(cm21+cm03)*(3*(cm30+cm12)^2-2(cm21+cm03)^2).

qijieju abs(log(ju))

程序运行结果如下。

原始图像

quieiu = 6.5235 16.3199 25.7319 24.5010 50.4446 32.6666 49 8227 旋转变化

aiilelu = 6.5235 16 3198 25.7314 24.5009 50,4437 32.6664 49 8224

错像变化

gijieju 6.5235 16.3199 25 7319 24 5010 50 4446 32,6666 49,8227

尺度变化

gijieju = 6.5239 16.3550 25.7595 24.4960 50.4555 32,6799 49.8278

原始图像及变化后的图像如图 10 16 所示。









图 10-16 不变矩应用举例

g) 版始開像 b) 提时针装转 5°后的图像 c) 垂直镀像后的图像 d) 尺度缩小的图像

10.5 形态分析

数学形态学 (Mathematics Morphology) 形成于 1964 年, 法国巴黎矿业学院马瑟侯 (G. Matheron) 和他的学生赛拉 (J. Serra) 在从事铁矿 核的定量岩石学分析中提出了该理论。数学形态学是在集合代数的基础上通过物体和结构工素相互作用的某些运算得到物体更本质的形态 (Shape) 的,是用集合论方法定量描述目标几何结构的学科,其基本思想和方法对图像处理的理论和技术产生了重大的影响,已成为数学图像处理的 个主要研究领域,在文学识别、显微图像分析、医学图像、工业检测、机器人视觉等方面都有继成功的应用。

用數學形态学处理 值图像时,要设计一种搜集图像信息的"操针",称为结构元素。结构元素通常是一些小的简单集合。如图形、上方形等的集合。如图 10-17 所示,观察者在图像中不断地移动结构元素。看是否能将这个结构元素很好地填放在图像的内部,同时验证填放结构元素的方法是否有效,并对图像内适合放入结构元素的位置做标记,从而得到关于图像结构的信息。这些信息与结构元素的万六和形状都有关。构造不同的结构元素(如方形或侧形结构元素),便可完成不同的图像分析,从而得到不同的分析结果。

用形态学的方法处理和分析图像即是对物体或目标的形态分析,本节主要介绍 值形态分析,方法中最基本的几种运算。即腐蚀、膨胀以及由它们组合得到的开闭运算和边界检测管注。

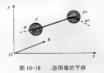
1. 腐蚀

将 个集合
$$A$$
 平移距离 b ,可以表示为 $A+b$,其定义为 $A+b=\{a+b \mid a\in A\}$

(10-65)

图 10 18 说明 「集合平移的过程,从几何上看, A+b表示 A 沿矢量b 平移了 ·段距 京、黎渝的目的、龄是要标识出图像内部驱此可以溶结构元素填入的(平移)位置。





集合 A 被 B 腐蚀,表示为 A O B,其定义为

(10-66)

式中, A 为输入图像: B 为结构元素。

 $A\Theta B$ 由将 B 平移 b 仍包含在 A 内的所有点 b 组成。如果将 B 看做模板,那么 $A\Theta B$ 则由在模板平移的过程中,所有可以填入 A 内部的模板的原点组成,如图 10 -19 所示。

 $A \Theta B = \{a : B + a \subset A\}$

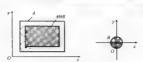


图 10-19 腐蚀类似于的缩

从图 10-19 中可以看出魔蚀县表示用某种"探针"(即结构元素)对 个图像进行探 测,以便找出图像内部可以放下该结构元素的区域。它是一种消除边界点,使边界向内部收 缩的过程。可以用来消除小且无意义的物体。一般而言。如果原点在结构元素的内部,则腐 蚀后的图像为输入图像的子隼、如果原点不在结构元素的内部、则腐蚀后的图像可能不在输 入图像的内部, 但输出形状不变, 如图 10 20 所示。

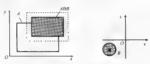


图 10-20 腐蚀不是输入图像的子图像

如用 0 代表背景, 1 代表目标, 设数字图像 S 和结构元素 E 为

$$S = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 0 & 1 \\ 0_{\triangle} & 1 & 1 & 1 & 0 \end{pmatrix} \qquad E = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 1 \\ \vdots & \ddots & \ddots & \ddots \end{pmatrix}$$

一角形"A"代表學标原点。则用 E 对 S 腐蚀的结果为

$$S\Theta E = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0_{\wedge} & 0 & 1 & 1 & 0 \end{pmatrix}$$

2. 膨胀

设有 ·幅图像 A, 将 A 中所有元素相对原点转 180° , 即令 (x_0, y_0) 变成 $(-x_0, -y_0)$, 所得 到的新集合称为A的对称集,记为-A,如图 10 21 所示。



图 10-21 相对原点转 180°

以 A' 表示集合 A 的补集。 B 表示 B 关于坚标原点的反射 (对称集)。那么,集合 A 被 B 膨胀、表示为 A \oplus B ,其定义为

$$A \oplus B = [A^C \Theta(-B)]^C \tag{10-67}$$

为了利用结构元素 B 膨胀集合 A, 可将 B 相对原点旋转 180° , 得到-B, 再利用 -B 对 A 进行腐蚀,腐蚀结果的补集就是所求的结果,如图 10-22 所示。



图 10-22 利用阅盘膨胀

以下程序示例说明了如何对图像 eight 进行腐蚀和膨胀操作,程序代码如下:

%创建结构元素

SE=strel('rectangle',[40 30]);

I imread('eight tif');

figure(1),mshow(1);

%使用结构元素腐蚀图像

f2=imerode(LSE);

figure(2).imshow(12)

%恢复矩形为原有太小。使用相同的结构元素对解使过的图像进行膨胀

13=imdilate(12.SE)

figure(3),imshow(I3)

执行程序代码后,效果如图 10-23 所示。

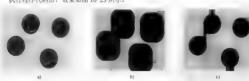


图 10-23 膨胀、腐蚀综合操作的显示效果

a) 原始開像 b) 腐蚀图像 c) 游账图像

膨胀的等效方程: 膨胀还可以通过相对结构元素的所有点平移输入图像, 然后计算并集 得到。可用如下表达式描述:

 $A \oplus B = \bigcup \{A + b \mid b \in B\} \tag{10-68}$

式(10 68)也称为明夫斯基和形式。图 10 24 是用式(10 68)膨胀的示意图,

图 10 24a 为输入图像。图 10 24b 为结构元素。将输入图像相对于结构元素内的 3 个点进行平移, 并将 3 个平移图像叠加, 最后的输出图像如图 10 24c 所示。图 10 24c 中 3 种不同外根标出的点对应了输入图像的 3 次平移。

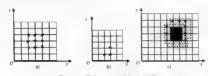


图 10-24 用式 (10-68) 膨胀的示意图

a) 输入图像 b) 结构元素 c) 膨胀结果

3. 开运算

假定 A 仍为输入图像,B 为结构元素、利用 B 对 A 作开运算,用 $A \circ B$ 表示,其定义为 $A \circ B = (A \ominus B) \oplus B$ (10.69)

所以, 开运算实际上是 A 先被 B 奪饱, 然后再被 B 膨胀的结果、开运算通常用来消除小 对象物、在纤铜点处分离物体、平滑较大物体边界的问时并不明显改变其面积。图 10 25 是用 圆盘对矩形进行开运算的例子。

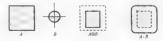


图 10-25 用圆盘对输入图像开运算的结果

从图 10 25 可以看到, 开运算具有两个显著的作用:①利用圆盘可以磨光矩形内边缘,即可以使图像的尖角转化为背景。②用 A A B 可以得到图像的尖角,因此圆盘的圆化作用可以起到低值通滤率的作用。

开运算在粘连目标的分离及背景噪声(椒盐噪声)的去除方面有较好的效果。

4. 闭运算

闭运算是开运算的对偶运算。定义为先进行膨胀然后再进行腐蚀。利用 B 对 A 进行闭运算,用 $A \cdot B$ 表示,其定义为

$$A \cdot B = [A \oplus (-B)]\Theta(-B) \tag{10-70}$$

即用-B对 A 进行膨胀,将其结果再用-B进行腐蚀。闭运算通常用来填充目标内细 小孔剥、连接断开的邻近目标、半滑其边界的同时并不明显改变其面积。图 10-26 描述 7 闭运算的过程及结果。显然,用闭运算对图形的外部进行滤波,仅仅磨光了凸向图像 内部的边角。

闭运算在去除图像前景噪声(砂眼噪声)方面有较好的应用。

MATLAB 数字图像处理

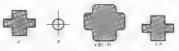


图 10 26 利用圆盘对输入图像进行闭运算

以下是利用 MATLAB 实现 值图像开运算和闭运算的程序代码。

clear all.

bw0=imread('F- image\a.bmp')

figure(1),imshow(bw0)

% 夺为阈值取为 0.7 的 值图像

bw1 im2bw(bw0,07). figure(2),imshow(bw1),

s=ones(3); bw2=imopen(bw1.s);

figure(3), mshow(bw2),

bw3=mclose(bw1.s).

figure(4), imshow(bw3);

s1=strel('disk',2);

bw4=imopen(bw1,s1);

figure(5), imshow(bw4).

bw5 imclose(bw1,s1); figure(6),(mshow(bw5)

程序执行后,结果如图 10-27 所示。图 10-27c 是用三阶单位矩阵的结构元素进行腐蚀的结 果,图 10-27d是用一阶单位矩阵的结构元素进行膨胀的结果,图 10-27e是用半径为 2 的平坦 圆盘结构元素进行腐蚀的结果。图 10-27f 甚用半径为 2 的平坦周盘结构进行膨胀的结果



图 10-27 . 值别像的腐蚀与膨胀

a) 脉始图像 b) 值化图像 c) 腐蚀厂的图像 1 d) 膨胀 6.的图像 c) 腐蚀后的图像 2 f) 贴账厂的图像 2

5. 边界检测

利用圆盘结构 元素进行膨胀会使图像扩大,进行腐蚀会使剧像缩小,这两种运筑都可以 用来检测三值图像的边界。对于图像 A 和圆盘 B, 图 10-28 给出了一种求取。值边界的方 法:内边界、外边界和跨骑在实际边缘上的边界。其中跨骑在实际边缘上的边界又称为形态 学梯度。图 10 29 是用腐蚀和膨胀方法得到的实际 值图像的边界实例。



图 10-28 用腐蚀和膨胀运算得出的 [种图像边界

下面为边界提取的具体代码,效果如图 10-29 所示。





图 10-29 边界提取示例

a) 原始图像 b) 应界提取效象

I imread('circbw tif'),

ımshow(I),

I2=bwperim(I,8): % 获取区域的边界

figure.imshow(I2)

以上腐蚀、膨胀、开闭运算以及边界检测等都是 值形态分析处理方法中的基本运 算,其他方法如细化、骨架算法等也都是比较常用的"值形态分析处理方法,而且这些 質法还可以推广到一般的灰度图像处理上,限于篇幅,在此不再详细讨论,感兴趣的读 者可以参阅相关资料。

区域、对象及特性度量

连通区域标记

在 MATLAB 7 0 图像处理 L 具箱中提供 了专门的 bwlabel()函数,可以对 值图像的连接

MATLAB 数字图像处理

部分进行45元。它 1 要灯 值高像中各个分离部分进行标记。用户指定输入图像和特定的边 缘约定类别,bwlabel()或数将返回与输入图像大小相同的数据矩阵,这样就可以利用数据矩阵各元素的不同整数值来区分图像中的不同物体。

假设有'值图像如下:

BW								
	0	0	0	0	0	0	0	0
	0	1	1	0	0	1	1	1
	0	1	1	0	0	0	1	3
	0	1	1	0	0	0	0	0
	0	0	0	1	1	0	0	0
	0	0	0	1	1	0	0	0
	0	0	0	1	1	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0
. ER 61	d bande	halo &	Mr [2]	はませいない	4 5548	"京绅士	.1	

間用 bwlabel()函数,同时指定 4-線域连接方式。 X bwlabel(BW.4)

X bwlabel(BW,4

Ω n n 1 0 0 3 n n ī 1 n n n 0 n Ω n n n 2 ß n n G. 0 0 0

存 X 中, 1 代表第 1 个对象: 2 代表第 2 个对象: 3 代表第 3 个对象。如果采用 8-领域 直接方式, 则, 4-领域中的对象 1 和对象 2 将合并为 个对象。这样就只能得到两个对象。

田上 bw.label()承敬的输; 矩阵小是 值图像, 而是 double 类型的矩阵, 因此可以用索 引色褐橡的梳式显示线输出矩阵。在显示时, 当先将各几素加 1, 使各个像素值处于索引色 防像存效的像素值是即中。 这样, 或可以将每个物体显示为不同的颜色, 很容易将各个物体 区分开来。例如, 执行以下程序代码, 显示结果如图 10-30 所示。





图 10 30 将图像生不同的物体表示为不同的颜色 a) 单知图像 b) 显示效果图像



BW1=imread('text png'); figure.imshow(BW1).

X=bwlabel(BW1,4),

RGB label2rgb(X,@iet,'k'). figure, imshow(RGB+1, 'notruesize')

10.6.2 选择对象

在 值图像中,所谓对象就是指像素值为 1, 且连接在 起的所有像素的集合。当只需 要图像中特定的对象时,可使用对象操作选择想要的对象。在 MATLAB 7.0 函像处理 1 具箱 中提供了专门的 bwselect()函数、用于在 值图像中选择特定的对象。在进行对象选择付。 首先需要指定一些像素, 然后 bwselect() 函数才会返回包含指定像素的 值图像对象。

利用 bwselect()函数,可以实现某些特征提取,如提取文本图像中的某些字符对象。以 下程序代码就是对如图 10 31a 所示的 进制文本图像提取其中的某些字符,其操作结果如 图 10 315 所示。





图 10 31 提取文本图像中字母的操作

a) 原始图像 b) 选择显示字母图像

BW1 =imread('text pne'). figure.imshow(BW1). c=[10 16 54]. r=[15 107 117], %r、c 指定了图像中丁字符 BW2 bwselect(BW1...r.4). figure, imshow(BW2)

图像面积

在进行图像处理时,有时会希望获取图像中改变某些特件的信息。例如、在进行膨胀操 作时,我们希望知道有多少像素的值1.0 变为1,或者想知道名像中对象的数目是否改变。 对此可用 bwarea()函数和 bweuler()函数对图像特征进行提取操作。下面分别介绍。

在 MATLAB 7.0 图像处理 [具箱中提供了专] 的 bwarea()函数, 可以用来获得 值图像 的面积。这甲的向积可以简单理解为各像前景中像素值为1的像素数量。



MATLAB 数字图像处理

当然,bwarea()函数并非简单地计算像素值为 1 的像数数目,它还对不同的像素赋予不同的权值,以补偿由于用离散图像表示选续图像所引起的误差。例如, 条 50 点底的对角 线要比 50 点长的水平线长。正是这个原因,bwarea()函数对 50 点长的水平线返回的面积为 50,而对 50 点长的对角线接回的面积则是 62.5。

以下程序代码示例将计算电路图 (circbwtif) 经过膨胀运算后图像面积的改变量,如 图 10 32 所示, 图 10 32a 为膨胀前的图像。图 10 32b 为膨胀后的图像。经过计算,可知面 积增加 f 0.3456。

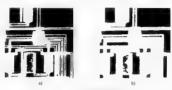


图 10-32 . 值图像膨胀运算结果

a) 膨胀前的图像 b) 膨胀后的图像

BW imread('circbw.tif'); figure.imshow(BW);

figure.

se=ones(5),

BW2=imdilate(BW,se),

imshow(BW2); imcrease=(bwarea(BW2)-bwarea(BW1)/bwarea(BW).

程序运算结果:

ımcrease =

0 3456

10.6.4 欧拉数

在村爾傑拓扑近行估計時, 经常会使用到 个量——板拉敷。所谓欧拉敷,就是 · 傳图 條中的对象數日減去。該图像中的孔洞數目。在模式识别中, 经常利用欧拉敷进行赛类分析, 该分析方法是 · 种丰常有效的方法。

在 MATLAB 7.0 图像处理 L具箱中提供了专门的 bweuler()函数,用于计算 .进制图像 的欧拉数。

利用 bweuleri)函數进行數決數計算時,這兩數具支持 4%減和 8-領域兩种透通方式。 如何利用 bweuleri)函數进行數決數計算呢? 以下程序代码示例说了该兩數的使用情况, 片在 8-领域方式下, 计算了tres 图像 (见图 10 33) 的耿拉敷。 clear all.

BW imread('F. image trees.tif'). ımshow(BW)

s hweuler(BW.8).

程序运算结里,

-100

在这点集中, 欧拉勒是个角勒, 麦眼孔海勒目太平对象数目,

10.6.5 基于分水岭的图像分割示例

在本节,将以一个具体示例说明如何利用 MATLAB 70 图像工具箱中提供的形态学处理 承勤, 实现对一幅多像进行有效分割。各像分割后, 该图像中相连的多个对象将被分割成多 个单对象。为此, 分下面几步完成。

1. 读取图像

从图像处理 L 具箱中读取图像 ff.ipg, 如图 10 34 所示。

[-imread('f image ff ipg') figure. imshow(1),



图 10-33 trees 图像



图 10-34 后始常像

从图 10 34 1 知, 该密像包含众多不同人小的、紧密相连的对象。为了有效分割开这些 对象,可用分水岭变换方法进行处理。这是因为可以将图像看成 个四凸表面,利用分水岭 变换, 可以有效发现图像中的谷点。

为了得到最好的结果。可以增强图像中感兴趣的对象来最小化,通过分水岭变换图 像中谷占的个数。而对于对比度增强的一般技术是联合使用 top hat 变换和 bottom hat 少换。

2. 创建结构元素

山」在阁像中所感兴趣的对象像 个磁盘, 所以该示例中可以用 strel()函数创建 个磁 群结构元素, 磁盘的人小 5用图像中对象的平均平径来估计。

Se=strel('disk',15):



MATLAB 数字图像处理

3 機器图像对比度

Imtophat()函数和 imbothat()函数: 以分别返回原图像的 top-hat 变换和 bottom-hat 变换、 变换效果如图 10-35 所示。





图 10-35 增强附像对比度 a) top-hat 变换后的效果 b) bottom-bat 变换后效果

I imread('F image\ff)pg')

se strel('disk',15);

top =imtophat(f,se), bot_imbothat(f,se).

figure.unshow(top,fb).

figure,imshow(bot,[]),

4. 增大对象间的间隙

占阁 10 36 可知, top-hat 图像包含了P-配结构元素的对象,但对象间比较紧密,间隙较小,需要增大对象间的间隙。MATLAB 70 提供 f imbothatt)函数,可以有效反映对象间的 原限。另了增加图像中对象和间隙的对比度,在该示例中,首先将 top-hat 变换所得到的图像。该可以有效地增加对象和间隙的对比度。在该示例中,首先将 top-hat 变换所得到的图像,该可以有效地增加对象和间隙的对比度。以,操作由以下程序代码实现,处理效果如图 10 36 所示。

> lenhance=imsubtract(imadd(top,l),bot), figure.imshow(lenhance)

5. 感兴趣对象的转换

由于分水岭变换可以有效检测图像中的谷点,所以可以首先用 imcomplement()函数增强 照亮图像中的谷点,以利于有效检测。谷点增强照亮效果如图 10 37 所示。



图 10-36 对象间的间隙增大效果图



图 10-37 转化燃兴趣的区域效果图

lec=imcomplement(lephance): figure.imshow(Tec)

6. 检测谷占

在增强照亮谷点之后,就可以有效地进行检测了。 本例 中可以使用 imextendedmin()函数 和 imimposemin()函数来检测谷点,这两个函数的具体说时可参考图像处理 1 具箱,其与用 方法如下, 其处理效果如图 10 38 所示。





图 10-38 谷点检测效果图 a) imextendedmin 特測效果 b) imimpesemin 检测效果

femin=imextendedmin(lec.22): lemin=double(lemin). %转化为 讲到岗份 Impose unimposemin(lec,lemin): figure, imshow(lemin). figure,imshow(Impose)

7. 分水岭变换

通过上面的处理步骤,可以用 MATLAB 7.0 提供的 watershed()函数、使用以下程序代码 对使用 unimposemm()函数进行谷点检见后的图像 Impose 进行分水岭交换操作。

Watershedi)函数将返回 个包含非负元素的标签矩阵,该矩阵与分水岭区域相对应。不 在分水岭区域的像素的像素值将全部设置为 0。

如果需要很好地可视化标签矩阵,则可以将标签矩阵转为颜色矩阵。利用 MATLAB 7.0 提供的 label2rgb()函数可以达到这一目的,可视化标签矩阵效果如图 10-39 所示。



图 10-39 分水岭变换后的效果图

MATLAB 数字图像处理

I imread('trees.tif') se strel('disk',15), ton=imtophat(l.se).

bot imbothat(Lse);

Ienhance-imsubtract(imadd(top,I),bot),

lec=imcomplement(lenhance),

lemin=imextendedmin(lec,22);

Iemin=double(lemin), Impose=imimposemin(lec.lemin).

wat=watershed(limpose);

rgb=label2rgb(wat);

figure.imshow(reb)

8. 从标签矩阵中提取特征

当需要提取图像中某些特定的特征时,可以直接从标签矩阵中进行提取。MATLAB 7.0 提供的 regionprops()函数可以从标签矩阵中进行提取特征。例如,本例中需要计算两个观测 量(面积和方向),并视它们为彼此的函数,则特征提取效果如图 10 40 所示。

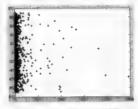


图 10-40 标签矩阵中提取特征效果图

执行程序代码如下:

stats regionprops(wat, 'Area', 'Orientation'); area=[stats.Area], orient=[stats.Orientation]; figure.plot(area.orient,'b*');

习额

- 10 1 图像都有哪些特征? 简要说明这些特征及其在图像分析中的用途。
- 10 2 数字图像处理技术中, 计算区域面积有几种方法?
- 10-3 什么是纹理分析中的统计法? 它有何特点?

10 4 对如图 10-41 所示的闭合边界,写出以 5 为起点的链码和差分链码。





图 10-42

10.5 计算如图 10.42 所示图像中目标(阴影部分)的面积、质心、周长、圆形度、矩 形度以及长宽比。

10-6 分别用方形和圆形两种结构元素实现 值图像的腐蚀运算,改变结构元素的大 小,观察并分析腐蚀结果。

10-7 编程求:值图像的形态边界。

第 11 章 MATLAB 图像处理的应用

11.1 MATLAB 在遥感图像处理中的应用

1111 遥感简介

通感作为 「」对地观潮综合性技术,它的出现和发展既是人们认识和探索自然界的客观 需要,更有其他技术手段与之无法比拟的特点。从字面上说,通畅就是从远处感觉事物,严 格的定义是远远地么感觉某一定对象的技术;而广义地讲,遥感是不直接接触地改集关于某 定对象的某种或某些特定的信息,从而了解这个对象的性质。遥感技术的特点归给起来上 要有以下一个方面。

(1) 探测范围广、采集数据快

運感探測能在较短的时间内,从空中乃至宇宙空间对大范围地区进行观测,并从中获取 有价值的避感要据。这些数据拓展了人们的视觉空间,为宏观地掌握地面事物的现状仓选了 核中有的条件,同时也为宏观地研究自然现象和规律提供了宝费的第 下资料。这种先进 的特表上每与标卷的手厂业相比是不可替代的。

(2) 能动态反映地面事物的变化

避感探测能周期性、重复地对同一地区进行对地观测,这有助于人们通过所获取的遥感 数据,发现并动态地跟踪地球上许多事物的变化。同时,研究自然界的变化规律。尤其是在 监视天气状况、自然灾害、环境污染甚至不事目标等方面,遥感的运用显得格外重要。

(3) 获取的数据具有综合性

遥感探测所获取的是问 时段、覆盖大范围地区的遥感数据,这些数据综合地展现了地 球 "许爷自然与人之现象,宏观或反映了地球上各种事物的形态与分布,真实地棒现了地 成、地貌、上壤、植被、水文、人工构筑物等地物的特征,今而地提示了地理事物之间的关 联性,并目这些数极在时间上具有相同的现势性。

现在, 世界各國都在利用陆地卫星所获取的图像进行资源调查(如森林调查、海洋泥砂 和渔业调查、水溶源调查等)、宋青校测(如确业事校测、水火控制、环境污染校测等)、资 源勘察(加有油制查、矿产量探测、大型厂程地理位置勘探分析等)、农业规划(如上壤营 常、水分和农件物生化、产量的估算等)、城市规划(如血质结构、水源及环境分析等)。我 成地版挂开展「以上各方面的。****实际应用,并获得了良好的效果。在气象预报和对太空其 他星球研究方面, 数字图像处理技术也发挥了相当大的作用。

MATLAB 作为一个灵活实用的编程软件,早已渗透到遥感图像的处理中。利用 MATLAB 可以对遥感图像进行图像增强、滤波、灰度变换、图像融合、统计分析等。可以 大大推动对遥感图像处理的深入研究和广泛应用。

MATLAB 在遥感图像中的应用主要包括以下几个方面。

- 1) 军事侦察、定位、引导、指挥等。
- 2) 名光谱 卫星图像分析。
- 3) 地形、地图、国十普杏。
- 4) 地质、矿藏物探。
- 5) 森林资源探查、分类、防火。
- 6) 水利资源探查,洪水泛滥检测。
- 7) 海洋、渔业方面,如温度、鱼群的检测、预报。
- 8) 农业方面。如谷物估产、病虫害调查。
- 9) 自然灾害、环境污染的检测。
- 10) 气象、天气预报图的合成分析预拐。
- 11) 天文、天空星体的探测及分析。
- 12) 交诵、空中管理、铁路洗线等。

利用 MATLAB 对遥感图像进行盲方图匹配

遥感系统记录地球表面物质的反射和发射辐射通量。理想情况下,某种物质的特宁波长 会反射大量的能量。而另一种物质在同样的波长下反射的能量可能要小得多。这使得遥感系 统记录的两种地物之间存在对比度。然而,不同地物经常对可见光、近红外和中红外反射相 似的辐射通量,使获取的影像对比度较低。另外,除了这些生物物理特征造成的明显低对比 度外,人为因素也会对它产生影响。另一个导致遥感影像对比度低的因素是传感器的灵敏 度。为了方便遥感影像分析人员对图像进行判读解译。需要对其进行增强处理。

在 MATLAB 中, 使用 histeq()函数可以实现直方图匹配。

图 11 la 显示了地球的 幅图像 f. 图 11 lb 显示了使用 mhist(f)函数得到的直方各。由 于这幅图像中存在大片的较暗区域,所以直方图中的大部分像素都集中在灰度级的暗端。乍 看,人们会认为利用直方图均衡化来增强图像是 种较好的方式,以便使较暗区域中的细 节更加明显。然而, 使用命令

g=histeq(f, 256)

得到如图 11 lc 所示的图像结果表明,利用直方图均衡化方法在此应用举例中并没有得到特 别好的效果。对此,通过研究均衡化图像(见图 11 1d)可以看出原因。这里,我们看到灰 度级已经移动到了灰度级的上半部分。因而输出图像出现了褪色现象。灰度级移动的原因是 原始直方图中的暗色分量过于集中在 0 附近。从而,由该直方图得到的累计变换函数非常 陡,因此才把在灰度级低端过于集中的像素映射到了灰度级的高端。直方图均衡化的程序代 码如下:

%百方图均衡化



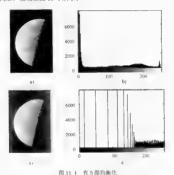




clear all %%%%战元账处图像 f=mread(moon.nlf); subplot(2,2,1),imslow(f); %派於图像 subplot(2,2,1),imslow(f), %原始图像的自方图 %%%定得於图像证于直方图均數化 g histoc(1256), subplot(2,3),mshow(g),

执行程序代码后,效果如图 11-1 所示。

subnlot(2.2.4).imhist(g).



a) 品的图像 b) 版绘图像的 f, 方图 c) 直方图均衡 化后的图像 d) 均衡 化后的直方图

·种补偿这种现象的方法是使用竞方阻匹配。期望的直方阻在灰度级低端应有较小的集中高阻,并能够保留京始附像直方阻的大体形状。由图 11 lb 可知,直方图主要有两个峰位、放大的峰位出现在原立处,较小的峰位出现在灰度级的高端。可使用多峰值高斯函数来模划这种来程的直方阻。

由上直方图均衡化在 些举例中由现的问题主要是原始图像 0 级的灰度附近像素过于集中。因而较为介理的手段是修改该图像的直方限。使其不再有此性质。图 11 2 显示了一个函数的图形(利用如下程序 manualhist 得到,参数分别为 0.15,0.05,0.75,0.05,1,0.07,0.002),它不仅保留了原始直方图的人体形状,而且在图像的较端区域中央度级有较为平滑的过渡。



图 11 2 双峰高斯函数

```
function p-manualhist
repeats true,
quitnow='x':
p=twomodegauss(0.15,0.05,0.75,0.05,1,0.07,0.002);
while reneats
     s=input('Enter ml.sigl.m2.sig2.A1.A2.k.OR x to quit'.'s'):
     if s-quitnow
         hreak
    end
    v=str2num(s):
     if numel(v)-=7;
         disp('Incorrect number of inputs')
         coninue.
    end
    p=twomodegauss(v(1),v(2),v(3),v(4),v(5),v(6),v(7));
    figure,plot(p),
    xlım([0 255]);
```

子函数 p=twomodegauss(m1,sig1,m2,sig2,A1,A2,k)计算一个已经归一化到单位区域的双 峰高斯函数,以便可以将它用做一个指定的直方图。

```
function p=twomodegauss(m1,sig1,m2,sig2,A1,A2,k)
c1=A1*(1/((2*pi)^0 5)*sig1);
kl 2*(sig1^2):
c2=A2*(1/((2*pt)^0.5)*sig2);
k2=2*(sig2^2);
z=linspace(0,1,256),
p=k+c1*exp(-((z-m1).^2)./k1)+c2*exp(-((z-m2).^2)./k2),
p=p./sum(p(.));
```

程序的输出 p 由该函数产生的 256 个等间隔点组成,它是我们所希望的指定盲方图。利 用下面的命令可以得到具有指定百方图的图像。图 11 3 所示为最终结果。

gg=histeq(f,p)



所用程序代码如下:

clear all,

%%%获取 个指定的函数

p≔manualhist;

%%%使结果图像的直方图与获取函数图像 致

gg histeq(f,p),

figure,

subplot(1,2,1),imshow(gg),

subplot(1,2,2);imhist(gg)

执行程序后,效果如图 11 3 所示。



b)

图 11-3 直方图匹配增强

a) 直方图匹配增强的效果图 b) 翱华图像的直方图

11.1.3 对遥感图像进行滤波增强

各 II 4a 所示为 相对线图像, 从割中可以看出, 这幅黑像比较模糊。在这种情况下, 被需对制度近月增强处理(如禹像晚代),同时尽可能地保留其灰度色调。首先,用下列语 旬件成一个秒替校斯能被震,其中心为 4。

w4=fspecial('laplacian', 0);

使用该志波器对原始图像进行滤波,得到图 11-4b. 可以看到,该图像比原始图像清晰了许多,为了得到,是清晰的图像,也可以自己设计 个滤波器。本举例通过下面的命令设计 个中心为 32 的滤波器,得到图 11-4c。正如我们所预料的那样,它比其他两瞩图像都要清晰。

w8 [1 1 1, 1 32 1, 1 1 1],

本举例所用的程序代码如下,效果如图 11.4 所示。

clear all

f=imread('F:umageunoon.jpg'), subplot(1,3,1),unshow(f),

w4 fspecial('laplacian',0),

w8=[1 1 1;1 -32 1;1 1 1],

g4=f-imfilter(f,w4,'replicate'); g8=f-imfilter(f,w8,'replicate'); subplot(1,3,2):imshow(e4); subplot(1,3,3);imshow(g8)







图 11 4 图像波波

a) 原始图像 b) 中心为-4 的滤液效果 c) 中心为-32 的滤波效果

11.1.4 对遥感图像进行融合

图像融合是一个对多遥感器的图像数据和其他信息的处理过程。它着重于把那些在空间 和时空上冗余或互补的多源数据,按一定的规则(或算法)进行运算处理,获得比任何单 数据更精确、更丰富的信息。年成一幅具有新的空间、滤谱、时间特征的合成图像。它不仅 是数据间的简单复合,还强调信息的优化,以突出有用的专题信息,消除或抑制无关的信 息,改善目标识别的图像环境,从而增加解译的可靠性。减少模糊性(即多文性、不完全 性、不确定性和误差),改善分类,扩大应用范围和效果。

1. 基于 HSI 彩色变换的图像融合

此举例是采用基于 HSI 彩色变换的小波融合管法。其基本思路是:将多光谱图像和高分 辨率图像进行几何配准,然后对多光谱图像进行 HSI 变换,以提高多光谱彩色合成的解译能 力:对 I (亮度)分量和高分辨率图像进行小波变换;然后保持多光谱图像亮度分量 I 的低频 信息不变、溶高分辨多图像小波分解后的高颗信息叠加到多光谱图像亮度分量 I 的高级分量 上。而后对同时具有低频信息和叠加后具有高频信息的亮度分量 I 进行小波逆变换,这样得出 的 I 将会最大限度地保留原来多光谱图像的光谱信息,且能最大限度地提高其空间分辨率。最 后将变换后的 H、S、I 分量在 RGB ·维空间进行级联,得到融合后的 RGB 空间图像。

需要注意的是, Chavez 等于 1991 年指出, 用来进行多分辨率数据融合的所有方法中, HSI 方法造成光谱特征的畸变最严重, 因此使用该方法时要谨慎, 特别是需要对数据进行详 细的辐射分析时。

应用卷例的程序代码如下:

clear all. %%%读取高分辨率图像 fl imread(mapl jpg '). subplot(2.2.1).imshow(fl) %%%利用插值将多光谱图像放大到与高分辨率图像 样大小 [M,N]=size(f1); f2 imread('map2 ipg')

f2 unresize(f2,[M,N],'bilinear') subplot(2,2,2);imshow(f2),

%%%将 RGB 空间转换为 HSI

fl=double(fl),

f2_hsi=rgb2hsv(f2), f2_h-f2(...,1);

f2 s=f2(.,:,2);

 $f2_i = f2(...,3)$

%%%进行小波分解

[c1 s1]=wavedec2(f1,1,'sym4');

fl=m2double(fl),

[c2_h s2_h] wavedec2(f2 h,1,'sym4'),

[c2 s s2 s] wavedec2(f2_s,1,'sym4'); [c2 i s2 i]=wavedec2(f2 i,1,'sym4'),

%%%对系数进行融合

c_h 0 5*(c2 h+c1);

c s-0 5*(c2 s+c1);

c_1 cl,

%%%分别对 H 分量、S 分量、I 分量进行直方图均衡化

f h= waverec2(c_h,s1,'sym4'),

f_h=histeq(f h),

f s- waverec2(c s,s1,'sym4');

f s=histeq(f_s),

 $f_1 = \text{waverec2(c i,s1,sym4')};$

f_1 histeq(f_i);

%%%显小融合后图像 g_cat(3.f_h,f_s,f_i);

subplot(2,2,3); imshow(g),

执行程序后,结果如图 11 5 所示。







图 11 5 選感图像融合

a) 高分辨率图像 b) 多光谱图像 c) 融合后的图像

采用的敷板添为 SPOT 10m 分辨丰多允谱图像和 SPOT 2.5m 高分辨率图像如图 11 5a. b 所示。从图 11 5 上可以看出,SPOT 2.5m 高分辨丰图像具有更多的道路网信息和许多人 型建筑的边缘栅节信息。而 SPOT 10m 分辨丰多光谱图像则含有丰富的彩色信息。红色

表示植被覆盖(波段合成为 SPOT 近红外波段、红波段、绿波段), 灰绿色为水体、褐色 为建筑物。

图像融合的具体目标在干提高图像空间分辨率(图像学化)。改善图像几何精度、懒器 特征显示能力,改善分类精度,提供变换检测能力,替代业修补图像数据的缺陷等。经过缺 合,得到的结果图像如图 11 5c 所示。可以看到,融合后的图像不但有较好的空间特征和纹 理特征,而且具有较好的多光谱保持能力。

2. 基于小波变换的图像融合

本书第9章介绍了小波变换图像融合的基本原理。本举例所用的高分辨率和多光谱图像 如图 11-5a、b 所示。所用程序代码如下:

mul=imread('map.pg'), hr=imread('map2.jpg') [m.n]=size(hr). mul=imresize(mul,[m,n],'bilinear'), mul r=mul(,,1), mul g=mul(,,2); mul b-mul(, ,3); [c hr s hr]=wavedec2(hr,1,'svm4'), [c rs r] wavedec2(mul r,1,'svm4'); [c g s g] wavedec2(mul g,1,'svm4'), fc bs bl wavedec2(mul b.1.'svm4'): e r=0.5*(c hr+c r). c g=0.5*(c hr+c g). c b=0.5*(c hr+c b): f r=waverec2(c r.hr.'svm4): f r=histeq(f r), f_g=waverec2(c_g,hr,'sym4), f g=histeq(f g); f b=waverec2(c b,hr,'sym4'), f b-histeq(f b); fc cat(3,f r,f g,f b); figure:imshow(g);



图 11-6 小波变换融合后的图像

执行程序后,效果如图 11 6 所示。

与传统的数据融合算法(如 HSI等)相比,小波融合模型不仅能够针对输入图像的不 同特征来合理选择小波基以及小波变换的次数,五月在融合操作时又可以根据实际需要来 引入双方的细节信息,从而表现出更强的针对性和实用性、融合效果更好。另外,从实施 过程的灵活性方面评价。HSI 变换只能而且必须同时对 3 个波段进行融合操作。PCA 分析 的输入图像必须有 3 个或 3 个以上, 而小波方法则能够完成对单一波段或多个波段进行的 融合运算。

MATLAB 在医学图像处理中的应用 11.2

MATLAB 凭借其强大的矩阵运算功能和直观的编程风格。在医学图像处理中得到了广

泛的应用。本节主要介绍 MATLAB 医学图像处理概述、医学图像增强、灰度变换等内容。

11.2.1 医学成像简介

医学成像已经成为现代医疗不可或缺的一部分,其应用贯穿整个临床工作,不仅广泛用 片疾锅诊断,而且在外科手术和放射治疗等的计划设计、方案实施以及疗效评估方面没挥着 毒要的作用。目前,医学图像可以分为解剖图像和功能图像两个部分。解剖图像主要描述人 体形态信息,包括 X 射线透射成像、CT、MRI、US、以及各类内窥(如腹能镜及喉镜)获 取的序列图像等。另外,还有一些衍生而来的特殊技术,如从 X 射线成像衍生而来的 DSA、从 MRI 技术们生而来的 MRA、从 US 成像衍生而来的 Doppler 成像等。功能图像 + 要描述人体代谢信息,包括 PET、SPECT、MRI 等。同时,也有一些广义的或者使用较少 的功能成像 方式,如 EEG、MEG、pMRI(perfusion MRI)。6CT等。

作医学教学、科学研究以及临床工作中,我们要处理很多医学图像,借助 MATLAB 7.0 附处理工具箱,可以人人提高工作效率。MATLAB 在医学图像处理中的应用主要包括以 序方面。

- 1) 显微图像处理。
- 2) DNA (脱氧核糖核酸) 显示分析。
- 3) 红、白血球分析计数。
- 4) 虫卵及组织切片的分析。
- 5) 癌细胞识别。
- 6) DSA (心血管数字减影) 及其他减影技术。
- 7) 内脏大小形态及异常检测。
- 8) 微循环的分析判断。
- 9) 心脏活动的动态分析。
- 10) 热像分析, 红外像分析。
- 11) X 光照片增强、冻结及伪色彩增强。
- 12) CT、MRI、Y射线照相机,正电子和质子 CT 的应用。
- 13) 生物进化的图像。

读者可以参阅相关专业书籍来查看这些方面的应用实例。这里从灰度变换、噪声去除等几个方面介绍 MATLAB 图像处理函数在医学图像处理中的应用。

11.2.2 医学图像的灰度变换

医等钢像反映的長 X 射线穿透路径上人体各生理组织部位对 X 射线吸收量的累加值, 而人体内生理组织是相互重叠的, 些组织结构由上与 X 射线吸收置较入的组织重叠而无法 在 X 射线影像 占清晰地显示。另外,在 CT 系统成像过程中,由于图像板中的瞬种子便 X 射 线存在散射,在扫描过程中,激光扫描仪的搬光在穿过图像板的深部时存在着散射,从而使 图像硬制。降低 / 阳像分辨率。应用图像增强处理方法凸显组织边缘和细节,成为医学图像 处理的迫迫需要。

图像增强就是一种基本的图像处理技术,增强的目的是对图像进行加工。以得到对医务 工作者来说视觉效果更好、更易于诊断的图像。图像增强根据图像的模糊情况采用了各种特 殊的技术突ょ各像整体或局部特征。常用的图像增强技术有灰度变换、自方图处型、平滑波 被(高斯平滑)、中值滤波、梯度增强、拉普拉斯增强以及增强的高通。低通波波等。这些 管法运管量人、计算复杂、开始难度人。针对这些问题,可以在 MATIAR 环境中, 利由 MATLAB 提供的功能强大的图像处理上具箱,简单快捷地得到统计数据,同时又主得到官 理料元.

1. 使用 imshow()函数改变图像对比度

人家应该记得 imshow()函数, 下面就回忆:下它的用法。该函数用于显示常规的路像, 周用格式为

imshow (f.G)

其中, f 是一个图像数组: G 是显示该图像的灰度级数。若将 G 省略, 见,默认的灰度级数定 256。该函数的另一种调用格式为

imshow (f.[low.high])

这种调用格式会将所有小手或等于 low 的值都显示为黑色。所有人士或等于 high 的 值显示为自色。界于 low 和 high 之间的值将以默认的级数显示为中等亮度值。最后,请 用格式

imshow(f,[])

可以将变量 low 设置为数组 f 的最小值,将变量 high 设置为数组 f 的最人值。lmshow() 函数的这一形式在显示。煽动态范围较小的图像或既有工值又有负值的函像时非常有 用。在医学图像中,由于一系列原因,获取的信号会较弱,应用该函数对图像进行增强 上分有效。

如图 11 7 所示, 可以很明显地看到, 动态范围很小, 各像很暗, 对比度很低, 没有时 最的意区。这样的图像很难用眼睛去观察它内部包含的信息。使用 Imshow()函数打伸后。图 像视觉效果明显得到改善、动物范围扩大、加里格质始图像的真腐值扩展到显示改各的全部 动系范围, 效果就更佳。





图 11 7 医学图像增强应用基例 a) 身如阳像 b) 增强后的阳像

比举例是使用 imshow()函数实现图像增强,程序代码如下:



clc clear all %从路径单寸或入 幅泉站图像 l="imreadi F image Xmap ipg"), figure, imshow(1); title("预验净债") %%%将;给图像过行排强操件figure,imshow([i_l]) mtle("滑笔局图像)

2. 使用 (madjust()函数调整图像亮度

imadjust()函数是对灰度图像进行亮度变换的基本 IPT 工具。它的调用格式为

• g=imadjust(f,[low in high in],[low out high out],gamma)

该函数将图像 f 中的亮度值映射到 g 中, 即将 low in~high in 之间的的值映射到 low out~high out 之间。low in 以下的值与 high in 以上的值具被剪切掉了:换句话说。low_in 以上的值映射为 low_out, high_in 以下的值映射为 high_out. 输入图像应该为 uint8,uint16 ig double 中图像、输入图像 s确入图像有得相同的类。除图像 f 外, imadjust()函数的 所有输入参数均指定在 0~1 之间,而不论图像 f 的类型。 若 f 是 uint8 型图像,则 imadjust()函数将乘以 255 来确定应用中的实际值: 若 f 是 uint16 写图像,则 imadjust()函数将乘以 65535。 若[low_in high_in]或[low_out high_out]使用空矩阵([])会得到默认值[0 1]。 若 high out f low out. 则输出光度会反转。

参数 gamma 指定了曲线的形状,该曲线用来映射 f 的亮度值,以便生成图像 g。 若gamma 小于1,映射被加权全更高(更亮)的输出值:若gamma 六于1,则映射被加权全更 ff (中部)的输入值、另名数了系数的参量。U、gamma 默认为1(发讲戏财)。

以下命令格 05~075 之间的灰度级扩展至 0~1 (见图 11-8)。

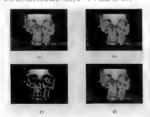


图 11:8 使用 madjust()函数进行图像变换

a, 於針 對像 b) 灰度反转后的图像 c) 部分区域灰度全换 d) gamma=2 的图像

%%%%%%%%%

clear

f=imread('F: image\hand.ipg');

subplot(2,2,1),

imshow(f),

title('系绘图像') %%%烙局的剧像泰麻后转

gl imadjust(f,[0 1],[0 1]);

subplot(2,2,2):

imshow(gl)

title('灰度反转后图像')

%%%将原始图像 0.5~0.75 之间的灰度级扩展到[0 1]

g2=imadrust(f,[0,5,0,75],[0,1]).

subplot(2.2.3). imshow(g2)

title('部分区域灰度夸换')

% 将 gamma 值设置为 2

g3 imadjust(f,[],[0 1]);

subplot(2,2,4); imshow(g3)

title('gamma 2')

3. 自定义函数 intrans()

对图像的动态范围进行改变有很多方法。如对数、对比拉伸等。对数变换通过下式夹 守服.

式中, c 是一个常数。对数变换的 项主要应用是压缩动态范围。例如, 傅里叶频谱的范围 为[0 10⁶]或更高。当傅里叶频谱显示于已线性缩放至 8bit 的监视器上时,高值部分占优,从 而导致频谱中低亮度值的可视细节丢失。通过计算对数, 10° 左右的动态范围就会下降到可 以接受、方便观察的范围,从而更有利于处理。

下面的函数称为对比度拉伸函数:

$$s = T(r) = \frac{1}{1 + (m/r)^{E}}$$
 (11.2)

式中,r 是输入图像的亮度; s 是输出图像中的相应亮度值; E 是该函数的斜率。由于T(r)的 限制值为 1, 所以在执行此类变换时,输出值也被缩放在[0 1]内。因为该函数可以将输入值 低于 m 的 A 度级压缩在输出图像中较暗灰度级的较窄范围内; 类似地, 该函数可将输入值高 于 m 的灰度级压缩在输出图像中较亮灰度级的较窄范围内。输出的是 幅具有较高对比度的 图像。

根据以上所述, 自定义 M 函数如下。

function g=intrans(f,varargin), error(nargchk(2,4,nargin)), classin class(f);

(11.1)

```
if stremp(class(f),'double')&max(f(L))>1&-stremp(varargin(1),'log')
    f=mat2grav(f):
else
     f=im2double(f):
end
method=varargin{1}.
switch method
    case 'neg'
         g=imcomplement(f),
     case 'log'
         if length(varargin)=1
         elseif length(varargin)=2
              c=varargin{2},
         elseif length(varargin)=3
              c varargin{2};
              classin=varargin(3):
         else
              eror('Incorrect number of inputs for the log option')
         end
         g=c*(log(1+double(f))),
     case 'gamma'
          if length(varargin)<2
              error('Not enough inputs for the gamma option')
         end
          gam=varargin{2},
          g=imadjust(f, [], [], gam);
     case 'stretch'
          if length(varargin)-1
              m=mean2(f),
              E=4.0:
          elseif length(varargin)==3
              me=varargin{2};
              E=varargin{3};
          else error('Incorrect number of inputs for the tretch option')
          end
          g=1./(1+(m./(f+eps)) ^E);
     otherwise
          error('UNknown enhancement method.')
end
```

自定义 M 函數是将这些方法利用 MATLAB 来生成 个符合自己需要的函数,在这个函数中,用户可以根据自己的需要选择拉伸和拉伸因子。

图 11-9a 显示了 解音器图像。通过图像可以观察到,原始图像对比度比较低,其中的 人部分信息都不能用助限很好地观察到。使用自定义的 intrans()函数对其进行对比度拉伸, 春卷如图 11 9b 所示的结果。和图 11 9a 相比。图 11-9b 在模型方面的改善效果是明显的。 程序代码如下,

clear ali:

f=imread('bone ipg')

subplot(1,2,1),imshow(f): %对图像进行拉伸

g=intrans(f,'stretch'.mean2(im2double(f)).0.8): subplot(1,2,2):imshow(g).

执行程序后,效果如图 11 9 所示。





图 11 9 使用自定义承数对行客像拉伸 at 收如图像 b, 护护利的系统

基于高频强调滤波和直方图均衡化的医学图像增强

高通滤波器削弱傅里叶变换的低频而保持了高频相对不变点。这样会突出图像的边缘和 细节, 使图像边缘更加酒断。但由于高通滤波器偏离了白酒项, 从而把图像的平均值降低到 了零。一种补偿方法是给高通滤波器加上。个偏移量。若偏移型与滤波器乘以一个人 1· 1 的 常数结合起来,则这种方法就称为高频强调滤波,因为该常量乘数突击了高频部分。这个乘 数同时增加了低频部分的幅度,但只要偏移量与乘数项比较小,低频增强的影响就弱于高频 的影响。高频强调滤波器的传递函数为。

$$H_{bd}(u,v) = a + bH_{ba}(u,v)$$

式中,a是偏移量; b是乘数; $H_{to}(u,v)$ 是高通滤波器的传递系数。

利用高赖强调滤波和直方图均衡化对医学图像进行处理。如图 11 10 所示。





图 11-10 查赖强调滤战



(11.3)





图 11-10 高频强调滤波 (续)

a) 原始图像 b) btw 滤波后的图像 c) 高物强调滤波后的图像 d) 直方图均衡化后的图像

%%%%%%%%

cle

clear

f-imread('lena.tif');

subplot(2,2,1); %在同一个窗口中显示多幅图像

mshow(f).

IIIISIIOW(t),

title("原始图像")
% % %对图像讲行填充

PO paddedsize(size(f)).

%%%高速滤液

%%%高速滤波

D0=0.05*PQ(1);

HBW=hpfilter('btw',PO(1),PO(2),D0,2),

gbw-dftfilt(f,HBW),

gbw=uint8(gbw);

subplot(2,2,2),

ırnshow(gbw);

Ittisiio#(

title('btw 滤波后图像')

%%%高频强调滤波

H=0.5+2*HBW,

ghf-aftfilt(f,H),

ehf umt8(ghf),

subplot(2,2,3),

imshow(ghf)

title('高頻强调滤波后图像')

%%%对高频强调滤波后,图像进行直方图均衡化

ghe=histeq(ghf,256),

ghe=uint8(ghe);

subplot(2,2,4);

imshow(ghe) title('直方图均衡化图像')

上例所用子函数如下:

1) PQ=paddedsize (AB, CD, PARAM) 对输入图像进行填充,以便形成的方形的大小

等于最近的2的整数次幂。

- 2) g=dftfilttf.H)接收输入图像 f 和一个滤波函数 H, 可处理所有的滤波细节并输出经法 波和剪切后的图像 g。
 - 3) [U,V] dftuv(M,N)提供了距离计算及其他类似应用所需要的网络数组。
 - 4) [H,D]--lpfilter(type,M,N,D0,n)实现低通滤波。
 - 5) H=hpfilter(type,M,N,D0,n)实现高通滤波。
 - 它们的代码如下:







```
D=sqrt(U.^2+V.^2);
switch type
    case 'ideal'
         H=double(D<=D0);
    case 'htw'
        if nargin==4
            mal.
         end
         H=1,(1+(D,/D0),^(2*n)).
    case 'gaussian'
         H exp(-(D,^2),(2*(D0^2))),
    otherwise
        error('UNknow filter type,')
end
%%%
%%%
function H hpfilter(type,M,N,D0,n)
if nargin= =4
    n=1:
end
Hlp=lpfilter(type,M.N.D0.n).
H=1 Hlp:
```

习题

- 11 1 MATLAB 在巡感图像中的应用主要有哪几个方面?
- 11 2 小波变换图像融合与 HSI 图像融合相比具有哪些优势? 试对同 幅图像同时进行 HIS 图像融合和小波变奏图像融合。
 - 11 3 MATLAB 在医学图像处理中的应用主要有哪几个方面?
 - 11 4 试编写程序, 自定义 个函数实现图像的位置及大小的改变。

附 录

附录 A MATLAB 6.X 图像处理工具箱函数

表 A-1 適用函数

函 数	功能	语 绘
colorbar	せ小頭色象	colorbar colorbar("Vert") colorbar("Noruz") colorbar(h) h= colorbar(") colorbar(") colorbar(",") colorbar(",") colorbar(") col
getimage	从字标轴取得图像数据	A=getimage(h) [x,y,A]= getimage(h) [,A,flag]= getimage(h) []= getimage
amshow	基示图像	makeow(Lo) unchow(Low high) unchow(BW) unchow(KGB) unc
montagė	在矩影框中同时显示多幅图像	montage(BW) montage(BW) montage(X,map) montage(RGB) H= montage(···)
mmovie	创建多帧索引色图像的电影动画	mov=immovie(A,map) mov=immovie(RGB)
subimage	在 辐阻中基小多个图像	suburnage(X, map) suburnage(B) suburnage(B W) suburnage(RGB) suburnage(X, W) h= suburnage(x, W)
truesize	调整图像显示尺寸	truesizet fig ,[mrows mools]) truesizet fig)
warp	将困嫌显小到纹理映射表面	warp(X,map) warp(I,n) warp(Z,···) warp(X,v,Z···) h=warp(··)
zoom	喻故图像	Zoom on Zoom on Zoom of Zoom on Zoom out Zoom out Zoom need Zoom soom Zoom Non Zoom Non Zoom Non Zoom for the





表 A-2 几何操作函数

函数	功能	讲 法	
merop	勢切图像	C=mengs 1 X2=mengs Xmap 8GB2+mencept(KGB) 12=mencpt(KGB) 12=mencpt(KGB) KGB2+mencpt(KGB) (-)=mencpt(X-y) (A_rect)=mencpt(-) (X_rArect)=mencpt(-)	
	改变图像大小	B≏ sriresizë(A,m,method)	
mrotate	装转阳像	B= imrotate (A,angel,method) B= imrotate(A,angel,method,'crop')	

表 A-3 图像文件 I/O 函数

皓 数	功能	併 法
mfinfo	返回图形文件信息	mfo=:mfinfo(filename, fint) mfo=:mfinfo(filename)
mread	从图形文件中读取图像	A= mread(filerame.fm) [X. spaj= mread(filerame.fm) [-]= mread(filerame) [-]= mread(filerame) [-]= mread(filerame) [-]= mread(filerame) [-]= mread(,dh) (CURLCO, and THF only) [-]= mread(,dh) (Filerame) [-]= mread(,dh) (Filerame,dh) (Filerame) [-]= mread(,dh) (Filerame,dh) (Filerame,dh) (Filerame,dh) [-]= mread(,dh) (Filerame,dh) (Filerame,dh) (Filerame,dh) [-]= mread(,dh) (Filerame,dh)
imwrite	把图像写入图形文件中	imwrite(A,flename,fnt) imwrite(X,map,flename,fmt) imwrite(,filename) imwrite(,Param I,Vall.Param2,Val2,)

表 A-4 线性滤波函数

晒 数	功能	语 法	
conv2	进行一维卷积操作	C=conv2(A,B) C=conv2(hool,hrow,A) C=conv2(··,'shape')	
convmtx2	计算 维卷积矩阵	T=convmbx2(H,m,n) T=convmbx2(H,[m n])	
convn	计算用维登积	C=convn(A,B) C=convn(A,B, shape')	
filter2	进行 维线性过滤操作	Y= filter2(h,X,) Y= filter2(h,X,shape)	
fspecial	包,建预定义过滤器	h= fspecial(type) li= fspecial(type,parameters)	

表 A-5 像景和统计处理函数

▶ 函数	功 舱	- 由 法
con/2	计算两个矩阵的 : 维相关系数	r=corr2(A,B)
amcontour *** *	创建图像数据的轮廓图	imcontour(l,n) imcontour(l,v) imcontour(x,y,···) imcontour(···,LineSpec) (C,h)=imcontour(···)
ımfeature	计算图像区域的特征尺寸	stats unfeature(L.measurements) stats unfeature(L.measurements.n)
umhist	显示图像数据的柱状图	mhist(I,n) imhist(X,map) [count,X]=:mhist()
<i>a</i> mpoxel	确定债款版色值	P= supposed() P= supposed(X,sup) P= supposed(X,sup) P= supposed(X,sup) P= supposed(X,sup) P= supposed(X,sup), P= supposed(X,sup), (s,JP = supposed(X,sup), P= supposed(X,sup), P= supposed(X,sup), (s,JP = supposed(X,sup), (
improfile	沿线段计算制面附的像素值	e" improfile (
mein2	计算矩阵元素的平均值	B-mean2(A)
pusval	显示图像像套信息	pixval on
std2	计算矩阵元素的标准偏略	B=std2(A)

表 A-6 图像增强函数

語 敷	功能	语 法	
hasteq	用柱状围坞衡化增强对比	Jr histod [Jagram) Jr histod [In] [J,T]r histod [I,m) [J,T]r histod [I,m) newmap = histod (X-map.hyman) newmap = histod (X-map.hyman) newmap = histod (X-map.hyman)	
ımadjust	调整图像东度值或颜色映射表	J= madjust(1,[low_in high in],[low out high_out],gamme) newmap=imadjust(nap,[low in high in],[low_out high out],gamme) RGB2=imadjust(RGB1,)	
imnoise	增强图像的渲染效果	J= imnose(I,type) J= imnose(I,type,parameters)	
medfilt2	进行:维中值过滤	B= medfilt2(A,[m,n]) B= medfilt2(A) B= medfilt2(A, indexed', ···)	
ordfilt2	进行 维统计顺序过滤	B=ordfilt2(A,order,domain) B= ordfilt2(A,order,domain,S) B= ordfilt2(···.padopt)	
wiener2	进行 维适应性去嗪过滤处理		



表 A-7 图像分析函数

齿 数	功能	语 法
edge	识先强度高像中的边界	BW-edget(_toket) BW-edget(_toket) BW-edget(_toket) BW-edget(_toket_driven) BW-deget(_toket_driven) BW-edget(_toket_driven) BW-edget(_toket_driven) BW-edget(_toket) BW-edget(_toket) BW-edget(_toket) BW-edget(_toket) BW-edget(_toket) BW-edget(_toket) BW-edget(_toket) BW-edget(_toket)
edge	识游弧度事像中的边界	[BW , :hwesh\medge(1 ruberts', ···) BW - edge(1 log) BW - edge(1
qtgetblk	获取品叉树中的块值	[vals,r.c]= qtgetblk(l,S,dim) [vals,idx]= qtgetblk(l,S,dim)
qtsetblk	设管网义绑中的缺值	J= qtsetblk([.S.dm.vals)

表 A-8 线性二维滤波设计函数

质 数	功能	语 法
freqspace	确定:権利率略四級本が何	[fl,f2]= freqspace(n) [fl,f2]= freqspace([m,n]) [xl,yl]= freqspace("m,"meshgrid") f= freqspace(N, 'whole')
freq22	计算 慷频和响应	[H.fl.(2]- freq2(h.hl.(a)) [H.fl.(2]- freq2(h.fl.(a) n]) [H.fl.(2]- freq2(h.fl.(2)) [H.fl.(2]- freq2(h) [-]- freq2(h)(dx dy)) [-]- freq2(h,dx) freq2(-)
fsamp2	追称车采样法设计 维 FIR 过滤器	h= fsamp2(Hd) h= fsamp2(f1,f2,Hd,[m n])
ftrans2	通过领率转换设计 维 FIR 过滤器	h= ftrans2(b,t) h= ftrans2(b)
fwindl	用 缩窗LI方法设计 维FIR 过滤器	h= fwind1(Hd,win) h= fwind1 (Hd,win1,win2) h= fwind1+f1,f2,Hd,···)
fwind2	用 维窗口方法设计 维 FTR 过滤器	b= fwnd2(Hd,wm) h= fwnd2(f1,f2,Hd,wm)

表 A-9 二进制图像操作函数

函数	功能	语 法
applylut	在 进制图像中利用 lookup 表进行边沿操作	A= applylut(BW,LUT)
bwarea	计算 进制阻像对象的面积	total= bwarea(BW)
bweuler	计算 进制图像的欧拉敦	eul= bwouler(BW,n)
bwfill	填充二进物图像的背景	BW2= bwfill(BW1.cr.n) BW2= bwfill(BW1.n) BW2= bwfill(xy) BW2= bwfill(xy,BW1,xx,y'x,n) [xy,BW2=bwfill(xy,BW1,xx,y'x,n) BW2=bwfill(BW1, 'holes' n) [BW2,axy]= bwfill(BW1, 'holes' n)
bwlabel	标注 进制图像中已连接的部分	L= bwlabe,(BW,n) [[_num]= bwlabel(BW,n)
bwmorph	提取 进制图像的轮廓	BW2= bwmorph(BW1,operation) BW2= bwmorph(BW1,operation,n)
bwperim	计算"进制图像中对象的周长	BW2= bwperim(BW1) BW2= bwperim(BW1,CONN)
bwselect	在 进制图像中选择对象	BW2=bwselect(BW1,c,r,n) BW2=bwselect(BW1,n) (BW2,dx)=bwselect(···) BW2=bwselect(x,y,BW1,xt,yt) (xy,BW2,dx,x,y,=bwselect(···)
dilate	放大 进制图像	BW2= dilate(BW1,SE) BW2= dilate(BW1,SE,lag) BW2= dilate(BW1,SE,,n)
erode	弱化 "进制图像的边界	BW2= erode(BW1,SE) BW2= erode(BW1,SE,alg) BW2= erode(BW1,SE,,n)
makelut	创建 个用于applylut()函数的 look 表	lut= make.ut(fun,n) lut= make.ut(fun,n,P1,P2,···)

表 A-10 图像变换函数

略 数	功能	語 法
det2	进行 维离散余弦变换	B=dct2(A) B= dct2(A,m,n) B= dct2(A,[m n])
detmtx	计算离散余弦变换矩阵	D= dctmtx(n)
ffi2	进行,维快速傅里叶变换	Y=fft2(X) Y fft2(X,m,n)
ffin	进行用维快运傅里叶变换	Y= fftn(X) Y= fftn(X,size)
fftshift	把快速傅里叶变换的 DC 组件移到光谱中心	Y= fftshift(X) Y= fftshift(λ,dim)
idet2	计算 "维离散反会法变换	B= idct2(A) B= idct2(A,m,n) B=idct2(A,Jm n1)
ifft2	计算二维快速傅里叶反变换	Y= ifft2(X) Y= ifft2(X,m,n)
rfftn	计算 n 接快速傅里叶反变换	Y= (fftn(X) Y=:fftn(X,s(2)
iradon	进行反 radon 变换	I= sradon(P,theta) I= sradon(P,theta,snterp,filter,d,n) [I,h]= sradon(-)
phantom	产生 - 个头部幻影图像	P= phantom(def,n) P= phantom(E,n) [P,E]= phantom(···)
radon	计算 radou 变换	R= radon(1,theta) [R,xp]= radon(···)

表 A-11 颜色空间转换函数

函 數	功能	唐 弦
hsv2rgb	转换 HSV 的值为 RGB 颜色空间	M=hsv2rgb(H)
rgb2hsv	转化 RGB 的值为 HSV 颜色空间	cmap= rgb2hsv(M)
rgb2ntsc	特化 RGB 的值为 NTSC 颜色罕间	ysqmap= rgb2ntsc(rgbmap) YIQ= rgb2ntsc(RGB)
rgb2ycber	转化 RGB 的值为 YCBCR 颗色空间	ycbcrmap= rgb2ycbcr(rgbmap) YCBCR= rgb2ycbcr(RGB)
ycber2rgb	转化 YCBCR 的值为 RGB 颜色平向	rgbmap-yeber2rgb(yebermap) RGB= yeber2rgb(YCBCR)
ntsc2rgb	转换 NTSC 的值为 RGB 颜色空间	rgbmap= ntsc2rgb(y iqmap) RGB= ntsc2rgb(YIO)

表 A-12 边沿和块处理函数

函 数	功能	语生
bestblk	确定进行块操作的块大小	suz= bestblk([m n],k) [mb.nb]= bestblk([m.n],k)
blkproc	实规图像的显示块操作	B= blkproc(A.[m n].fun) B= blkproc(A.[m n].fun,P!,P2,···) B=blkproc(A.[mn].[mborder nborder].fun,···)
col2:m	将矩阵的列重新组织到块上	A= col2m(B,[m n],[mm nn],block_type) A= col2m(B,[m n],[mm nn])
colfiit	利用利相关函数进行边沿接作	B=colfit(b,[m n],block_type,fun) B=colfit(b,[m n],block_type,fun,Pl,P2,···) B=colfit(b,[m n], [mborder nborder], ··) B=colfit(A, 'mdexed',···)
ım2eol	重调图像块为引	B=un2col(A,[m n],biock type) B=un2col(A,[m n]) B=un2col(A, 'indexed',)
nlfilter	进行垃圾操作	B= nlfilter(A,[m n],fun) B= nlfilter(A,[m n],fun,P1,P2,···) B= nlfilter(A, 'undexed', ')

表 A-13 区域处理函数

函 数	功能	唐 法
roscolor	选择感兴趣的领色区	BW= roscolor(A,low,high) BW= roscolor(A,s)
roifill	在陶镍的任意区域中进行平滑插补]= rosfill(1,c,r)]= rosfill(1,BW) [J,BW]= rosfill()]= rosfill(x,J,3x,y) [x,y,J,BW,x,y,y]= rosfill()
rosfilt2	过滤敏感风域	J= rosfist2(LBW,fun) J= rosfist2(LBW,fun) J= rosfist2(LBW,fun,P1,P2,···)
ro,poly	选择 个鞭惩的多边形以城	BW=rospoly([,c,r) BW=rospoly(x), [,b(x)]) BW=rospoly(x), [,b(x)]) [BW=x=y=rospoly(-) [x,y,BW=x;y:]=rospoly(-)

表 A-14 图像类型和类型转换函数

函 數	功能	1År −3Ž.
dither	通点抄动增加外观颜色分辨率,转换图像	X= drther(RGB,map) BW= drther(I)
gray2.nd	转换灰度图像为索引色图像	[X,map]= gray2ind(I,n) [X,map]= gray2ind(BW,n)
graystice	从灰度图像创建索引色图像	X= grayslice(I,n) X= grayslice(I,v)
ım2bw	转换图像为 进制图像	BW- im2bw(l,level) BW= im2bw(X,map,level) BW- im2bw(RGB,level)
ım2double	转换图像矩阵为双精度型	I2= m2double(I1) RGB2** m2double(RGB1) I= m2double(BW) X2= m2double(XI, 'ndexed')
double	转换数据为双精度型	double(X)
uint8	转换数据为8位无符号整型	i= uint8(x)
.m2uint8	转换图像矩阵为8位无符号整型	12= im2aint8(L.) RGB2= im2aint8(RGB1) I- im2aint8(BW) X2= im2aint8(X1, indexed1)
ım2unt16	转换图像矩阵为 16 位无符号整型	12=:m2um16(11) RGB2=:m2um16(RGB1) I=:m2um16(BW) X2=:m2=:m16(X1, 'indexed')
umt16	转换数器为 16 位无符号整型	r=um(16(x)
ınd2gray	把索引色图像转化为灰度图像	t= md2gray(X,map)
ınd2rgb	转化索引色图像为 RGB 真彩图像	RGB= ind2rgb(X,map)
Ispa	判断是否为 进制图像	flag=isbw(A)
isgray	判断是否为灰度图像	flag= isgray(A)
isind	判断处否为索引色图像	flag= isind(A)
ısıgb	判断是否为 RGB 真彩图像	flag= isrgb(A)
mat2gray	特化矩阵为灰度塑像	
rgb2gray	转换 RGB 图像或颜色映射表为东皮图像	l= rgb2gray(RGB) newmap= rgb2gray(map)
rgb2ind	转换 RGB 阳像为索引色图像	[X,map]= rgb2ind(RGB,tol) [X,map]= rgb2ind(RGB,nl)
rgb2ind 转换 RGB 用像为案引色图像		X=rgb2ind(RGB,map) [···]=rgb2ind(··,dither_option)

表 A-15 工具箱参数设置的函数

渔 數	功 能	语 法
ıptgetpref	获取图像处理 1具箱参数设置	value= iptgetpref(prefname)
ıptsetpref	设置图像处理工具箱参数	iptsetpref(prefname,value)

附录 B MATLAB 7.0 图像处理工具箱新增函数

表 B-1

### Programmer (1997) #### Programmer (1997) ##### Programmer (1997) ##### Programmer (1997) ##### Programmer (1997) ##################################	函 数	功能	语 法
### ### ### ### ### ### ### ### ### ##	adapthistoq	限制对比度直方图均衡化	
brighten 増加収等低級の映着表的系文 previous-freighten (map hous) provided (applycform	用于色彩空间变换	out= applycform(l,C)
bwboundaries ## Devolutedireis ## CONN.) Be - beboundaries ## CONN.) Be - bear - beboundaries ## CONN.) Be - bear - beboundaries ## CONN.) Be - bear -	brighten	增加或降低颜色映射表的亮度	newmap=brighten(beta) newmap=brighten(map,beta)
Ber beranceboundary 新述 主張開発中的物格	bwboundaries	描绘二进制图像边界	B= bwboundaries(BW,CONN) B= bwboundaries(BW,CONN,options) [B L]= bwboundaries()
研究のPersonal	bwtraceboundary	描述二进制图像中的物体	B= bwtraceboundary(BW,P,fstep,CONN)
munique 間が後間 「ドネのマラル・マラル・ロッパース 「ドネのマッカー・アルロッカー 「ドネのマッカー・アルロッカー 「ドネのアッカー・アルロッカー 「ドネのアッカー・アルロッカー 「ドネのアッカー・アルロッカー 「アルロッカー 「アルロッカー・アルロッカー 「アルロッカー 「アルロッカー」 「アルロッカー 「アルロッカー」 「アルロッカー 「アルロッカー」 「アルロッカー 「アルロッカー」 「アルロッカー 「アルロッカー」 「アルロッカー 「アルロッカー」	empremute		
信念のmirech 対多通用限量打た例末の製 S-decompressed.ht.TOL) 信念のMirech	cmunique		[Y,newmsp]=cmunique(RGB)
dictionary-dicomfielt(ger) が示している。 だったのは、反応をない。 が表現している。 が表現している。 が表現している。 「おりでは、している。 「おりでは、している。 「おりでは、している。 「おりでは、している。 「おりでは、している。 「おりでは、している。 「おりでは、している。 「おりでは、している。 「おりでは、している。 「なりでは、している。 「なりでは、している。 「なりでは、している。 「なりでは、している。 「なりでは、している。 「はいる。 「はいる。」 「はいる。」 「はいるる。」 「はいるるる。」	decorrstretch	对多通道图像进行去相关处理	
### fant-beam 代表が表力 para-beam Pa- fant/para- / paramit / voil 2 parami	dicomdict	获取或读取 DICOM 文件	
計算 Far-Beam 実施	fan2para		P= fan2para(,param1,va;11,param2,val2,*)
getline	fanbearn	计算 Fan-Beam 变换	F= fanbcam(···param1,val1,param2,val2,···) [F,sensor_positions,fan_rotation_angles]~
getpta 用質な选择者素点 [x ₂] = projection (x ₂) =	getline	用假标选择 ployline	[x,y]= getline(ax) [x,y]= getline
getreed 用質板送発矩形 recon-getree(fig) increased 接収 ICC 計画 P=iccrease(filemanne) if abbeam	getpts	用損标选择像紊点	[x,y]= getpts(ax)
Independing Independent Independing Independent	getrect	用侧标选择矩形	rect= getrect(ax)
finabeam	iccread	读取 ICC 剖面	P=iccread(filename)
	ifanbeam	计算进 Fan-Beam 变换	I= ifanbeam(***,param1,val1,param2,val2,***)
	im2java2d	将图像转换为 Java 缓冲图像	

函数	功能	语 法
imview	在兩像個克泰中是示图像	imview(I) moview(IGB) imview(IGB) imview(I,mag) imview(I,mage) imview(I,mage) imview(I,minish(Bename) hr- imview() imview() imview() imview() imview()
ippl	检查 IPPL 的存在	TF= ipp1 [TF B]= ipp1
iptdemos	显示图像处理工具箱中的索引色 图像	iptdemos
lab2double	把 L*a*b 数据转换为双精度	labd= lab2double(lab)
lab2uint16	把 L*a*b 数据转换为 16 位数据	lab16= lab2uint16(iab)
lab2uint8	把 L*a*b 数据转换为 8 位数据	lab8= lab2uint8(lab)
makecform	创建一个色彩特换信构	C=makecform(type), whitepoint, WP) C=makecform(type, whitepoint, WP) C=makecform(yee, see, profile, dest_profile) C=makecform(yee, see, profile, dest_profile, C=makecform(yee, see, profile, dest_profile, C=makecform(see, see, profile, dest_profile, C=makecform(see, see, profile, LUType) C=makecform(see, state, profile, LUType) C=makecform(see, state, profile, see, see, see, see, see, see, see, s
para2fan	从 parral beam 数据计算 Fan- Beam 映射	F= para2fan(P.D) I= para2fan(···.puram1,val1,peram2,val2,···) [F,fan_positions,fan_rotation_angles]= fan2para(···)
ploy2mask	把多边形区域转换成 matsk 区域	BW= ploy2mask(x,y,m,n)
sim2bw	特換图像为二进制图像	BW=im2bw(I,level) BW=im2bw(X,map,level) BW=im2bw(RGB,level)
uintlut	查找表中 A 的像素值	B= uintlut(A,LUT)
xyz2double	将颜色敷据从 XYZ 转换到双精度	xyzd= xyz2double(XYZ)
xyz2uint16	将领色数据从 XYZ 转换到十六 进制	xyz16= xyz2uint16(xyz)





参考文献

- Cai T, Brown L. Wavelet Shrinkage for Nonequispaced Samples[J]. Annals of Statistics, 2005, 26(5): 1783-1799.
- [2] S Mallat. Multifrequency Channel Decomposition of Images and Wavelet Models[J]. IEEE Trans, 1998.
 ASSP-37(12): 2091-2110.
- [3] S Mallat, S Zhong. Characterization of Signals from Multiscale Edges[J]. IEEE Trans, 2003, PAMI-14(7): 710-732.
- [4] Donoho David L, Johnstone I M. Ideal Spatial Adaptation Via Wavelet Shrinkage[J]. Biometric, 1998, 81: 425-455.
- [5] Cohen A. Biorthogonal Wavelets[M]. In: C.K. Chui ed. Wavelets: A Tutorial in Theory and Application. Academic Press Ltd, 1999: 123-152.
- [6] Sardy S, et al. Wavelet Shrinkage for Unequally Spaced data[J]. Statistics and Computing, 1999, 9(1): 65-75.
- [7] Zhang Lei, Bao Paul, Wu Xiaolin. Hybrid Inter- and Intra-wavelet Scale Image Restoration[J]. Pattern Recognition Letter, 2003;36(8): 1737-1746.
- [8] Cohen A. Biorthogonal Wavelets and Dual Filter[J]. In: M. Barland ed. Wavelets in Image Communication. Elsevier, 1994: 1-26.
- [9] Donoho David L. Denoising by Soft-thresholding[J]. IEEE Transactions on Information Theory, 1999, 1(2): 115-122.
- [10] S Mallat, W L Hwang. Singularity Detection and Processing with Wavelets[J]. IEEE Trans, 2002, IT-38(2): 617-643.
- [11] Mathworks Inc. Wavelet Toolbox User's Guide[M]. 2004.
- [12] 飞思科技术产品研发中心. MATLAB 6.5 辅助小波分析与应用[M]. 北京: 电子工业出版社, 2003.
- [13] 飞思科技术产品研发中心、小波分析理论与 MATLAB7 实现[M]. 北京: 电子工业出版社, 2005.
- [14] 葛哲学, 陈仲生. MATLAB 时频分析技术及其应用[M]. 北京: 人民邮电出版社, 2006.
- [15] 杨福生,小波变换的工程分析与应用[M],北京:科学出版社,1999.
- [16] 薛毅、数值分析与实验[M]、北京:北京理工大学出版社,2005.
- [17] 魏巍. 应用数学工具箱技术手册[M] 北京: 国防工业出版社, 2004.
- [18] Wolfram S. The Mathematica Book[M]. Cambridge University Press, 1988.
- [19] 何东健. 数字图像处理[M]. 西安: 西安电子科技大学出版社, 2004.
- [20] 阮秋琦, 实用数字图像处理[M]. 北京: 电子工业出版社, 2001.
- [21] 崔屹. 数字图像处理技术与应用[M]. 北京: 电子工业出版社, 1997.
- [22] 阮秋琦. 数字图像处理基础[M]. 北京: 中国铁道出版社, 1988.
- [23] 刘榴娣,实用数字图像处理[M],北京,北京理工大学出版社,2001.
- [24] Rafael C.Gonzalez. Digital Image Processing Using MATLAB[M]. BeiJing: Publishing House of Electronics Industry. 2003.



- [25] 傅德胜, 寿益禾. 图形图像处理学[M], 南京; 东南大学出版社, 2002.
- [26] 程正兴. 小波分析算法与应用[M]. 西安: 西安交通大学出版社, 1997.
- [27] 陈武凡, 小波分析及其在图像处理中的应用[M], 北京: 科学出版社, 2002,
- [28] 陈传波. 数字图像处理[M]. 北京: 机械工业出版社, 2004.
- [29] 余成波. 数字图像处理及 MATLAB 实现[M]. 重庆; 重庆大学出版社, 2003.
- [30] 朱虹. 数字图像处理基础[M]. 北京: 科学出版社, 2005.
- [31] 李朝晖. 数字图像处理及应用[M], 北京: 机械工业出版社, 2004.
- [32] 霍宏涛. 数字图像处理[M]. 北京: 机械工业出版社, 2003.
- [33] 罗述谦,周果宏、医学图像处理与分析[MI,北京,科学出版社,2003.



